



**UNIVERSIDADE FEDERAL DE SÃO JOÃO DEL-REI -
UFSJ**
DEPARTAMENTO DE ENGENHARIA ELÉTRICA - DEPEL
COORDENAÇÃO DE ENGENHARIA ELÉTRICA - COELE

**GABRIEL AUGUSTO SILVA
BATISTA**

TRABALHO 4

São João del-Rei
Outubro de 2023

```

1  import numpy as np
2
3  ci = [1.0,2.0]
4  ci2 = [-2.0,3.0]
5  new1 = 1.5
6  new2 = -1.5
7  sec1 = ci[0]
8  sec2 = ci[1]
9  secb1 = ci2[0]
10 secb2 = ci2[1]
11 max_it = 1000
12 prec_x = 1E-5
13 prec_f = 1E-7
14

```

Aqui foi declarado as variaveis que serão utilizadas em cada metodo, tambem foi criado os parametros de precisão

```

15 #Resultado
16 def calc_res1(x):
17     return (5 * np.log(x)) - 2 + (0.4 * x)
18
19 def calc_res2(x):
20     return (x - (((x**5) - 26) / (5 * x**4)))
21
22 #Derivada
23 def calc_der1(x):
24     return (5/x) + 0.4
25
26 def calc_der2(x):
27     return ((4/5) - (104/(5*(x**5))))

```

Nessa parte criei uma função para calcular os resultados das funções e das derivadas dessas funções que foram solicitadas na letra a) e b)

```

29 #Bisseção a)
30 for i in range(max_it):
31     bis = (ci[0] + ci[1])/2
32     res1 = calc_res1(bis)
33     if abs(ci[1]-ci[0]) < prec_x and abs(res1) < prec_f:
34         break
35     if res1 < 0:
36         ci[0] = bis
37     elif res1 >= 0:
38         ci[1] = bis
39     print(f"Bisseção a), iteração {i+1}: {bis}\n")
40
41 #Bisseção b)
42 for i in range(max_it):
43     bis = (ci2[0] + ci2[1])/2
44     res1 = calc_res2(bis)
45     if abs(ci2[1]-ci2[0]) < prec_x and abs(res1) < prec_f:
46         break
47     if res1 < 0:
48         ci2[0] = bis
49     elif res1 >= 0:
50         ci2[1] = bis
51     print(f"Bisseção b), iteração {i+1}: {bis}\n")

```

A partir da linha 30 temos a implementação do método de bisseção, um algoritmo de busca de raízes que funciona dividindo o intervalo ao meio e selecionando o subintervalo onde a raiz está.

Para a função a) o código realiza o método de bisseção no intervalo definido por “ci” Em cada iteração, ele calcula o ponto médio “bis” e avalia a função ‘calc_res1” nesse ponto. Se a função é negativa nesse ponto, ele atualiza o limite inferior do intervalo para ser o ponto médio. Se a função é positiva ou zero, ele atualiza o limite superior do intervalo para ser o ponto médio. O loop continua até que a diferença entre os limites superior e inferior seja menor que “prec_x” (precisão no x) e o valor absoluto da função no ponto médio seja menor que “prec_f” (precisão na função).

Já para a função b) o código faz praticamente a mesma coisa que a primeira parte, mas usa um intervalo diferente “ci2” e uma função diferente “calc_res2”. Em ambas as partes, o resultado da bisseção é impresso após todas as iterações.

```
53 #Newton a)
54 for i in range(max_it):
55     fx1 = calc_res1(new1)
56     fx11 = calc_der1(new1)
57     new1 -= fx1/fx11
58     if abs(fx1) < prec_f:
59         break
60 print(f"Newton-Raphson a), iteração {i+1}: {new1}\n")
61
62 #Newton b)
63 for i in range(max_it):
64     fx2 = calc_res2(new2)
65     fx12 = calc_der2(new2)
66     new2 -= fx2/fx12
67     if abs(fx2) < prec_f:
68         break
69 print(f"Newton-Raphson b), iteração {i+1}: {new2}\n")
70
```

Esta parte do código é uma implementação do método de Newton-Raphson, um algoritmo de busca de raízes que usa a derivada da função para encontrar a raiz.

O código é dividido em duas partes, cada uma realizando o método de Newton-Raphson para uma função diferente “calc_res1” e “calc_res2”

Para a função a) o código realiza o método de Newton-Raphson para a função “calc_res1”. Em cada iteração, ele calcula o valor da função “fx1” e sua derivada “fx11” no ponto “new1”. Em seguida, atualiza “new1” subtraindo o quociente de “fx1” e “fx11” dele. O loop continua até que o valor absoluto da função no ponto “new1” seja menor que “prec_f” (precisão na função).

Já para a função b) o código faz praticamente a mesma coisa que a primeira parte, mas usa um ponto inicial diferente “new2” e uma função diferente “calc_res2”.

Em ambas as partes, o resultado do método de Newton-Raphson é impresso após todas as iterações.

```
71 #Secante a)
72 for i in range(max_it):
73     xk1 = calc_res1(sec1)
74     xk2 = calc_res1(sec2)
75     aux = sec2
76     if xk2 != xk1:
77         sec2 -= (xk2 * (sec2 - sec1)) / (xk2 - xk1)
78         if abs(sec2-sec1) < prec_x and abs(xk2) < prec_f:
79             break
80     else:
81         print("xk2 - xk1 resultou em 0")
82         break
83     sec1 = aux
84 print(f"Secante a), iteração {i+1}: {sec2}\n")
85
86 #Secante b)
87 sec1 = 1
88 sec2 = 2
89 for i in range(max_it):
90     xk3 = calc_res2(sec1)
91     xk4 = calc_res2(sec2)
92     aux = sec2
93     if xk4 != xk3:
94         sec2 -= (xk4 * (sec2 - sec1)) / (xk4 - xk3)
95         if abs(sec2-sec1) < prec_x and abs(xk4) < prec_f:
96             break
97     else:
98         print("xk4 - xk3 resultou em 0")
99         break
100     sec1 = aux
101 print(f"Secante b), iteração {i+1}: {sec2}\n")
```

Esta parte do código é uma implementação do método da secante, um algoritmo de busca de raízes que usa uma aproximação da derivada da função para encontrar a raiz.

O código é dividido em duas partes, cada uma realizando o método da secante para uma função diferente "calc_res1" e "calc_res2".

Para a função a) o código realiza o método da secante para a função "calc_res1". Em cada iteração, ele calcula o valor da função nos pontos sec1 e sec2 (xk1 e xk2, respectivamente). Em seguida, atualiza "sec2" subtraindo o produto de "xk2" e a diferença entre "sec2" e "sec1", dividido pela diferença entre "xk2" e "xk1". O loop continua até que a diferença entre "sec2" e "sec1" seja menor que "prec_x" (precisão no x) e o valor absoluto de "xk2" seja menor que "prec_f" (precisão na função). Se "xk2" e "xk1" forem iguais, o loop é interrompido e uma mensagem é impressa.

Para a função b) código faz praticamente a mesma coisa que a primeira parte, mas usa pontos iniciais diferentes (sec1 e sec2) e uma função diferente (calc_res2). Em ambas as partes, o resultado do método da secante é impresso após todas as iterações.

```
Bisseção a), iteração 24: 1.3401578068733215  
Bisseção b), iteração 26: -1.4540611654520035  
Newton-Raphson a), iteração 4: 1.3401578094125346  
Newton-Raphson b), iteração 4: -1.4540611511009969  
Secante a), iteração 6: 1.3401578094125348  
Secante b), iteração 26: -1.454061151101045
```

Essa é a saída do programa após a execução, é mostrado o numero de iterações necessárias para até atingir alguma das condições de parada e também é mostrado a raiz encontrada.