Функции многих переменных

Вычислить частные производные функции двух переменных

первого и высших порядков:

$$Z'_x$$
 , Z'_y , Z''_{xx} , Z''_{yy} Z''_{xy} , Z''_{yx}

1.
$$Z = \sin(7x-9y)$$

$$Z'_{x}$$
= 7cos (7x-9y); Z'_{y} = -9cos (7x-9y)

$$Z''_{xx} = -49\sin(7x-9y); \ Z''_{yy} = -81\sin(7x-9y)$$

$$Z''_{xy} = 63\sin(7x-9y); \ Z''_{yx} = 63\sin(7x-9y)$$

2.
$$Z = \frac{3x}{2y} + \frac{y^2}{x^3}$$

$$Z'_{x} = \frac{3}{2y} - \frac{3^{y^{2}}}{x^{4}}; \ Z'_{y} = -\frac{3x}{2y^{2}} + \frac{2^{y}}{x^{3}}$$

$$Z''_{xx} = 12^{y^2}/_{x^5}; \ Z''_{yy} = \frac{3x}{y^3} + \frac{2}{x^3}$$

$$Z''_{xy} = -\frac{3}{2y^2} - \frac{6y}{x^4}; \ Z''_{yx} = -\frac{3}{2y^2} - \frac{6y}{x^4}$$

3.
$$Z = \frac{(3x-5y)}{(2x+y)}$$

$$Z'_{x} = \frac{13y}{(2x+y)^{2}}; \quad Z'_{y} = \frac{-13x}{(2x+y)^{2}}$$

$$Z''_{xx} = \frac{-52y}{(2x+y)^3}; \ Z''_{yy} = \frac{26x}{(2x+y)^3}$$

$$Z''_{xy} = \frac{(26x - 13y)}{(2x + y)^3}; \ Z''_{yx} = \frac{(26x - 13y)}{(2x + y)^3}$$

4.
$$Z = \frac{(x-5)}{(2+y)}$$

$$Z'_x = \frac{1}{(2+y)}$$
; $Z'_y = -\frac{(x-5)}{(2+y)^2}$

$$Z''_{xx} = 0; Z''_{yy} = \frac{2(x-5)}{(2+y)^3}$$

$$Z''_{xy} = \frac{1}{(2+y)^2}$$
, $Z''_{yx} = -\frac{1}{(2+y)^2}$

$$5. \ \ Z = 5x^3 - 7y^4 + 2xy$$

$$Z'_x = 15x^2 + 2y$$
; $Z'_y = -28y^3 + 2x$

$$Z''_{xx} = 30x$$
; $Z''_{yy} = -84y^2$

$$Z''_{xy} = 2; \ Z''_{yx} = 2$$

Примеры для самостоятельной работы:

Вычислить частные производные функции двух переменных первого и высших порядков:

$$Z^{\prime}_{x}$$
 , Z^{\prime}_{y} , $Z^{\prime\prime}_{xx}$, $Z^{\prime\prime}_{yy}$ $Z^{\prime\prime}_{xy}$, $Z^{\prime\prime}_{yx}$.

$$1. \ \ Z = 5x^3 - 7y^4 + 2xy$$

2.
$$Z = (8x + 5v)^3$$

3.
$$Z = \frac{9x-y}{x+2y}$$

5.
$$Z = \frac{y - 5x}{x + 3y}$$

6.
$$Z = \frac{3}{(x-y)^3}$$

7.
$$Z = \cos (4x - 3y)$$

8. $Z = \frac{-5x + 2y}{x - 3y}$
9. $Z = \frac{x + y}{\sqrt{x - y}}$
10. $Z = \frac{2y}{\sqrt{x + y}}$

8.
$$Z = \frac{-5x+2y}{x-2y}$$

$$9. \ \ Z = \frac{x+y}{\sqrt{x-y}}$$

10.
$$Z = \frac{2y}{\sqrt{x+y}}$$