

计算机学院 并行程序设计第 6 次作业

高斯消去法的 CUDA 并行化

姓名:丁屹

学号:2013280

专业:计算机科学与技术

绿目

1	问题	描述	2
2	Ope	enMP 算法设计	3
	2.1	测试用例的确定	3
	2.2	实验环境和相关配置	3
	2.3	算法设计	3
		2.3.1 默认平凡算法	3

问题描述 并行程序设计实验报告

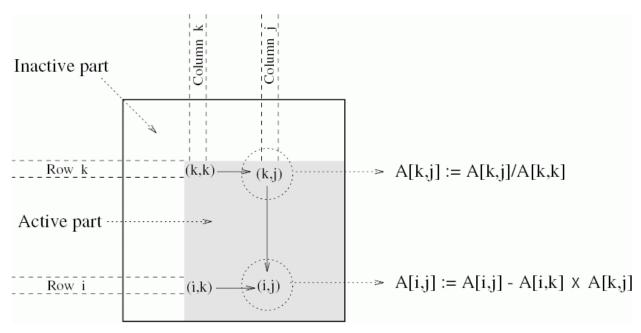


图 1.1: 高斯消去法示意图

1 问题描述

高斯消去的计算模式如图 1.1 所示,在第 k 步时,对第 k 行从 (k,k) 开始进行除法操作,并且将后续的 k+1 至 N 行进行减去第 k 行的操作,串行算法如下面伪代码所示。

Algorithm 1 普通高斯消元算法伪代码

```
1: function LU
       for k := 0 to n do
2:
          for j := k + 1 to n do
3:
              A[k,j] := A[k,j]/A[k,k]
 4:
          end for
5:
          A[k, k] := 1.0
6:
          for i := k + 1 to n do
7:
              for j := k + 1 to n do
8:
                 A[i,j] := A[i,j] - A[i,k] * A[k,j]
9:
              end for
10:
              A[i, k] := 0
11:
          end for
12:
       end for
13:
14: end function
```

观察高斯消去算法,注意到伪代码第 4, 5 行第一个内嵌循环中的 A[k,j] := A[k,j]/A[k,k] 以及伪代码第 8 9 10 行双层 for 循环中的 $A[i,j] := A[i,j]-A[i,k]\times A[k,j]$ 都是可以进行向量化的循环。可以通过 CUDA 对这两步进行并行优化。

2 OpenMP 算法设计

源码链接: https://github.com/ArcanusNEO/Parallel-Programming/tree/master/6

2.1 测试用例的确定

由于测试数据集较大,不便于各个平台同步,所以采用固定随机数种子为 12345687 的 mt19937 随机数生成器。经过实验发现不同规模下,所有元素独立生成,限制大小在 [0,100],能够生成可以被正确消元的矩阵。

代码如下:

测试数据集生成器

2.2 实验环境和相关配置

实验在本地 Arch Linux x86_64 平台完成,使用 cmake 构建项目;

- nVIDIA GPU 型号: NVIDIA Corporation TU106M [GeForce RTX 2060 Max-Q]
- 驱动版本: Driver Version: 515.48.07
- CUDA 版本: CUDA Version: 11.7

2.3 算法设计

2.3.1 默认平凡算法

使用一维数组模拟矩阵,避免改变矩阵大小时第二维不方便调整、必须设成最大值的问题,可以减少 cache 失效;

使用 #define matrix(i, j) arr[(i) * n + (j)] 宏, 增强可读性;

平凡算法

```
#define matrix(i, j) arr[(i) * n + (j)]
void func(int& ans, float arr[], int n) {

for (int k = 0; k < n; ++k) {

   for (int j = k + 1; j < n; ++j) matrix(k, j) = matrix(k, j) / matrix(k, k);

   matrix(k, k) = 1.0;

   for (int i = k + 1; i < n; ++i) {
      for (int j = k + 1; j < n; ++j)
      matrix(i, j) = matrix(i, j) - matrix(i, k) * matrix(k, j);
}</pre>
```

并行程序设计实验报告

```
matrix(i, k) = 0;
matrix(i, k) = 0;

#undef matrix
matrix
matrix(i, k) = 0;
mat
```