MSzS2 Kolokwia

- Zad.1. Urządzenie składa się między innymi z 750 lamp. Prawdopodobieństwo awarii każdej lampy w ciągu jednej doby pracy urządzenia jest jednakowe i wynosi 0,001. Obliczyć prawdopodobieństwo, że w ciągu jednej doby pracy urządzenia ulegną awarii co najmniej 100 lamp.
- Zad.2. Przy założeniu, że wyniki realizacji zmiennej losowej X mają rozkład normalny o parametrach 75 oraz 10:
- a) obliczyć prawdopodobieństwo zdarzenia, że X przyjmie wartość co najmniej 73;
- b) dla jakiej wartości zmiennej losowej, prawdopodobieństwo że jest ona większa od tej wartości wynosi 0,7?
- Zad. 3. Dla zmiennej X-Narzędzia inżynierskie ze zbioru danych Ankieta dla wszystkich danych: a) wyznaczyć i podać krótką interpretację parametrów opisowych wykorzystując utworzoną funkcję stat.opisowe, która dla dowolnej zmiennej zwraca wartości parametrów opisowych: średnią, medianę, kwartyl.1, kwartyl.3, min, max, rozstęp empiryczny, rozstęp kwartylowy, odchylenie standardowe, współczynnik zmienności, współczynnik asymetrii, kurtozę;
- b) wyznaczyć histogram tej zmiennej;
- c) wyznaczyć diagram łodyga i liście;
- d) wyznaczyć wykres "pudełko z wąsami".
- Zad. 4. Dla zmiennej X-*Narzędzia inżynierskie* ze zbioru danych Ankieta tylko w grupie mężczyzn:
- a) na poziomie istotności 0,01 sprawdzić założenie o normalności rozkładu testem Shapiro-Wilka;
- b) wyznaczyć przedziały ufności dla średniej na poziomie ufności 0,95;
- c) wyznaczyć przedział ufności dla odchylenia standardowego na poziomie ufności 0,98;
- d) na poziomie istotności 0,05 zweryfikować hipotezę, że średnia jest mniejsza niż 4;
- e) sprawdzić na poziomie istotności, czy odsetek studentów, dla których X jest mniejsza od 3,5 jest równy 30%.
- Zad.1. Urządzenie składa się między innymi z 850 lamp. Prawdopodobieństwo awarii każdej lampy w ciągu jednej doby pracy urządzenia jest jednakowe i wynosi 0,001. Obliczyć prawdopodobieństwo, że w ciągu jednej doby pracy urządzenia ulegną awarii co najmniej 300 lamp.
- Zad.2. Przy założeniu, że wyniki realizacji zmiennej losowej X mają rozkład normalny o parametrach 65 oraz 8:
- a) obliczyć prawdopodobieństwo zdarzenia, że X przyjmie wartość co najmniej 63;
- b) dla jakiej wartości zmiennej losowej, prawdopodobieństwo że jest ona większa od tej wartości wynosi 0,9?
- Zad. 3. Dla zmiennej X-*Narzędzia inżynierskie* ze zbioru danych Ankieta tylko w grupie mężczyzn:
- a) wyznaczyć i podać krótką interpretację parametrów opisowych wykorzystując utworzoną funkcję stat.opisowe, która dla dowolnej zmiennej zwraca wartości parametrów opisowych:

średnią, medianę, kwartyl.1, kwartyl.3, min, max, rozstęp empiryczny, rozstęp kwartylowy, odchylenie standardowe, współczynnik zmienności, współczynnik asymetrii, kurtozę;

- b) wyznaczyć histogram tej zmiennej;
- c) wyznaczyć diagram łodyga i liście;
- d) wyznaczyć wykres "pudełko z wąsami".
- Zad. 4. Dla zmiennej X-Narzędzia inżynierskie ze zbioru danych Ankieta dla wszystkich danych:
- a) na poziomie istotności 0,01 sprawdzić założenie o normalności rozkładu testem Shapiro-Wilka;
- b) wyznaczyć przedziały ufności dla średniej na poziomie ufności 0,95;
- c) wyznaczyć przedział ufności dla odchylenia standardowego na poziomie ufności 0,98;
- d) na poziomie istotności 0,05 zweryfikować hipoteze, że średnia jest mniejsza niż 4;
- e) sprawdzić na poziomie istotności, czy odsetek studentów, dla których X jest mniejsza od 3,5 jest równy 30%.
- Zad.1. Urządzenie składa się między innymi z 550 lamp. Prawdopodobieństwo awarii każdej lampy w ciągu jednej doby pracy urządzenia jest jednakowe i wynosi 0,003. Obliczyć prawdopodobieństwo, że w ciągu jednej doby pracy urządzenia ulegną awarii co najmniej 100 lamp.
- Zad.2. Przy założeniu, że wyniki realizacji zmiennej losowej X mają rozkład normalny o parametrach 77 oraz 10:
- a) obliczyć prawdopodobieństwo zdarzenia, że X przyjmie wartość co najmniej 78;
- b) dla jakiej wartości zmiennej losowej, prawdopodobieństwo że jest ona większa od tej wartości wynosi 0,8?
- Zad. 3. Dla zmiennej X-*Wiek zetknięcia z komputerem* ze zbioru danych Ankieta tylko w grupie mężczyzn:
- a) wyznaczyć i podać krótką interpretację parametrów opisowych wykorzystując utworzoną funkcję stat.opisowe, która dla dowolnej zmiennej zwraca wartości parametrów opisowych: średnią, medianę, kwartyl.1, kwartyl.3, min, max, rozstęp empiryczny, rozstęp kwartylowy, odchylenie standardowe, współczynnik zmienności, współczynnik asymetrii, kurtozę;
- b) wyznaczyć histogram tej zmiennej;
- c) wyznaczyć diagram łodyga i liście;
- d) wyznaczyć wykres "pudełko z wąsami".
- Zad. 4. Dla zmiennej X-*Wiek zetknięcia z komputerem* ze zbioru danych Ankieta dla wszystkich danych:
- a) na poziomie istotności 0,01 sprawdzić założenie o normalności rozkładu testem Shapiro-Wilka;
- b) wyznaczyć przedziały ufności dla średniej na poziomie ufności 0,98;
- c) wyznaczyć przedział ufności dla odchylenia standardowego na poziomie ufności 0,95;
- d) na poziomie istotności 0,05 zweryfikować hipotezę, że średnia jest mniejsza niż 7;
- e) sprawdzić na poziomie istotności, czy odsetek studentów, dla których X jest mniejsza od 6 jest równy 30%.

Zad.1. Urządzenie składa się między innymi z 750 lamp. Prawdopodobieństwo awarii każdej lampy w ciągu jednej doby pracy urządzenia jest jednakowe i wynosi 0,002 Obliczyć prawdopodobieństwo, że w ciągu jednej doby pracy urządzenia ulegną awarii co najmniej 200 lamp.

```
> EX=750*0.002
> P1=1-ppois(200,EX)
> P1
[1] 0
```

- Zad.2. Przy założeniu, że wyniki realizacji zmiennej losowej X mają rozkład normalny o parametrach 68 oraz 10:
- a) obliczyć prawdopodobieństwo zdarzenia, że X przyjmie wartość co najmniej 65;

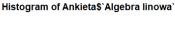
```
> 1-pnorm(65,68,10)
[1] 0.6179114
```

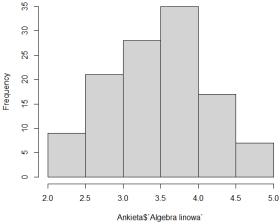
b) dla jakiej wartości zmiennej losowej, prawdopodobieństwo że jest ona większa od tej wartości wynosi 0,7?

```
> qnorm(1-0.7,68,10)
[1] 62.75599
```

Zad. 3. Dla zmiennej X-Algebra liniowa ze zbioru danych Ankieta dla wszystkich danych:

- a) wyznaczyć i podać krótką interpretację parametrów opisowych wykorzystując utworzoną funkcję stat.opisowe, która dla dowolnej zmiennej zwraca wartości parametrów opisowych: średnią, medianę, kwartyl.1, kwartyl.3, min, max, rozstęp empiryczny, rozstęp kwartylowy, odchylenie standardowe, współczynnik zmienności, współczynnik asymetrii, kurtozę;
- b) wyznaczyć histogram tej zmiennej;

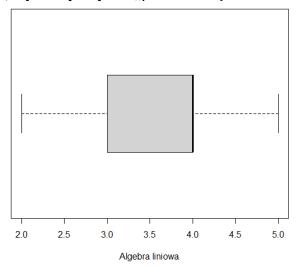




c) wyznaczyć diagram łodyga i liście;

> stem(Ankieta\$`Algebra linowa`)

d) wyznaczyć wykres "pudełko z wąsami".



Zad. 4. Dla zmiennej X-*Algebra liniowa* ze zbioru danych Ankieta tylko w grupie mężczyzn: a) na poziomie istotności 0,02 sprawdzić założenie o normalności rozkładu testem Shapiro-Wilka;

> shapiro.test(AnkietaM\$`Algebra linowa`)

```
Shapiro-Wilk normality test
```

```
data: AnkietaM$`Algebra linowa`
W = 0.91972, p-value = 8.631e-06
```

b) wyznaczyć przedziały ufności dla średniej na poziomie ufności 0,95;

- c) wyznaczyć przedział ufności dla odchylenia standardowego na poziomie ufności 0,98;
- d) na poziomie istotności 0,05 zweryfikować hipotezę, że średnia jest mniejsza niż 4;

```
> t.test(Ankieta$`Algebra linowa`, alternative="less", mu=4)
        One Sample t-test
data: Ankieta$`Algebra linowa`
t = -4.6957, df = 116, p-value = 3.672e-06
alternative hypothesis: true mean is less than 4
95 percent confidence interval:
     -Inf 3.792663
sample estimates:
mean of x
 3.679487
e) sprawdzić na poziomie istotności, czy odsetek studentów, dla których X jest mniejsza od 3,5 jest
równy 30%.
> summary(Ankieta$`Algebra linowa`<3.5)</pre>
   Mode FALSE
                    TRUE
logical
             87
                      30
> prop.test(30,117,p=0.15,alternative="two.sided")
         1-sample proportions test with continuity correction
data: 30 out of 117, null probability 0.15
X-squared = 9.5728, df = 1, p-value = 0.001975
alternative hypothesis: true p is not equal to 0.15
95 percent confidence interval:
 0.1821934 0.3469333
sample estimates:
0.2564103
```