Hyunjoong Kim

soy.lovit@gmail.com

github.com/lovit

- 벡터는 다양한 metric 을 이용하여 거리나 유사도를 정의할 수 있습니다.
 - Euclidean, Cosine, ...
- 단어 간 거리는 형태적 거리와 의미적 거리로 정의할 수 있습니다.
 - 의미적으로 비슷한 단어
 - (점심, 저녁) vs (점심, 자동차)
 - 형태적으로 비슷한 단어
 - (서비스, 써비스) vs. (서비스, 소보루)

- 단어 간 형태적 거리를 정의하기 위해서 다양한 metric 이 제안되었습니다.
 - Levenshtein (Edit) distance
 - Jaro-Winkler
 - Cosine
 - Jaccard
 - Hamming
 - TF-IDF
 - ...

- 오탈자와 정자의 관계는 형태적 거리가 아주 가까운 단어입니다.
 - 두 단어의 형태가 비슷하면서 한 단어의 빈도수가 매우 크다면 희귀한 단어를 오탈자로, 빈번한 단어를 정자로 생각할 수 있습니다.
 - 희귀한 단어를 빈번한 단어로 치환하여 오탈자를 수정합니다.
 - 써비스 > 서비스

- 가장 대표적인 string distance metric 입니다. 단어 A 에서 B 로 수정하기 위한 횟수를 거리로 정의합니다.
- 단어의 수정 방법은 세 가지로 정의됩니다.
 - Deletion: '서어비스' → '서비스' (거리 = 1)
 - Insertion: '데이터마닝' → '데이터마이닝' (거리 = 1)
 - Substitution: '데이타마이닝' → '데이터마이닝' (거리 = 1)

• String metric 중 가장 대표적인 척도입니다. 단어 A 에서 B 로 수정하기 위한 횟수를 거리로 정의합니다.

• 데이타마닝 → 데이터마이닝

1단계: 데이**타**마닝 → 데이**터**마닝 (누적 거리 = 1)

2단계: 데이터마닝 → 데이터마이닝 (누적 거리 = 2)

- 거리 행렬을 이용하여 edit distance 를 계산합니다.
 - d(데이타마닝 → 데이터마이닝) = d(데이터마이닝 → 데이타마닝)
 - '데' **→** '데이타마닝'거리

	데	0	타	마	닝	Insertion [이, 타, 마, 닝
데	0	1	2	3	4	
0						
터						
마						
0						
닝						

- 거리 행렬을 이용하여 edit distance 를 계산합니다.
 - '데이' → '데이타마닝' 거리



- 거리 행렬을 이용하여 edit distance 를 계산합니다.
 - '데이터' → '데이타마닝' 거리



- 거리 행렬을 이용하여 edit distance 를 계산합니다.
 - 첫 행과 열을 각각 [0, 1, 2,... m], [0, 1, 2, ..., n] 로 초기화 합니다.

	데	0	타	마	ᅂ
데	0	1	2	3	4
0	1				
터	2				
마	3				
0	4				
이	5				

• 거리 행렬을 이용하여 edit distance 를 계산합니다.

	데	0	타	마	IJ
데	0	1	2	3	4
Ol	1	0	1	2	3
터	2	1	1	2	3
마	3	2	2	1	2
Ol	4	3	3	2	2
닝	5	4	3	2	2

길이가 1 짧은 단어로 바꾸는 것이 최소비용

$$d[3,2] = min(d[2,2] + 1,$$

 $d[3,1] + 1,$
 $d[2,1] + subs)$

• 거리 행렬을 이용하여 edit distance 를 계산합니다.

	데	0	타	마	IJ
데	0	1	2	3	4
0	1	0	1	2	3
터	2	1	1	2	3
마	3	2	2	1	2
0	4	3	3	2	2
ᄓ	5	4	3	2	2

'터' 대신 '타' 를 쓰는 것이 최소 비용

$$d[3,3] = min(d[2,3] + 1, d[3,2] + 1, d[2,2] + subs)$$

• 거리 행렬을 이용하여 edit distance 를 계산합니다.

	데	0	타	마	J ₀
데	0	1	2	3	4
Ol	1	0	1	2	3
터	2	1	1	2	3
마	3	2	2	1	2
0	4	3	3	2	2
ᄓ	5	4	3	2	2

'데이' 다음에 '타' 를 입력하는 것이 최소비용

$$d[2,3] = min(d[1,3] + 1, d[2,2] + 1, d[1,2] + subs)$$

Jaccard distance

- Jaccard distance 는 집합 간의 유사도를 정의하는 방법입니다.
- 각 단어를 글자 (units) 의 집합으로 생각합니다.

$$J(A,B) = \frac{|A \cap B|}{|A \cup B|}$$

Jaccard distance

• 각 단어를 글자 (units) 의 집합으로 생각합니다.

$$J('데이터마이닝','데이타마닝') = \frac{|\{\Pi, \Pi, \Pi, H, H\}|}{|\{\Pi, \Pi, H, H, H, H\}|} = \frac{4}{6}$$

- Similarity \equiv distance \neq 변환합니다. $J_D(A, B) = 1 J(A, B)$
- 한 글자(unit)의 등장 횟수는 고려하지 않습니다.

Cosine distance

• Cosine 은 단어 별로 글자 (units) 의 등장 횟수를 고려합니다.

	데	0	터	타	마	□0
데이터마이닝	1	2	1	0	1	1
데이타마닝	1	1	0	1	1	1

- $cos_D(A, B) = 1 cos(A, B)$
- cos_D(데이터마이닝, 데이터마닝) = 0.79

• String distance 의 unit 을 '초/중/종성' 이나 '어절' 로 정의할 수 있습니다.

- d(서비스, <mark>써</mark>비스) != d(서비스, **자**비스)
- Unit = 초/중/종성
 - d(서비스, 써비스) = 1 → 0.33
- Unit = 어절
 - d('어디야 지금', '지금 어디야') = 6 → 2

• Character n-gram 을 units 으로 이용할 수 있습니다.

$$J('데이터마이닝','데이타마닝') = \frac{|\{데이\}|}{|\{데이,이터,터마,마이,이닝,이타,타마,마닝\}|} = \frac{1}{8}$$

• n 음절을 unit 으로 이용하면 더 정확한 문맥을 반영할 수 있습니다.

$$J('도시보다','보도다시') = 1 - \frac{|\{\Sigma, \Lambda, \xi, \Gamma\}|}{|\{\Sigma, \Lambda, \xi, \Gamma\}|} = 0$$
$$J('도시보다','보도다시') = 1 - \frac{|\{\}\}|}{|\{\Sigma, \Lambda, \xi, \Gamma\}|} = 1$$

- Edit distance 에서 (a → b) 마다 다른 비용을 부여할 수 있습니다.
 - d(서비스, <mark>써</mark>비스) < d(서비스, **거**비스)
 - cost(서, 써) < cost(서, 거)

- Edit distance 는 각 글자를 unit 으로 이용합니다.
- Edit distance 가 작은 두 단어는 길이가 비슷하고 겹치는 단어가 많아야 합니다.
 - 단어는 bag of characters 로 표현할 수 있습니다.
 - Sparse vector 이기 때문에 inverted index 를 이용할 수 있습니다.

- Edit distance 의 길이가 d 이하인 두 단어는 다음의 조건을 만족합니다.
 - $n_1 = len(w_1), n_2 = len(w_2) \cong \mathbb{H}, |n_1 n_2| \leq d$
 - 두 단어의 길이의 차이는 *d* 보다 작다.
 - $len(set(w_1)) len(set(w_1) \cap set(w_2)) \le d$
 - 두 단어에 공통으로 있지 않는 글자의 숫자의 개수가 d 보다 작다.

- Character 기준으로 inverted index 를 만듭니다.
 - Index[c] = [word1, word2, ...]
- 주어진 query word 의 characters 를 이용하여 다음의 조건을 만족하는 후보를 탐색합니다.
 - 두 단어의 길이의 차이는 d 보다 작다.
 - 두 단어에 공통으로 있지 않는 글자의 숫자의 개수가 d 보다 작다.

- 132,864 개의 단어 사전에서 Edit distance 를 이용하여 거리가 1 이하인 단어를 탐색하는 예시입니다.
 - 132,864 개의 단어와의 거리계산 및 정렬을 위하여 약 2.49 초가 소요됩니다.
 - Inverted index 를 이용하면 7 개의 단어와 실제 거리 계산을 수행합니다.
 - 0.0056 초가 소요됩니다.

```
from fast_hangle_levenshtein import LevenshteinIndex

nouns = ['양식어가', '식품유통사', 'ETN전담팀', '도로주행', '로우프라이스펀드', ...]

print(len(nouns)) # 132,864

indexer = LevenshteinIndex(nouns, verbose=True)

print(indexer.levenshtein_search('분식회계'))
```

[('분식회계', 0), ('분식회', 1), ('분식회계설', 1), ('분석회계', 1)]