

#### МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования

# «Дальневосточный федеральный университет» (ДВФУ)

#### ИНСТИТУТ МАТЕМАТИКИ И КОМПЬЮТЕРНЫХ ТЕХНОЛОГИЙ

#### Департамент математического и компьютерного моделирования

#### Отчет Вариант №3

по дисциплине «Вычислительная математика»

Направление подготовки 02.03.01 «Математика и компьютерные науки»

Выполнила студентка группы Б9122-02.03.01сцт Винницкая Д.

(ФИО)

(подпись)

« 17 » октября 20 24 г.

## 1 Цель работы

Исследование матричных норм и зависимости ошибки решения системы линейных алгебраических уравнений (СЛАУ) от числа обусловленности матрицы.

# 2 Постановка задачи

- 1. Составить 5 случайных матриц  $A_k$  размером 25х25.
- 2. Вычислить норму матриц по вашему варианту.
- 3. Найти число обусловленности для каждой матрицы.
- 4. Исследовать матрицу Вандермонда и найти её число обусловленности и векторную норму между полученным и точным решением.

## 3 Полученные пять матриц $A_k$

Ниже приведены пять случайных матриц размером 25x25, сгенерированные для данной лабораторной работы.

```
[[0.382\ 0.68\ 0.993\ 0.862\ 0.68\ 0.753\ 0.68\ 0.759\ 0.294\ 0.831\ 0.795
1
                   0.752 \ 0.659 \ 0.156 \ 0.155 \ 0.941
                 0.408 \ 0.137 \ 0.685 \ 0.296 \ 0.574 \ 0.864 \ 0.132 \ 0.339 \ 0.031
2
                [0.407 \ 0.576 \ 0.851 \ 0.357 \ 0.542 \ 0.861 \ 0.235 \ 0.604 \ 0.997 \ 0.04 \ 0.461
3
                    0.743 \ 0.475 \ 0.557 \ 0.937 \ 0.237
                 0.388 \ 0.771 \ 0.479 \ 0.455 \ 0.385 \ 0.243 \ 0.848 \ 0.115 \ 0.535
4
                [0.402 \ 0.296 \ 0.351 \ 0.267 \ 0.631 \ 0.67 \ 0.997 \ 0.173 \ 0.52 \ 0.311 \ 0.376
5
                    0.961 \ 0.528 \ 0.219 \ 0.375 \ 0.683
                 0.555 0.269 0.808 0.916 0.971 0.281 0.679 0.389 0.207
6
                [0.309 \ 0.806 \ 0.02 \ 0.371 \ 0.658 \ 0.142 \ 0.778 \ 0.848 \ 0.288 \ 0.902 \ 0.555]
                    0.915 \ 0.062 \ 0.492 \ 0.499 \ 0.81
                 0.471 \ 0.735 \ 0.903 \ 0.824 \ 0.095 \ 0.227 \ 0.631 \ 0.727 \ 0.946
8
                [0.713 \ 0.64 \ 0.201 \ 0.428 \ 0.276 \ 0.847 \ 0.229 \ 0.128 \ 0.782 \ 0.708 \ 0.128
9
                    0.775 \ 0.551 \ 0.315 \ 0.788 \ 0.958
                 0.507 \ 0.722 \ 0.734 \ 0.617 \ 0.39 \ 0.532 \ 0.958 \ 0.541 \ 0.762
10
                [0.425 \ 0.131 \ 0.174 \ 0.584 \ 0.876 \ 0.218 \ 0.69 \ 0.745 \ 0.254 \ 0.215 \ 0.664
11
                    0.783\ 0.214\ 0.979\ 0.132\ 0.529
                 0.904 \ 0.353 \ 0.654 \ 0.31 \ 0.331 \ 0.563 \ 0.925 \ 0.074 \ 0.99
12
                [0.635 \ 0.911 \ 0.281 \ 0.781 \ 0.022 \ 0.726 \ 0.905 \ 0.753 \ 0.137 \ 0.568 \ 0.706]
                    0.661\ 0.568\ 0.056\ 0.204\ 0.933
                 0.844 \ \ 0.135 \ \ 0.654 \ \ 0.249 \ \ 0.312 \ \ 0.688 \ \ 0.03 \ \ \ 0.335 \ \ 0.555]
14
                [0.995 \ 0.123 \ 0.502 \ 0.595 \ 0.837 \ 0.258 \ 0.13 \ 0.999 \ 0.625 \ 0.045 \ 0.67
15
                    0.12 \quad 0.328 \ 0.445 \ 0.977 \ 0.391
                 0.746 \ 0.858 \ 0.077 \ 0.626 \ 0.354 \ 0.493 \ 0.425 \ 0.746 \ 0.188
16
17
                [0.077 \ 0.962 \ 0.94 \ 0.693 \ 0.31 \ 0.464 \ 0.217 \ 0.077 \ 0.026 \ 0.116 \ 0.425
                    0.684 \ \ 0.129 \ \ 0.721 \ \ 0.077 \ \ 0.904
                 0.693 \ 0.994 \ 0.853 \ 0.481 \ 0.987 \ 0.309 \ 0.784 \ 0.118 \ 0.952
18
                [0.081 \ 0.659 \ 0.298 \ 0.937 \ 0.757 \ 0.521 \ 0.658 \ 0.915 \ 0.792 \ 0.083 \ 0.78
19
                    0.806\ 0.776\ 0.489\ 0.271\ 0.012
                 0.475 \ 0.023 \ 0.908 \ 0.881 \ 0.528 \ 0.168 \ 0.296 \ 0.636 \ 0.798
20
                [0.993 \ 0.468 \ 0.63 \ 0.164 \ 0.49 \ 0.221 \ 0.395 \ 0.542 \ 0.467 \ 0.051 \ 0.449
                    0.497 \ 0.6
                                   0.132 \ 0.186 \ 0.066
                 0.929 \ 0.297 \ 0.08 \ 0.565 \ 0.312 \ 0.913 \ 0.013 \ 0.281 \ 0.606
22
                [0.736 \ 0.753 \ 0.473 \ 0.873 \ 0.61 \ 0.723 \ 0.994 \ 0.467 \ 0.67 \ 0.507 \ 0.021
23
                    0.796\ 0.787\ 0.314\ 0.508\ 0.293
                 0.918 \ 0.184 \ 0.647 \ 0.684 \ 0.389 \ 0.286 \ 0.116 \ 0.667 \ 0.529
24
                [0.783 \ 0.002 \ 0.033 \ 0.347 \ 0.142 \ 0.902 \ 0.725 \ 0.466 \ 0.203 \ 0.422 \ 0.608]
25
                    0.206 \ 0.337 \ 0.771 \ 0.332 \ 0.574
                 0.599 \ 0.331 \ 0.119 \ 0.318 \ 0.283 \ 0.367 \ 0.854 \ 0.085 \ 0.099
26
                [0.065 \ 0.054 \ 0.48 \ 0.218 \ 0.896 \ 0.044 \ 0.815 \ 0.049 \ 0.03 \ 0.746 \ 0.611
27
                    0.939 \ 0.868 \ 0.811 \ 0.666 \ 0.777
                 0.139\ 0.651\ 0.835\ 0.925\ 0.829\ 0.471\ 0.722\ 0.596\ 0.456]
28
                                                       0.945\ \ 0.18\quad \  0.662\ \ 0.046\ \ 0.783\ \ 0.377
                [0.718 \ 0.103 \ 0.831 \ 0.128 \ 0.
                    0.613\ 0.061\ 0.648\ 0.595\ 0.61
                 0.156 \ 0.135 \ 0.024 \ 0.364 \ 0.925 \ 0.794 \ 0.407 \ 0.089 \ 0.37
30
                [0.344 \ 0.829 \ 0.617 \ 0.665 \ 0.516 \ 0.631 \ 0.709 \ 0.48 \ 0.86 \ 0.308 \ 0.836
31
                    0.753\ 0.207\ 0.023\ 0.039\ 0.041
                 0.494 \ 0.237 \ 0.668 \ 0.739 \ 0.19 \ 0.707 \ 0.56 \ 0.505 \ 0.065
32
                [0.865 \ 0.39 \ 0.552 \ 0.604 \ 0.628 \ 0.718 \ 0.195 \ 0.245 \ 0.117 \ 0.07
```

```
0.095 \ 0.672 \ 0.927 \ 0.464 \ 0.539
34
                0.494 \ 0.665 \ 0.056 \ 0.299 \ 0.36 \ 0.656 \ 0.245 \ 0.435 \ 0.518
                                0.006 \ 0.728 \ 0.244 \ 0.55 \ 0.68 \ 0.775 \ 0.583 \ 0.616 \ 0.272
35
                    0.392 \ 0.601 \ 0.783 \ 0.919 \ 0.799
                0.371 \ 0.669 \ 0.092 \ 0.124 \ 0.266 \ 0.753 \ 0.278 \ 0.967 \ 0.025
36
               [0.844 \ 0.329 \ 0.967 \ 0.915 \ 0.556 \ 0.323 \ 0.263 \ 0.592 \ 0.244 \ 0.326 \ 0.387]
37
                   0.221\ 0.629\ 0.051\ 0.242\ 0.436
                0.585 \ 0.161 \ 0.195 \ 0.332 \ 0.114 \ 0.545 \ 0.325 \ 0.038 \ 0.823
38
               \begin{bmatrix} 0.068 & 0.978 & 0.019 & 0.727 & 0.917 & 0.862 & 0.67 \end{bmatrix}
                                                                     0.015 \ 0.208 \ 0.113 \ 0.708
39
                    0.178 \ 0.81 \ 0.163 \ 0.351 \ 0.616
                               0.333 \ 0.341 \ 0.672 \ 0.138 \ 0.675 \ 0.241 \ 0.388
                0.263 \ 0.69
40
                                0.979\ 0.184\ 0.415\ 0.164\ 0.201\ 0.69
               [0.965 \ 0.3]
                                                                             0.37 \quad 0.613 \quad 0.44
41
                   0.299\ 0.405\ 0.228\ 0.345\ 0.625
                0.715 \ 0.645 \ 0.632 \ 0.477 \ 0.888 \ 0.61
                                                              0.121 \ 0.3
                                                                              0.869
42
               [0.785 \ 0.326 \ 0.398 \ 0.99]
                                               0.417 \ \ 0.674 \ \ 0.577 \ \ 0.65
                                                                             0.612 \ 0.217 \ 0.322
43
                   0.874\ 0.703\ 0.677\ 0.018\ 0.537
                0.875 \ 0.756 \ 0.304 \ 0.643 \ 0.263 \ 0.849 \ 0.86
                                                                      0.637 \ 0.675
44
                                                                      0.68
                        0.96 \quad 0.152 \quad 0.526 \quad 0.844 \quad 0.868 \quad 0.41
                                                                             0.359 \ 0.434 \ 0.506
45
                   0.163\ \ 0.687\ \ 0.71\ \ \ 0.04\ \ \ 0.245
                0.449 \ 0.089 \ 0.351 \ 0.852 \ 0.94
                                                      0.148 \ 0.353 \ 0.874 \ 0.051
46
               47
                   0.281 \ 0.914 \ 0.186 \ 0.98 \ 0.231
                0.936 \ 0.284 \ 0.907 \ 0.007 \ 0.136 \ 0.109 \ 0.696 \ 0.954 \ 0.884
48
               [0.913 \ 0.927 \ 0.929 \ 0.775 \ 0.056 \ 0.792 \ 0.726 \ 0.458 \ 0.676 \ 0.073 \ 0.46
49
                   0.837\ \ 0.254\ \ 0.145\ \ 0.403\ \ 0.375
                0.352\ 0.937\ 0.722\ 0.451\ 0.823\ 0.498\ 0.801\ 0.257\ 0.829]]
50
```

Листинг 1: Матрица 1

### **Норма матрицы 1:** 0.5856 **Число обусловленности матрицы 1:** 68.7607

1	$[[0.327 \ 0.843 \ 0.101 \ 0.671 \ 0.444 \ 0.243 \ 0.103 \ 0.366 \ 0.812 \ 0.968 \ 0.547$
	$0.188\ \ 0.733\ \ 0.774\ \ 0.144\ \ 0.035$
2	$0.447 \ \ 0.827 \ \ 0.265 \ \ 0.56  \  0.161 \ \ 0.397 \ \ 0.683 \ \ 0.201 \ \ 0.959]$
3	$[0.169 \ 0.132 \ 0.501 \ 0.826 \ 0.977 \ 0.374 \ 0.462 \ 0.475 \ 0.063 \ 0.292 \ 0.961$
	$0.399\ 0.939\ 0.168\ 0.928\ 0.882$
4	$0.102 \ \ 0.806 \ \ 0.618 \ \ 0.325 \ \ 0.029 \ \ 0.535 \ \ 0.543 \ \ 0.332 \ \ 0.815]$
5	[0.82  0.313  0.763  0.892  0.744  0.536  0.827  0.644  0.428  0.378  0.129
	$0.609 \ 0.731 \ 0.065 \ 0.056 \ 0.159$
6	$0.185 \ \ 0.689 \ \ 0.6 \qquad 0.902 \ \ 0.283 \ \ 0.532 \ \ 0.42  \ 0.381 \ \ 0.545]$
7	$[0.552 \ 0.824 \ 0.521 \ 0.563 \ 0.104 \ 0.29 \ 0.249 \ 0.596 \ 0.481 \ 0.176 \ 0.428$
	$0.036\ \ 0.442\ \ 0.92\ \ \ 0.358\ \ 0.162$
8	$0.586 \ \ 0.474 \ \ 0.277 \ \ 0.068 \ \ 0.165 \ \ 0.94  \ 0.258 \ \ 0.731 \ \ 0.534]$
9	$[0.697 \ 0.104 \ 0.579 \ 0.967 \ 0.218 \ 0.374 \ 0.092 \ 0.463 \ 0.625 \ 0.658 \ 0.211$
	$0.765\ 0.932\ 0.601\ 0.683\ 0.649$
10	$0.681 \ \ 0.419 \ \ 0.816 \ \ 0.485 \ \ 0.02  \  0.337 \ \ 0.774 \ \ 0.075 \ \ 0.468]$
11	$[0.603 \ 0.659 \ 0.024 \ 0.675 \ 0.665 \ 0.165 \ 0.245 \ 0.192 \ 0.48 \ 0.555 \ 0.549$
	$0.504 \ 0.769 \ 0.97 \ 0.028 \ 0.318$
12	$0.425 \ \ 0.536 \ \ 0.726 \ \ 0.804 \ \ 0.823 \ \ 0.343 \ \ 0.279 \ \ 0.522 \ \ 0.532]$
13	$[0.603 \ 0.622 \ 0.014 \ 0.475 \ 0.771 \ 0.071 \ 0.49 \ 0.352 \ 0.102 \ 0.295 \ 0.12$
	$0.654 \ 0.735 \ 0.952 \ 0.73 \ 0.188$
14	$0.662 \ 0.009 \ 0.564 \ 0.012 \ 0.416 \ 0.854 \ 0.81 \ 0.509 \ 0.867]$
15	$[0.283 \ 0.214 \ 0.805 \ 0.303 \ 0.672 \ 0.779 \ 0.465 \ 0.813 \ 0.981 \ 0.911 \ 0.93$
	$0.447 \ 0.571 \ 0.768 \ 0.397 \ 0.41$

```
0.34 \quad 0.058 \quad 0.139 \quad 0.642 \quad 0.793 \quad 0.179 \quad 0.508 \quad 0.122 \quad 0.46
16
                         0.084 \ 0.355 \ 0.521 \ 0.761 \ 0.742 \ 0.509 \ 0.507 \ 0.317 \ 0.837 \ 0.708
17
                [0.57]
                     0.779\ 0.643\ 0.417\ 0.886\ 0.025
                  0.604 \ 0.188 \ 0.218 \ 0.359 \ 0.491 \ 0.693 \ 0.491 \ 0.427 \ 0.492
18
                [0.982 \ 0.518 \ 0.924 \ 0.299 \ 0.704 \ 0.201 \ 0.678 \ 0.134 \ 0.338 \ 0.5]
19
                     0.277\  \  0.832\  \  0.859\  \  0.084\  \  0.446
                  0.918 \ \ 0.085 \ \ 0.143 \ \ 0.93 \quad \  0.074 \ \ 0.569 \ \ 0.574 \ \ 0.941 \ \ 0.885]
20
                          0.797 \ \ 0.54 \quad \  0.162 \ \ 0.621 \ \ 0.663 \ \ 0.786 \ \ 0.833 \ \ 0.04 \quad \  0.754 \ \ 0.67
                     0.663\ 0.51\ 0.898\ 0.997\ 0.525
                          0.373 \ 0.969 \ 0.076 \ 0.289 \ 0.921 \ 0.563 \ 0.634 \ 0.677
22
                [0.056 \ 0.108 \ 0.029 \ 0.182 \ 0.245 \ 0.635 \ 0.887 \ 0.095 \ 0.45 \ 0.389 \ 0.512
23
                     0.574\ 0.931\ 0.355\ 0.096\ 0.221
                  0.199\ 0.006\ 0.749\ 0.171\ 0.732\ 0.677\ 0.766\ 0.231\ 0.166]
24
                                 0.115 \ \ 0.263 \ \ 0.184 \ \ 0.43 \quad \  \  0.908 \ \ 0.019 \ \ 0.682 \ \ 0.765 \ \ 0.605
25
                     0.424\ 0.795\ 0.796\ 0.388\ 0.773
                  0.754 \ 0.443 \ 0.883 \ 0.935 \ 0.462 \ 0.607 \ 0.446 \ 0.453 \ 0.266
26
                [0.365 \ 0.643 \ 0.644 \ 0.921 \ 0.4]
                                                         0.05
                                                                 0.019 \ 0.188 \ 0.73
27
                                                                                         0.722 \ 0.044
                     0.003 \ 0.712 \ 0.808 \ 0.453 \ 0.71
                  0.224 \ 0.498 \ 0.158 \ 0.902 \ 0.669 \ 0.594 \ 0.509 \ 0.396 \ 0.177
28
                                 0.794 \ \ 0.273 \ \ 0.503 \ \ 0.39 \quad \  0.003 \ \ 0.451 \ \ 0.386 \ \ 0.272 \ \ 0.954
29
                [0.449 \ 0.49]
                     0.549\ \ 0.232\ \ 0.485\ \ 0.584\ \ 0.228
                  0.831 \ 0.352 \ 0.949 \ 0.645 \ 0.502 \ 0.152 \ 0.345 \ 0.909 \ 0.518
30
                [0.022 \ 0.843 \ 0.886 \ 0.277 \ 0.263 \ 0.061 \ 0.581 \ 0.968 \ 0.561 \ 0.041 \ 0.922
31
                     0.654 \ 0.872 \ 0.561 \ 0.64 \ 0.86
                  0.098\ \ 0.28\quad \  0.348\ \ 0.257\ \ 0.689\ \ 0.033\ \ 0.195\ \ 0.668\ \ 0.435]
32
33
                [0.091 \ 0.145 \ 0.918 \ 0.54 \ \ 0.402 \ 0.072 \ 0.18 \ \ 0.826 \ 0.979 \ 0.05 \ \ 0.836
                     0.547 \ 0.414 \ 0.834 \ 0.188 \ 0.082
                  0.095 \ 0.043 \ 0.214 \ 0.554 \ 0.181 \ 0.7
                                                                  0.731 \ 0.931 \ 0.236
34
                [0.412 \ 0.387 \ 0.624 \ 0.046 \ 0.751 \ 0.825 \ 0.816 \ 0.967 \ 0.535 \ 0.561 \ 0.092
35
                     0.854 \ 0.027 \ 0.19 \ 0.582 \ 0.091
                                 0.56 \quad 0.75 \quad 0.968 \ 0.527 \ 0.389 \ 0.662 \ 0.616]
                        0.79
36
                [0.908 \ 0.22]
                                  0.839\ 0.306\ 0.719\ 0.972\ 0.428\ 0.139\ 0.837\ 0.616\ 0.525
37
                     0.04 \quad 0.734 \quad 0.462 \quad 0.508 \quad 0.182
                  0.521 \ 0.14 \ 0.252 \ 0.467 \ 0.923 \ 0.411 \ 0.439 \ 0.499 \ 0.596
38
                [0.435 \ 0.457 \ 0.78 \ 0.559 \ 0.885 \ 0.696 \ 0.813 \ 0.013 \ 0.493 \ 0.396 \ 0.432
39
                     0.541 \ 0.882 \ 0.6
                                             0.775 \ 0.571
                  0.025 \ 0.594 \ 0.951 \ 0.613 \ 0.464 \ 0.047 \ 0.987 \ 0.845 \ 0.416
40
                         0.254 \ 0.946 \ 0.542 \ 0.643 \ 0.408 \ 0.073 \ 0.395 \ 0.463 \ 0.39 \ 0.227
41
                     0.409 \ 0.984 \ 0.615 \ 0.494 \ 0.78
                  0.222 \ 0.404 \ 0.676 \ 0.553 \ 0.462 \ 0.014 \ 0.288 \ 0.732 \ 0.947
42
                [0.396 \ 0.527 \ 0.156 \ 0.554 \ 0.626 \ 0.799 \ 0.598 \ 0.863 \ 0.22 \ 0.215 \ 0.81
43
                     0.28 \quad 0.938 \ 0.334 \ 0.098 \ 0.648
                  0.902 \ 0.116 \ 0.655 \ 0.618 \ 0.044 \ 0.315 \ 0.482 \ 0.251 \ 0.957
                                                  0.551 \ 0.05 \ 0.52 \ 0.291 \ 0.724 \ 0.39 \ 0.721
                [0.066 \ 0.917 \ 0.862 \ 0.8
45
                     0.817 \ 0.998 \ 0.59 \ 0.745 \ 0.026
                  0.669 \ 0.182 \ 0.361 \ 0.295 \ 0.881 \ 0.955 \ 0.202 \ 0.137 \ 0.475
46
                [0.371 \ 0.999 \ 0.432 \ 0.572 \ 0.665 \ 0.908 \ 0.774 \ 0.584 \ 0.96 \ 0.626 \ 0.617
47
                     0.427 \ 0.622 \ 0.8
                                             0.004 \ 0.915
                  0.501 \ 0.135 \ 0.678 \ 0.032 \ 0.483 \ 0.752 \ 0.619 \ 0.269 \ 0.95
48
                [0.635 \ 0.7]
                                  0.684 \ 0.346 \ 0.51
                                                         0.23 0.086 0.711 0.549 0.53 0.924
49
                     0.147 \ 0.647 \ 0.194 \ 0.328 \ 0.99
50
                  0.314 \ 0.351 \ 0.325 \ 0.219 \ 0.855 \ 0.603 \ 0.528 \ 0.101 \ 0.231]
```

Листинг 2: Матрица 2

#### **Норма матрицы 2:** 0.5929 **Число обусловленности матрицы 2:** 2453.8745

```
[[0.291 \ 0.165 \ 0.739 \ 0.476 \ 0.5]
                                                        0.061\ 0.948\ 0.508\ 0.264\ 0.209\ 0.739
1
                   0.544 \ 0.614 \ 0.44 \ 0.754 \ 0.241
                 0.996 \ 0.989 \ 0.851 \ 0.1
                                              0.521 \ 0.401 \ 0.206 \ 0.871 \ 0.373
2
                [0.257 \ 0.851 \ 0.215 \ 0.076 \ 0.137 \ 0.918 \ 0.899 \ 0.585 \ 0.899 \ 0.1
3
                                                                                               0.996 1.
                        0.838 \ 0.007 \ 0.55 \ 0.731
                        0.883 \ 0.739 \ 0.356 \ 0.944 \ 0.099 \ 0.174 \ 0.556 \ 0.197
4
                [0.44 \quad 0.206 \quad 0.17 \quad 0.959 \quad 0.182 \quad 0.85 \quad 0.388 \quad 0.705 \quad 0.602 \quad 0.02 \quad 0.908
5
                    0.305\ 0.143\ 0.363\ 0.094\ 0.458
                 0.053 \ 0.01 \ 0.972 \ 0.777 \ 0.305 \ 0.402 \ 0.569 \ 0.909 \ 0.024
6
                                        0.828 \ 0.885 \ 0.966 \ 0.959 \ 0.407 \ 0.767 \ 0.188 \ 0.861
                [0.357 \ 0.445 \ 0.7]
7
                    0.514\ \ 0.318\ \ 0.714\ \ 0.01\ \ \ 0.645
                 0.862 \ 0.478 \ 0.371 \ 0.622 \ 0.346 \ 0.929 \ 0.816 \ 0.949 \ 0.264
8
                [0.567 \ 0.704 \ 0.273 \ 0.59 \ 0.906 \ 0.639 \ 0.135 \ 0.36 \ 0.534 \ 0.257 \ 0.205]
9
                    0.386\ 0.744\ 0.508\ 0.172\ 0.377
                 0.241 \ 0.552 \ 0.
                                        0.843 \ 0.929 \ 0.429 \ 0.037 \ 0.248 \ 0.615
10
                [0.521 \ 0.427 \ 0.907 \ 0.375 \ 0.507 \ 0.295 \ 0.717 \ 0.498 \ 0.913 \ 0.587 \ 0.953
11
                    0.849\ 0.292\ 0.605\ 0.184\ 0.312
                 0.666 \ 0.29 \ 0.593 \ 0.099 \ 0.652 \ 0.991 \ 0.404 \ 0.482 \ 0.119
12
                [0.407 \ 0.517 \ 0.407 \ 0.374 \ 0.165 \ 0.884 \ 0.965 \ 0.502 \ 0.543 \ 0.705 \ 0.76
13
                    0.281 \ 0.15 \ 0.53 \ 0.797 \ 0.678
                 0.745 \ 0.688 \ 0.204 \ 0.155 \ 0.504 \ 0.769 \ 0.659 \ 0.599 \ 0.748
14
                [0.884 \ 0.406 \ 0.233 \ 0.055 \ 0.196 \ 0.154 \ 0.201 \ 0.604 \ 0.607 \ 0.627 \ 0.826
15
                    0.669\ 0.707\ 0.405\ 0.381\ 0.091
                 0.835 \ 0.239 \ 0.531 \ 0.904 \ 0.374 \ 0.367 \ 0.994 \ 0.759 \ 0.533
16
                [0.568 \ 0.718 \ 0.276 \ 0.126 \ 0.094 \ 0.941 \ 0.501 \ 0.48 \ 0.145 \ 0.495 \ 0.796
17
                    0.617\ 0.999\ 0.081\ 0.956\ 0.105
                 0.189 \ 0.257 \ 0.581 \ 0.001 \ 0.316 \ 0.425 \ 0.272 \ 0.306 \ 0.59
18
19
                [0.128 \ 0.619 \ 0.957 \ 0.915 \ 0.356 \ 0.474 \ 0.585 \ 0.028 \ 0.841 \ 0.416 \ 0.261
                    0.611 \ 0.436 \ 0.652 \ 0.569 \ 0.154
                 0.929 \ 0.656 \ 0.589 \ 0.006 \ 0.965 \ 0.745 \ 0.769 \ 0.71 \ 0.35
20
                [0.811 \ 0.141 \ 0.534 \ 0.674 \ 0.768 \ 0.608 \ 0.619 \ 0.615 \ 0.246 \ 0.474 \ 0.945]
21
                    0.403\ 0.938\ 0.042\ 0.778\ 0.308
                 0.231 \ 0.368 \ 0.676 \ 0.624 \ 0.655 \ 0.902 \ 0.643 \ 0.141 \ 0.033
22
23
                [0.379 \ 0.228 \ 0.662 \ 0.917 \ 0.381 \ 0.514 \ 0.593 \ 0.395 \ 0.998 \ 0.679 \ 0.483
                    0.593\ 0.737\ 0.483\ 0.836\ 0.074
                 0.746 \ 0.577 \ 0.104 \ 0.975 \ 0.595 \ 0.273 \ 0.326 \ 0.038 \ 0.814
24
                [0.534 \ 0.191 \ 0.567 \ 0.459 \ 0.084 \ 0.786 \ 0.753 \ 0.806 \ 0.32 \ 0.833 \ 0.278
25
                    0.875 \ 0.552 \ 0.404 \ 0.036 \ 0.64
                 0.191 \ \ 0.331 \ \ 0.294 \ \ 0.35 \quad \  0.626 \ \ 0.094 \ \ 0.31 \quad \  0.876 \ \ 0.874]
26
                [0.995 \ 0.438 \ 0.219 \ 0.502 \ 0.664 \ 0.108 \ 0.865 \ 0.584 \ 0.979 \ 0.972 \ 0.394
27
                    0.783\ 0.651\ 0.606\ 0.866\ 0.231
                 0.858 \ 0.36 \ 0.681 \ 0.156 \ 0.753 \ 0.718 \ 0.518 \ 0.065 \ 0.156
28
                [0.196 \ 0.577 \ 0.261 \ 0.263 \ 0.699 \ 0.52 \ 0.05 \ 0.693 \ 0.628 \ 0.013 \ 0.531
29
                    0.287\ 0.431\ 0.323\ 0.626\ 0.506
                 0.476 \ 0.689 \ 0.62 \ 0.375 \ 0.972 \ 0.559 \ 0.655 \ 0.722 \ 0.638
30
                [0.499 \ 0.981 \ 0.593 \ 0.288 \ 0.258 \ 0.701 \ 0.608 \ 0.428 \ 0.463 \ 0.645 \ 0.195
31
                    0.538 \ 0.897 \ 0.473 \ 0.501 \ 0.249
                 0.688 \ 0.288 \ 0.441 \ 0.662 \ 0.655 \ 0.148 \ 0.522 \ 0.045 \ 0.107
32
                [0.759 \ 0.064 \ 0.775 \ 0.586 \ 0.855 \ 0.604 \ 0.46 \ 0.539 \ 0.783 \ 0.902 \ 0.879
33
                    0.647 \ 0.345 \ 0.021 \ 0.499 \ 0.88
                 0.482 \ 0.103 \ 0.226 \ 0.944 \ 0.544 \ 0.6 \ 0.061 \ 0.622 \ 0.721
34
                [0.599 \ 0.504 \ 0.792 \ 0.448 \ 0.487 \ 0.945 \ 0.179 \ 0.059 \ 0.015 \ 0.149 \ 0.307
```

```
0.67 \quad 0.009 \quad 0.105 \quad 0.167 \quad 0.982
36
                 0.551 \ 0.958 \ 0.924 \ 0.513 \ 0.492 \ 0.553 \ 0.238 \ 0.198 \ 0.679
37
                         0.525 \ 0.641 \ 0.622 \ 0.914 \ 0.557 \ 0.453 \ 0.315 \ 0.119 \ 0.396 \ 0.19
                    0.169\ 0.956\ 0.373\ 0.649\ 0.629
                 0.124 \ 0.477 \ 0.254 \ 0.767 \ 0.483 \ 0.662 \ 0.096 \ 0.215 \ 0.528
38
                [0.196 \ 0.972 \ 0.816 \ 0.787 \ 0.528 \ 0.055 \ 0.009 \ 0.394 \ 0.154 \ 0.892 \ 0.373
39
                    0.906 \ 0.988 \ 0.498 \ 0.759 \ 0.11
                 0.536 \ 0.913 \ 0.447 \ 0.977 \ 0.353 \ 0.942 \ 0.667 \ 0.97
                                                                                 0.758
40
                [0.792 \ 0.547 \ 0.406 \ 0.55
                                                 0.257 \ 0.907 \ 0.265 \ 0.24
                                                                                 0.357 \ 0.78
41
                    0.864 \ 0.404 \ 0.214 \ 0.95 \ 0.563
                 0.318 \ 0.053 \ 0.861 \ 0.615 \ 0.982 \ 0.59
                                                                 0.423 \ 0.647 \ 0.52
42
                [0.509 \ 0.264 \ 0.879 \ 0.57
                                                 0.117 \ \ 0.723 \ \ 0.618 \ \ 0.348 \ \ 0.614 \ \ 0.88
43
                    0.554 \ 0.599 \ 0.967 \ 0.642 \ 0.128
                 0.982 \ 0.811 \ 0.467 \ 0.209 \ 0.957 \ 0.234 \ 0.486 \ 0.251 \ 0.84
44
                [0.114 \ 0.383 \ 0.828 \ 0.807 \ 0.261 \ 0.906 \ 0.211 \ 0.476 \ 0.744 \ 0.569 \ 0.61
45
                    0.595 \ 0.915 \ 0.579 \ 0.856 \ 0.544
                 0.578 \ \ 0.103 \ \ 0.69 \quad \  0.409 \ \ 0.483 \ \ 0.415 \ \ 0.01
                                                                         0.517 \ 0.157
46
                [0.181 \ 0.466 \ 0.916 \ 0.076 \ 0.45]
                                                         0.944 \ \ 0.166 \ \ 0.252 \ \ 0.659 \ \ 0.05 \quad \  0.955
47
                    0.033\ 0.455\ 0.319\ 0.115\ 0.292
                 0.255 \ 0.916 \ 0.758 \ 0.322 \ 0.584 \ 0.659 \ 0.863 \ 0.184 \ 0.569
48
                [0.185 \ 0.468 \ 0.393 \ 0.291 \ 0.91
                                                        0.382 \ 0.159 \ 0.044 \ 0.201 \ 0.024 \ 0.925
49
                    0.49 \quad 0.783 \quad 0.11
                                            0.877 \ 0.501
                 0.418 \ 0.383 \ 0.447 \ 0.415 \ 0.315 \ 0.03
                                                                 0.228 \ 0.629 \ 0.755]
50
```

Листинг 3: Матрица 3

### **Норма матрицы 3:** 0.6080 **Число обусловленности матрицы 3:** 2399.1782

1	[[0.55  0.325  0.138  0.56  0.713  0.579  0.552  0.679  0.988  0.214  0.6
	$0.907 \ \ 0.845 \ \ 0.464 \ \ 0.37 \ \ \ \ 0.129$
2	0.95  0.505  0.489  0.718  0.389  0.618  0.137  0.988  0.616
3	[0.78  0.154  0.229  0.693  0.194  0.835  0.151  0.572  0.914  0.927  0.545
	$0.822 \ 0.479 \ 0.648 \ 0.742 \ 0.336$
4	$0.305 \ 0.301 \ 0.627 \ 0.926 \ 0.939 \ 0.542 \ 0.786 \ 0.705 \ 0.39$
5	$[0.534 \ 0.851 \ 0.833 \ 0.263 \ 0.167 \ 0.048 \ 0.766 \ 0.94 \ 0.318 \ 0.583 \ 0.055$
	$0.853 \ 0.64 \ 0.033 \ 0.284 \ 0.071$
6	$0.037 \ 0.322 \ 0.12 \ 0.119 \ 0.625 \ 0.38 \ 0.846 \ 0.429 \ 0.539$
7	$\begin{bmatrix} 0.585 & 0.26 & 0.577 & 0.555 & 0.531 & 0.387 & 0.076 & 0.96 & 0.936 & 0.608 & 0.532 \end{bmatrix}$
	$0.287 \ 0.056 \ 0.219 \ 0.219 \ 0.724$
8	$0.763 \ 0.108 \ 0.357 \ 0.514 \ 0.115 \ 0.032 \ 0.819 \ 0.232 \ 0.087$
9	$ \begin{bmatrix} 0.988 & 0.991 & 0.125 & 0.313 & 0.044 & 0.209 & 0.639 & 0.45 & 0.595 & 0.968 & 0.993 \end{bmatrix} $
	$0.697 \ 0.2 \ 0.146 \ 0.063 \ 0.03$
10	$0.736 \ 0.743 \ 0.922 \ 0.952 \ 0.99 \ 0.809 \ 0.596 \ 0.888 \ 0.716$
11	$[0.867 \ 0.771 \ 0.515 \ 0.098 \ 0.817 \ 0.893 \ 0.849 \ 0.286 \ 0.154 \ 0.121 \ 0.764$
	$0.666 \ 0.546 \ 0.346 \ 0.118 \ 0.752$
12	$0.378 \ 0.907 \ 0.81 \ 0.124 \ 0.856 \ 0.279 \ 0.243 \ 0.66 \ 0.294]$
13	$[0.211 \ 0.907 \ 0.101 \ 0.979 \ 0.368 \ 0.439 \ 0.827 \ 0.517 \ 0.971 \ 0.716 \ 0.064$
	$0.752\ 0.936\ 0.36\ 0.768\ 0.245$
14	$0.71  0.522 \ 0.976 \ 0.395 \ 0.885 \ 0.384 \ 0.921 \ 0.16  0.826]$
15	$[0.831 \ 0.601 \ 0.009 \ 0.436 \ 0.278 \ 0.467 \ 0.34 \ 0.385 \ 0.146 \ 0.024 \ 0.503$
	$0.398\ \ 0.237\ \ 0.417\ \ 0.087\ \ 0.02$
16	$0.804 \ \ 0.748 \ \ 0.167 \ \ 0.689 \ \ 0.946 \ \ 0.421 \ \ 0.324 \ \ 0.152 \ \ 0.773]$
17	$[0.479 \ 0.28 \ 0.802 \ 0.784 \ 0.517 \ 0.788 \ 0.245 \ 0.757 \ 0.215 \ 0.295 \ 0.036$
	$0.538 \ 0.701 \ 0.251 \ 0.379 \ 0.553$

```
0.354 \ 0.41 \ 0.218 \ 0.555 \ 0.334 \ 0.647 \ 0.724 \ 0.692 \ 0.187
18
                                                                            0.575 \ 0.174 \ 0.666 \ 0.1
19
                 \begin{bmatrix} 0.483 & 0.074 & 0.707 & 0.195 & 0.149 & 0.317 & 0.27 \end{bmatrix}
                     0.312 \ 0.734 \ 0.718 \ 0.618 \ 0.064
                  0.683 \ 0.607 \ 0.145 \ 0.159 \ 0.825 \ 0.987 \ 0.295 \ 0.511 \ 0.827
20
                                  0.739\ \ 0.362\ \ 0.265\ \ 0.522\ \ 0.038\ \ 0.596\ \ 0.88\ \ \ 0.47\ \ \ 0.488
21
                     0.309\ 0.395\ 0.399\ 0.598\ 0.965
                  0.614\ 0.695\ 0.006\ 0.013\ 0.869\ 0.578\ 0.972\ 0.627\ 0.665]
22
                 [0.014 \ 0.455 \ 0.245 \ 0.146 \ 0.974 \ 0.232 \ 0.25
                                                                            0.728 \ 0.106 \ 0.733 \ 0.593
23
                     0.647 \ 0.014 \ 0.208 \ 0.817 \ 0.079
                  0.328 \ 0.174 \ 0.613 \ 0.335 \ 0.126 \ 0.747 \ 0.97
                                                                            0.444 \ 0.433
24
                          0.204 \ \ 0.415 \ \ 0.801 \ \ 0.795 \ \ 0.027 \ \ 0.594 \ \ 0.863 \ \ 0.427 \ \ 0.592 \ \ 0.818
25
                     0.06 \quad 0.446 \ 0.361 \ 0.261 \ 0.338
                  0.386 \ \ 0.272 \ \ 0.093 \ \ 0.951 \ \ 0.123 \ \ 0.976 \ \ 0.774 \ \ 0.463 \ \ 0.055]
26
                 \begin{bmatrix} 0.402 & 0.249 & 0.364 & 0.785 & 0.306 & 0.453 & 0.192 & 0.02 \end{bmatrix}
                                                                                    0.749 \ 0.198 \ 0.169
27
                     0.226 \ 0.493 \ 0.141 \ 0.486 \ 0.321
                  0.908 \ 0.183 \ 0.144 \ 0.281 \ 0.432 \ 0.414 \ 0.699 \ 0.24
                                                                                    0.019
28
                 [0.861 \ 0.978 \ 0.835 \ 0.359 \ 0.881 \ 0.847 \ 0.865 \ 0.306 \ 0.242 \ 0.248 \ 0.274
29
                     0.412\ 0.607\ 0.638\ 0.577\ 0.712
                  0.538 \ \ 0.336 \ \ 0.911 \ \ 0.097 \ \ 0.42 \quad \  0.446 \ \ 0.951 \ \ 0.577 \ \ 0.913]
30
                 [0.916 \ 0.478 \ 0.076 \ 0.203 \ 0.423 \ 0.685 \ 0.139 \ 0.82 \ 0.23 \ 0.876 \ 0.045
31
                     0.685 \ 0.903 \ 0.457 \ 0.904 \ 0.808
                  0.258 \ 0.032 \ 0.161 \ 0.868 \ 0.746 \ 0.52 \ 0.827 \ 0.473 \ 0.437
32
                 [0.366 \ 0.543 \ 0.945 \ 0.726 \ 0.738 \ 0.964 \ 0.302 \ 0.002 \ 0.752 \ 0.177 \ 0.179
33
                     0.789 \ 0.625 \ 0.51 \ 0.69 \ 0.612
                  0.383 \ 0.072 \ 0.797 \ 0.844 \ 0.565 \ 0.786 \ 0.992 \ 0.676 \ 0.64 \ ]
34
                 [0.394 \ 0.994 \ 0.523 \ 0.01]
                                                   0.296 \ 0.099 \ 0.5
                                                                            0.174 \ 0.964 \ 0.09 \ 0.874
35
                     0.237 \ 0.785 \ 0.143 \ 0.044 \ 0.771
                  0.339 \ 0.039 \ 0.371 \ 0.789 \ 0.197 \ 0.201 \ 0.366 \ 0.387 \ 0.277
36
                 [0.421 \ 0.736 \ 0.594 \ 0.098 \ 0.316 \ 0.526 \ 0.677 \ 0.766 \ 0.828 \ 0.815 \ 0.236
37
                     0.362\ 0.936\ 0.337\ 0.119\ 0.516
                  0.884 \ \ 0.011 \ \ 0.213 \ \ 0.611 \ \ 0.041 \ \ 0.525 \ \ 0.451 \ \ 0.541 \ \ 0.284]
38
                 \begin{bmatrix} 0.913 & 0.758 & 0.957 & 0.665 & 0.593 & 0.854 & 0.16 \end{bmatrix}
                                                                           0.958 \ 0.009 \ 0.421 \ 0.3
39
                     0.02 \quad 0.723 \quad 0.609 \quad 0.282 \quad 0.864
                  0.198 \ 0.998 \ 0.739 \ 0.416 \ 0.421 \ 0.665 \ 0.887 \ 0.959 \ 0.955
40
                 [0.213 \ 0.926 \ 0.974 \ 0.363 \ 0.222 \ 0.776 \ 0.998 \ 0.484 \ 0.397 \ 0.411 \ 0.391
41
                     0.076\ 0.684\ 0.915\ 0.411\ 0.145
                          0.761 \ 0.139 \ 0.797 \ 0.464 \ 0.715 \ 0.245 \ 0.143 \ 0.025
42
                 [0.401 \ 0.267 \ 0.858 \ 0.998 \ 0.54 \ \ 0.104 \ 0.126 \ 0.444 \ 0.074 \ 0.731 \ 0.924
43
                     0.636 \ 0.358 \ 0.782 \ 0.622 \ 0.568
                  0.708 \ 0.974 \ 0.788 \ 0.114 \ 0.716 \ 0.947 \ 0.51
                                                                            0.803 \ 0.389
44
                 \begin{bmatrix} 0.744 & 0.812 & 0.502 & 0.68 & 0.224 & 0.099 & 0.873 & 0.83 \end{bmatrix}
                                                                                    0.204 \ 0.666 \ 0.285
45
                     0.549\ 0.906\ 0.308\ 0.811\ 0.475
                  0.675 \ 0.673 \ 0.883 \ 0.386 \ 0.323 \ 0.532 \ 0.839 \ 0.627 \ 0.888
46
                                                          0.209 \ 0.691 \ 0.04 \ 0.253 \ 0.173 \ 0.107
                 [0.775 \ 0.315 \ 0.79]
                                           0.577 \ 0.96
47
                     0.141\ \ 0.307\ \ 0.642\ \ 0.343\ \ 0.536
                  0.349 \ 0.738 \ 0.821 \ 0.94
                                                   0.283 \ 0.134 \ 0.561 \ 0.811 \ 0.59
48
                                                   0.077\ 0.219\ 0.249\ 0.666\ 0.984\ 0.247\ 0.124
                 [0.294 \ 0.549 \ 0.426 \ 0.
49
                     0.059 \ 0.705 \ 0.561 \ 0.897 \ 0.261
                  0.368 \ 0.282 \ 0.564 \ 0.16 \ 0.748 \ 0.189 \ 0.666 \ 0.414 \ 0.78
```

Листинг 4: Матрица 4

**Норма матрицы 4:** 0.6130

Число обусловленности матрицы 4: 37.5830

```
[[0.549\ 0.79\ 0.402\ 0.695\ 0.836\ 0.874\ 0.881\ 0.598\ 0.655\ 0.099\ 0.729
1
                   0.952 \ 0.145 \ 0.787 \ 0.203 \ 0.165
                  0.952 \ 0.252 \ 0.063 \ 0.832 \ 0.374 \ 0.521 \ 0.52 \ 0.869 \ 0.149
 2
3
                [0.679 \ 0.996 \ 0.044 \ 0.484 \ 0.769 \ 0.789 \ 0.017 \ 0.153 \ 0.124 \ 0.405 \ 0.555
                     0.054 \ 0.218 \ 0.329 \ 0.956 \ 0.842
                         0.07 \quad 0.589 \ 0.017 \ 0.376 \ 0.556 \ 0.423 \ 0.99 \quad 0.954]
 4
                [0.935 \ 0.004 \ 0.762 \ 0.564 \ 0.821 \ 0.791 \ 0.055 \ 0.365 \ 0.978 \ 0.658 \ 0.098
 5
                     0.063 \ 0.3
                                     0.389 \ 0.707 \ 0.077
                 0.234 \ 0.238 \ 0.705 \ 0.018 \ 0.017 \ 0.813 \ 0.825 \ 0.508 \ 0.448
6
                [0.618 \ 0.511 \ 0.275 \ 0.53 \ 0.269 \ 0.74 \ 0.396 \ 0.989 \ 0.501 \ 0.17 \ 0.589
 7
                     0.25 \quad 0.737 \quad 0.657 \quad 0.55 \quad 0.25
                 0.623 \ 0.737 \ 0.479 \ 0.014 \ 0.363 \ 0.063 \ 0.089 \ 0.286 \ 0.215
8
                [0.966 0.514 0.7
                                         0.31 \quad 0.714 \quad 0.196 \quad 0.621 \quad 0.726 \quad 0.003 \quad 0.754 \quad 0.475
9
                     0.203 \ 0.326 \ 0.075 \ 0.913 \ 0.193
                         0.881 \ 0.905 \ 0.979 \ 0.432 \ 0.546 \ 0.529 \ 0.
10
                [0.128 \ 0.562 \ 0.374 \ 0.877 \ 0.665 \ 0.068 \ 0.057 \ 0.537 \ 0.293 \ 0.35 \ 0.861
11
                     0.149 \ \ 0.536 \ \ 0.552 \ \ 0.439 \ \ 0.292
                 0.674 \ 0.247 \ 0.864 \ 0.766 \ 0.792 \ 0.581 \ 0.305 \ 0.48 \ 0.641
12
                \begin{bmatrix} 0.762 & 0.761 & 0.184 & 0.44 & 0.649 & 0.813 & 0.851 & 0.817 & 0.01 & 0.42 & 0.226 \end{bmatrix}
13
                     0.98 \quad 0.251 \ 0.698 \ 0.677 \ 0.214
                 0.936 \ 0.825 \ 0.025 \ 0.577 \ 0.877 \ 0.961 \ 0.562 \ 0.787 \ 0.915
14
                [0.278 \ 0.251 \ 0.074 \ 0.948 \ 0.375 \ 0.008 \ 0.76 \ 0.243 \ 0.772 \ 0.765 \ 0.587]
15
                     0.802\ 0.919\ 0.645\ 0.258\ 0.827
                 0.932 \ 0.96 \ 0.008 \ 0.905 \ 0.148 \ 0.743 \ 0.355 \ 0.656 \ 0.661
16
                [0.955 \ 0.11 \ 0.612 \ 0.909 \ 0.513 \ 0.426 \ 0.987 \ 0.021 \ 0.018 \ 0.883 \ 0.929
17
                     0.954 \ 0.572 \ 0.069 \ 0.663 \ 0.116
                 0.031 \ 0.681 \ 0.836 \ 0.938 \ 0.284 \ 0.747 \ 0.166 \ 0.11
18
                                                                                 0.745
                [0.552 \ 0.603 \ 0.671 \ 0.763 \ 0.209 \ 0.756 \ 0.639 \ 0.295 \ 0.773 \ 0.488 \ 0.594]
19
                     0.847\ 0.301\ 0.603\ 0.833\ 0.292
                         0.589 \ 0.408 \ 0.966 \ 0.918 \ 0.67 \ 0.415 \ 0.183 \ 0.658
20
21
                [0.892 \ 0.667 \ 0.844 \ 0.219 \ 0.984 \ 0.408 \ 0.266 \ 0.145 \ 0.406 \ 0.309 \ 0.144
                     0.282\ 0.896\ 0.222\ 0.375\ 0.573
                 0.749 \ 0.185 \ 0.518 \ 0.48 \ 0.538 \ 0.673 \ 0.687 \ 0.381 \ 0.381
22
                \begin{bmatrix} 0.424 & 0.279 & 0.235 & 0.572 & 0.032 & 0.173 & 0.495 & 0.425 & 0.502 & 0.015 & 0.708 \end{bmatrix}
23
                     0.435\ \ 0.26\quad \  0.028\ \ 0.845\ \ 0.707
                 0.931 \ 0.567 \ 0.313 \ 0.666 \ 0.674 \ 0.036 \ 0.876 \ 0.288 \ 0.457
24
25
                [0.969 \ 0.66 \ 0.621 \ 0.752 \ 0.382 \ 0.287 \ 0.274 \ 0.716 \ 0.219 \ 0.003 \ 0.579
                     0.317\ 0.012\ 0.731\ 0.63\ 0.081
                 0.654 \ 0.484 \ 0.751 \ 0.317 \ 0.417 \ 0.904 \ 0.978 \ 0.939 \ 0.194
26
                [0.456 \ 0.637 \ 0.825 \ 0.147 \ 0.417 \ 0.135 \ 0.893 \ 0.173 \ 0.564 \ 0.486 \ 0.092]
27
                     0.925 \ 0.782 \ 0.496 \ 0.42 \ 0.641
                 0.832 \ 0.663 \ 0.421 \ 0.021 \ 0.973 \ 0.468 \ 0.84 \ 0.868 \ 0.564
28
                [0.568 \ 0.63 \ 0.227 \ 0.949 \ 0.739 \ 0.333 \ 0.448 \ 0.662 \ 0.679 \ 0.689 \ 0.317
29
                     0.151 \ 0.74 \ 0.388 \ 0.971 \ 0.506
                 0.259 \ 0.939 \ 0.532 \ 0.245 \ 0.626 \ 0.46 \ 0.686 \ 0.887 \ 0.741
30
                [0.828 \ 0.171 \ 0.655 \ 0.31
                                                  0.19 \quad 0.475 \quad 0.53 \quad 0.224 \quad 0.362 \quad 0.27 \quad 0.973
31
                            0.521 \ 0.458 \ 0.234 \ 0.973
                 0.876 \ 0.859 \ 0.184 \ 0.448 \ 0.111 \ 0.547 \ 0.27 \ 0.762 \ 0.105
32
33
                [0.795 \ 0.803 \ 0.884 \ 0.164 \ 0.568 \ 0.906 \ 0.597 \ 0.504 \ 0.054 \ 0.452 \ 0.083
                     0.096 \ 0.081 \ 0.741 \ 0.481 \ 0.661
                 0.965 \ 0.885 \ 0.876 \ 0.827 \ 0.343 \ 0.347 \ 0.738 \ 0.335 \ 0.733
34
                [0.083 \ 0.277 \ 0.87 \ 0.768 \ 0.962 \ 0.039 \ 0.034 \ 0.985 \ 0.761 \ 0.739 \ 0.594
35
                     0.145\ \ 0.259\ \ 0.329\ \ 0.748\ \ 0.185
                 0.582 \ 0.714 \ 0.252 \ 0.382 \ 0.862 \ 0.168 \ 0.184 \ 0.494 \ 0.316
36
```

```
0.448\ \ 0.36\quad \  0.046\ \ 0.222\ \ 0.823
37
                [0.107 \ 0.616 \ 0.825 \ 0.699 \ 0.294 \ 0.41
                    0.886 \ 0.978 \ 0.657 \ 0.567 \ 0.409
                         0.541 \ 0.119 \ 0.405 \ 0.793 \ 0.423 \ 0.964 \ 0.284 \ 0.271
38
                [0.429 \ 0.679 \ 0.559 \ 0.614 \ 0.332 \ 0.094 \ 0.307 \ 0.259 \ 0.637 \ 0.567 \ 0.197]
39
                    0.349\ 0.376\ 0.236\ 0.489\ 0.14
                         0.647 \ 0.41
                                         0.5
                                                 0.03
                                                       0.266 \ 0.069 \ 0.346 \ 0.691
40
                [0.489 \ 0.693 \ 0.676 \ 0.056 \ 0.831 \ 0.514 \ 0.493 \ 0.319 \ 0.724 \ 0.729 \ 0.13
41
                    0.609 \ \ 0.125 \ \ 0.666 \ \ 0.86 \ \ \ 0.749
                 0.914 \ 0.998 \ 0.217 \ 0.118 \ 0.307 \ 0.437 \ 0.863 \ 0.351 \ 0.994
42
                                         0.317\ 0.833\ 0.908\ 0.587\ 0.137\ 0.438\ 0.454\ 0.448
                [0.089 0.907 0.3
43
                    0.408 \ 0.813 \ 0.767 \ 0.748 \ 0.935
                 0.251 \ 0.879 \ 0.892 \ 0.59 \ 0.159 \ 0.362 \ 0.161 \ 0.401 \ 0.661]
44
                \begin{bmatrix} 0.915 & 0.495 & 0.06 & 0.567 & 0.685 & 0.015 & 0.607 & 0.974 & 0.74 & 0.109 & 0.657 \end{bmatrix}
45
                    0.036 \ 0.918 \ 0.399 \ 0.191 \ 0.299
                 0.037 \ 0.501 \ 0.977 \ 0.729 \ 0.993 \ 0.59
                                                                 0.769 \ 0.3
                                                                                 0.384
46
                [0.071 \ 0.254 \ 0.54]
                                       0.132 \ 0.695 \ 0.515 \ 0.487 \ 0.421 \ 0.806 \ 0.798 \ 0.338
47
                    0.642\ 0.248\ 0.523\ 0.137\ 0.653
                 0.601 \ 0.651 \ 0.575 \ 0.213 \ 0.978 \ 0.8
                                                                 0.993 \ 0.348 \ 0.256
48
                [0.888 \ 0.117 \ 0.085 \ 0.185 \ 0.745 \ 0.881 \ 0.205 \ 0.761 \ 0.711 \ 0.009 \ 0.586
49
                    0.302 \ 0.199 \ 0.039 \ 0.667 \ 0.196
                                 0.116 \ 0.74
                 0.33
                         0.39
                                                 0.508 \ 0.699 \ 0.857 \ 0.743 \ 0.042]
50
```

Листинг 5: Матрица 5

**Норма матрицы 5:** 0.6088

Число обусловленности матрицы 5: 44.6541

## 4 Результаты вычислений

## 4.1 Норма матриц и число обусловленности

В таблице ниже приведены нормы и числа обусловленности для каждой сгенерированной матрицы:

k	Норма матрицы $\ A_k\ $	Число обусловленности $\operatorname{cond}(A_k)$
1	0.5856	68.7607
2	0.5929	2453.8745
3	0.6080	2399.1782
4	0.6130	37.5830
5	0.6088	44.6541

## 4.2 Матрица Вандермонда

1	[[1.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.
		0.	0.	0.	).							
2	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	]		
3	[1.	0.042	0.002	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.
	_	0.	0.	0.	0.							
4	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	]		
5	[1.	0.083	0.007	0.001	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.
		0.	0.	0.	0.							
6	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	]		
7	[1.	0.125	0.016	0.002	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.
	_	0.	0.	0.	0.							
8	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	]		
9	[1.	0.167	0.028	0.005	0.001	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.
		0.	0.	0.	0.							
10	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	]		
11	[1.	0.208	0.043	0.009	0.002	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.
		0.	0.	0.	0.							
12	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	]		
13	[1.	0.25	0.062	0.016	0.004	0.001	0.	0.	0.	0.	0.	0.
		0.	0.	0.	0.							
14	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	]		
15	[1.	0.292	0.085	0.025	0.007	0.002	0.001	0.	0.	0.	0.	0.
		0.	0.	0.	0.							
16	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	]		
17	[1.	0.333	0.111	0.037	0.012	0.004	0.001	0.	0.	0.	0.	0.
		0.	0.	0.	0.							
18	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	]		
19	[1.	0.375	0.141	0.053	0.02	0.007	0.003	0.001	0.	0.	0.	0.
		0.	0.		0.							
20	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	]		
21	[1.	0.417	0.174			0.013	0.005	0.002	0.001	0.	0.	0.
		0.	0.	0.	0.							
22	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	0.	]		

```
[1.
                         0.458 \ 0.21 \ 0.096 \ 0.044 \ 0.02 \ 0.009 \ 0.004 \ 0.002 \ 0.001 \ 0.
23
                                0.
                                        0.
                                                0.
                 0.
                         0.
                                 0.
                                         0.
                                                 0.
                                                         0.
                                                                 0.
                                                                         0.
                                                                                 0.
24
                                 0.25
                                         0.125 \ 0.062 \ 0.031 \ 0.016 \ 0.008 \ 0.004 \ 0.002 \ 0.001 \ 0.
25
                [1.
                         0.5
                                0.
                                        0.
                                                0.
                 0.
                                 0.
                                         0.
                                                 0.
                                                                         0.
26
                                                         0.
                                                                 0.
                                                                                 0.
27
                [1.
                         0.542\ \ 0.293\ \ 0.159\ \ 0.086\ \ 0.047\ \ 0.025\ \ 0.014\ \ 0.007\ \ 0.004\ \ 0.002
                    0.001 \ 0.001 \ 0.
                                                    0.
                                            0.
                         0.
                                 0.
                                         0.
                                                 0.
                                                         0.
                                                                 0.
                                                                         0.
                                                                                 0.
28
                 0.
                                         0.198\ \ 0.116\ \ 0.068\ \ 0.039\ \ 0.023\ \ 0.013\ \ 0.008\ \ 0.005
29
                         0.583 \ 0.34
                    0.003 \ 0.002 \ 0.001 \ 0.001 \ 0.
30
                         0.
                                 0.
                                         0.
                                                 0.
                                                         0.
                                                                 0.
                                                                         0.
                                                                                 0.
                         0.625 \ \ 0.391 \ \ 0.244 \ \ 0.153 \ \ 0.095 \ \ 0.06
                                                                         0.037\ 0.023\ 0.015\ 0.009
31
                    0.006 \ 0.004 \ 0.002 \ 0.001 \ 0.001
                 0.001 0.
                                 0.
                                         0.
                                                 0.
                                                                         0.
32
                                                         0.
                                                                 0.
                         0.667 \ 0.444 \ 0.296 \ 0.198 \ 0.132 \ 0.088 \ 0.059 \ 0.039 \ 0.026 \ 0.017
33
                    0.012\ 0.008\ 0.005\ 0.003\ 0.002
                 0.002 \ 0.001 \ 0.001 \ 0.
                                                 0.
                                                                         0.
34
                                                         0.
                                                                 0.
                         0.708 \ 0.502 \ 0.355 \ 0.252 \ 0.178 \ 0.126 \ 0.089 \ 0.063 \ 0.045 \ 0.032
35
                    0.023 \ 0.016 \ 0.011 \ 0.008 \ 0.006
                 0.004 \ 0.003 \ 0.002 \ 0.001 \ 0.001 \ 0.001 \ 0.001 \ 0.
36
                                 0.562\ 0.422\ 0.316\ 0.237\ 0.178\ 0.133\ 0.1 \qquad 0.075\ 0.056
37
                         0.75
                    0.042\ 0.032\ 0.024\ 0.018\ 0.013
                        0.008 \ 0.006 \ 0.004 \ 0.003 \ 0.002 \ 0.002 \ 0.001 \ 0.001
38
                         0.792\ 0.627\ 0.496\ 0.393\ 0.311\ 0.246\ 0.195\ 0.154\ 0.122\ 0.097
39
                    0.077 \ 0.061 \ 0.048 \ 0.038 \ 0.03
                 0.024 \ 0.019 \ 0.015 \ 0.012 \ 0.009 \ 0.007 \ 0.006 \ 0.005 \ 0.004]
40
                         0.833 \ 0.694 \ 0.579 \ 0.482 \ 0.402 \ 0.335 \ 0.279 \ 0.233 \ 0.194 \ 0.162
41
                    0.135\ \ 0.112\ \ 0.093\ \ 0.078\ \ 0.065
                 0.054 \ 0.045 \ 0.038 \ 0.031 \ 0.026 \ 0.022 \ 0.018 \ 0.015 \ 0.013
42
                         0.875 \ \ 0.766 \ \ 0.67 \quad \  0.586 \ \ 0.513 \ \ 0.449 \ \ 0.393 \ \ 0.344 \ \ 0.301 \ \ 0.263
43
                    0.23 \quad 0.201 \ 0.176 \ 0.154 \ 0.135
                 0.118 \ 0.103 \ 0.09 \ 0.079 \ 0.069 \ 0.061 \ 0.053 \ 0.046 \ 0.041
44
                                                 0.706\ 0.647\ 0.593\ 0.544\ 0.499\ 0.457\ 0.419
                         0.917 \ 0.84
                                         0.77
45
                    0.384\ 0.352\ 0.323\ 0.296\ 0.271
                 0.249\ 0.228\ 0.209\ 0.191\ 0.175\ 0.161\ 0.147\ 0.135\ 0.124]
46
                         0.958 \ 0.918 \ 0.88
                                                 0.843 \ 0.808 \ 0.775 \ 0.742 \ 0.711 \ 0.682 \ 0.653
47
                                    0.575 \ 0.551 \ 0.528
                    0.626 \ 0.6
                 0.506 \ 0.485 \ 0.465 \ 0.445 \ 0.427 \ 0.409 \ 0.392 \ 0.376 \ 0.36
48
                [1.
                         1.
                                 1.
                                         1.
                                                 1.
                                                         1.
                                                                 1.
                                                                         1.
                                                                                 1.
                                                                                        1.
49
                        1.
                                                1.
                                1.
                                        1.
50
                 1.
                         1.
                                 1.
                                         1.
                                                         1.
                                                                 1.
                                                                         1.
                                                                                 1.
                                                                                        11
```

Листинг 6: Матрица Вандермонда

#### 4.2.1 Число обусловленности матрицы Вандермонда:

#### 1650089123346316288.0000

4.2.2	Векторная норма между полученным и точным решением:
	4.8990

#### 5 Заключение

В результате выполнения лабораторной работы были исследованы 5 случайных матриц и матрица Вандермонда. Для каждой матрицы были вычислены нормы и числа обусловленности, которые позволили оценить их устойчивость и чувствительность к изменениям исходных данных. Результаты показывают, что случайные матрицы обладают относительно небольшими числами обусловленности, что свидетельствует об их устойчивости и хорошем поведении при решении линейных систем.

Однако матрица Вандермонда, как и ожидалось, продемонстрировала крайне высокое число обусловленности, что указывает на её значительную неустойчивость. Это подтверждает теоретические знания о матрицах Вандермонда, которые часто приводят к численным трудностям при вычислениях, особенно для больших размерностей.

Таким образом, исследование матриц показало важность выбора правильных методов для работы с неустойчивыми матрицами и продемонстрировало на практике влияние чисел обусловленности на вычислительные процессы.

## 6 Листинг программы

Ниже приведен полный код программы:

```
import numpy as np
1
2
3
            def matrix_norm(A):
4
5
                n = A. shape [0]
                norm = (1 / n) * max(np.sum(np.abs(A[i, :])) for i in range(n))
6
7
                 return norm
8
9
10
            def print_matrix(matrix, label):
                 print(f"{label}:")
11
                 print(np.array2string(matrix, precision=3, suppress small=True,
12
                    max line width=100))
                 print("\n" + "=" * 50 + "\n")
13
14
15
16
            SIZE = 25
            matrices = [np.random.rand(SIZE, SIZE) for in range(5)]
17
18
19
            results = []
20
            for k, A in enumerate (matrices, start=1):
                norm A = matrix norm(A)
21
                cond\_A \ = \ norm\_A \ * \ np. \, linalg. \, norm \, (np. \, linalg. \, inv \, (A) \; , \ \ ord = np. \, inf \, )
22
                 results.append((k, norm A, cond A))
23
24
                 print matrix (A, k)
                 print(f"Hopмa матрицы {k}: {norm_A:.4f}")
25
26
                 print(f"Число обусловленностиматрицы \{k\}: \{cond A:.4f\}"\}
                 print("\n" + "=" * 50 + "\n")
27
28
29
            x = np.linspace(0, 1, SIZE)
30
            vandermonde matrix = np.vander(x, increasing=True)
31
            b = np.ones(SIZE)
32
            vandermonde solution = np.linalg.solve(vandermonde matrix, b)
33
34
            cond_vandermonde = np.linalg.cond(vandermonde_matrix)
35
            vector norm = np.linalg.norm(vandermonde solution - b, ord=2)
36
37
            print_matrix (vandermonde_matrix, "Матрица Вандермонда")
38
            print(cond vandermonde:.4f)
39
40
            print (vector norm:.4f)
```