Techniki Optymalizacji

Laboratorium nr 2 Sprawozdanie

Paulina Sadowska, Rafał Araszkiewicz

21 października 2016

1. Wprowadzenie

Celem ćwiczenia było poprawienie wyników otrzymanych przez algorytmy Nearest Neighbour i Greedy Cycle poprzez zastosowanie lokalnego przeszukiwania w wersji stromej Otrzymane wyniki porówanano z otrzymanymi po wyznaczeniu losowej ścieżki i nastepnie zastosowaniu lokalnego przeszukiwania.

2. Local search

W algorytmie tym trasa budowana jest w taki sposób, że dla wygenerowanego wcześniej rozwiązania szukamy takiej pary wierzchołków lub pary krawędzi które po zamianie pozwolą na otrzymanie krótszej ścieżki. Następnie wykonujemy zamianę, która pozwoli na uzyskanie największego zysku. Kroki te należy powtarzać tak długo, jak mozliwe jest znalezienie takiej pary wierzchołków lub krawędzi których zamiana skróci scieżkę.

2.1. Implementacja w pseudokodzie

```
dopoki zmiana trasy zmniejsza jej koszt
       dla kazdego z punktow na sciezce
               staryKoszt = koszt przejscia do punktu + koszt przejscia z

→ punktu do nastepnego

               dla kazdego punktu spoza sciezki
                       nowyKoszt = koszt przejscia do nowego punktu + koszt
                          ← przejscia z nowego punktu do nastepnego
                       jezeli nowyKoszt < minKoszt oraz nowyKoszt <

    stary Koszt

                              minKoszt = nowyKoszt
       dla kazdej pary punktow na sciezce
               dla kazdej kolejnej pary punktow na sciezce
                       stayKoszt = koszt przejscia miedzy para nr 1 + koszt
                          → przejscia miedzy para nr 2
                      nowyKoszt = koszt przejscia miedzy pierwszymi punktami
                          ← punktami z kazdej z par
                       jezeli nowyKoszt < minKoszt oraz nowyKoszt < koszt
                              minKoszt = nowyKoszt
       jezeli zysk z zamiany wierzcholkow jest wiekszy niz z zamiany krawedzi
```

zamien punkt sciezki na ten dajacy lepszy zysk jezeli zmiana krawedzi przyniesie zysk zamien krawedzie miejscami w przeciwnym razie opusc petle

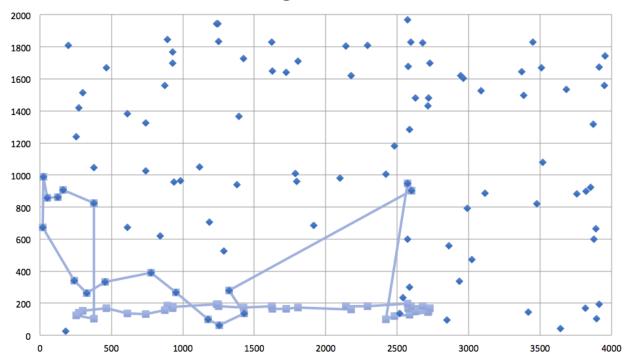
koniec

3. Najlepsze ścieżki

3.1. Nearest Neighbour + Local Search

Najlepsza trasa: 50, 86, 8, 6, 56, 19, 11, 26, 85, 34, 61, 59, 76, 22, 97, 90, 44, 31, 10, 14, 16, 58, 73, 20, 71, 9, 83, 35, 37, 23, 17, 78, 52, 87, 15, 93, 21, 69, 65, 64, 3, 96, 55, 79, 30, 88, 41, 27, 92, 57, 50

Nearest Neighbour + Local search

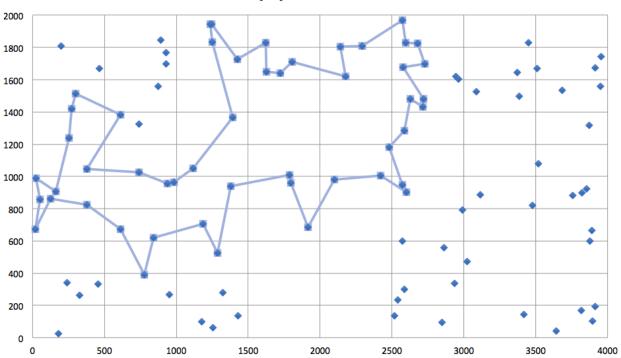


Rysunek 1: Najlepsza trasa - Nearest Neighbour + Local Search

3.2. Greedy Cycle + Local Search

 $\begin{array}{l} \text{Najlepsza trasa: 61, 34, 85, 26, 11, 19, 6, 8, 56, 86, 50, 24, 80, 60, 57, 66, 27, 92, 0, 91, 7, 55, 96, 18, 52, 87, 15, 69, \\ 21, 93, 17, 23, 37, 83, 9, 89, 48, 5, 62, 46, 10, 16, 14, 31, 44, 90, 97, 22, 76, 59, 61} \end{array}$

Greedy cycle + Local search

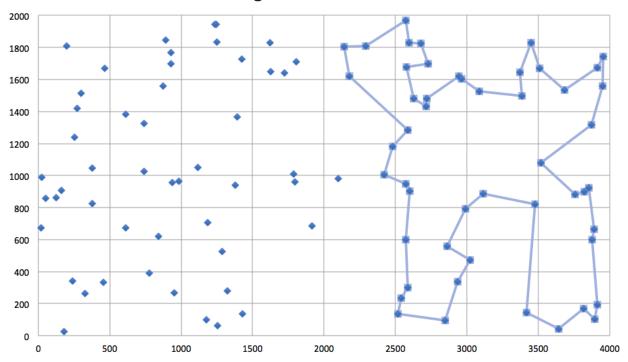


Rysunek 2: Najlepsza trasa - Greedy Cycle + Local Search

3.3. Nearest Neighbour Grasp + Local Search

 $\begin{array}{l} Najlepsza\ trasa:\ 0,\ 5,\ 48,\ 89,\ 78,\ 17,\ 23,\ 83,\ 9,\ 20,\ 71,\ 73,\ 58,\ 14,\ 10,\ 31,\ 90,\ 22,\ 44,\ 16,\ 97,\ 76,\ 19,\ 26,\ 85,\ 34,\ 61,\ 59,\ 6,\ 11,\ 56,\ 50,\ 86,\ 8,\ 33,\ 82,\ 45,\ 28,\ 42,\ 13,\ 2,\ 99,\ 47,\ 77,\ 95,\ 51,\ 29,\ 38,\ 84,\ 67,\ 0 \end{array}$

Nearest Neighbour GRASP + Local search

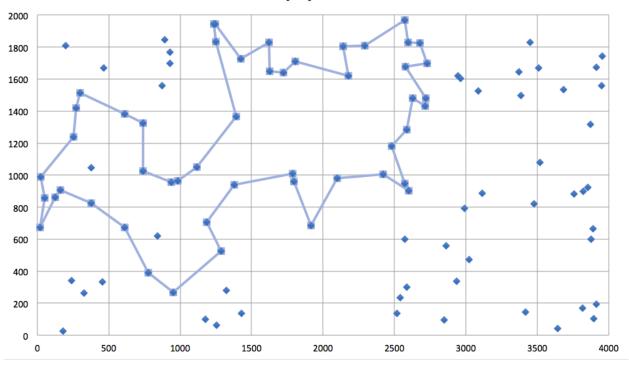


Rysunek 3: Najlepsza trasa - Nearest Neighbour + Local Search

3.4. Greedy Cycle Grasp + Local Search

 $\begin{array}{l} \text{Najlepsza trasa: } 59, \, 61, \, 34, \, 85, \, 26, \, 11, \, 19, \, 6, \, 8, \, 56, \, 86, \, 50, \, 24, \, 80, \, 60, \, 57, \, 66, \, 27, \, 92, \, 0, \, 91, \, 7, \, 55, \, 96, \, 18, \, 52, \, 87, \, 15, \\ 69, \, 21, \, 93, \, 17, \, 23, \, 37, \, 83, \, 9, \, 89, \, 48, \, 5, \, 62, \, 46, \, 10, \, 16, \, 14, \, 31, \, 44, \, 90, \, 97, \, 22, \, 76, \, 59 \end{array}$

Greedy Cycle GRASP + Local search

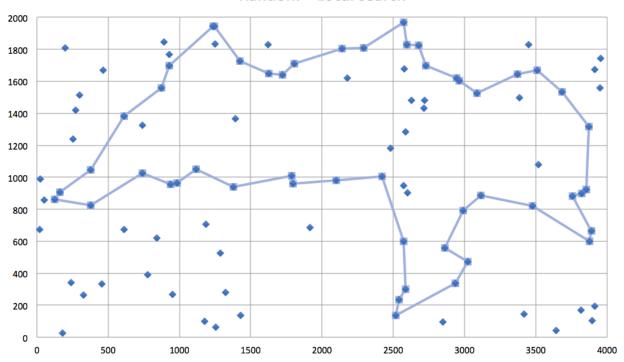


Rysunek 4: Najlepsza trasa - Greedy Cycle + Local Search

3.5. Random + Local search

Najlepsza trasa: 51, 47, 13, 2, 45, 33, 82, 54, 11, 26, 85, 34, 61, 59, 22, 97, 90, 31, 14, 16, 20, 71, 83, 78, 87, 15, 52, 89, 48, 5, 62, 0, 92, 27, 57, 60, 68, 63, 39, 53, 43, 49, 72, 67, 84, 38, 36, 4, 95, 77, 51

Random + Local search



Rysunek 5: Najlepsza trasa - Random + Local Search

4. Otrzymane wyniki

Tablica 1: Otrzymane wyniki

	NN + LS	GC + LS	NN Grasp + LS	GC Grasp + LS	Random + LS
min cost	9870	10548	10289	10548	11092
average cost	11002	11962	11622	11966	12615
max cost	12693	12629	13505	12629	14833
best time	5.32ms	1.95ms	20.45ms	1.95ms	49.00ms
average time	11.76ms	7.46ms	32.00ms	8.63ms	66.68ms
worst time	19.10ms	16.10ms	78.63ms	17.57ms	86.03ms