MC-102 — Aula 11 Busca em Vetores

Alexandre M. Ferreira

IC - Unicamp

7/4/2017

Roteiro

- O Problema da Busca
- 2 Busca Sequencial
- Busca Binária
- Questões sobre eficiência
- 5 Exercícios

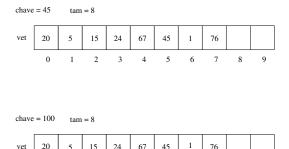
• Vamos estudar alguns algoritmos para o seguinte problema:

Temos uma coleção de elementos, onde cada elemento possui um identificador/chave único, e recebemos uma chave para busca. Devemos encontrar o elemento da coleção que possui a mesma chave ou identificar que não existe nenhum elemento com a chave dada.

- Nos nossos exemplos usaremos um vetor de inteiros como a coleção.
 - O valor da chave será o próprio valor de cada número.
- Apesar de usarmos inteiros, os algoritmos servem para buscar elementos em qualquer coleção de elementos que possuam chaves que possam ser comparadas, como registros com algum campo de identificação único (RA, ou RG, ou CPF, etc.).

- O problema da busca é um dos mais básicos em Computação e também possui diversas aplicações.
 - ▶ Suponha que temos um cadastro com registros de motoristas.
 - Um vetor de registros é usado para armazenar as informações dos motoristas. Podemos usar como chave o número da carteira de motorista, ou o RG, ou o CPF.
- Veremos algoritmos simples para realizar a busca assumindo que dados estão em um vetor.
- Em cursos mais avançados são estudados outros algoritmos e estruturas (que não um vetor) para armazenar e buscar elementos.

- Nos nossos exemplos vamos utilizar um trecho de código com as seguintes variáveis:
 - ▶ int tam: tamanho do vetor
 - int chave: chave para busca



No exemplo mais acima, devemos retornar 5, enquanto no exemplo mais abaixo devemos retornar -1 (não encontrado).

Busca Sequencial

- A busca sequencial é o algoritmo mais simples de busca:
 - Percorra todo o vetor comparando a chave com o valor de cada posição.
 - ▶ Se for igual para alguma posição, então devolva esta posição.
 - Se o vetor todo foi percorrido então devolva -1.

Busca Sequencial

```
int retorno = -1
int i;
for(i=0; i<tam; i++){
   if(vet[i] == chave)
      retorno = i;
}</pre>
```

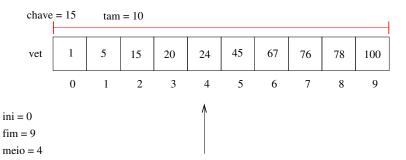
Busca Sequencial

```
#include <stdio.h>
int main(){
  int i, pos, vet[] = \{20, 5, 15, 24, 67, 45, 1, 76, -1, -1\}; //-1 indical
                                                                 //posição não usada
  pos = -1:
  tam = 8;
  chave = 45;
  for (i=0; i < tam; i++){
    if(vet[i] == chave)
      pos = i;
  if (pos !=-1)
    printf("A posicao da chave 45 no vetor é: %d\n", pos);
  else
    printf("A chave 45 não está no vetor! \n");
  pos = -1;
  chave = 100:
  for (i=0; i < tam; i++){
    if(vet[i] == chave)
      pos = i:
  if (pos !=-1)
    printf("A posicao da chave 100 no vetor é: %d\n", pos);
  else
    printf("A chave 100 não está no vetor! \n");
```

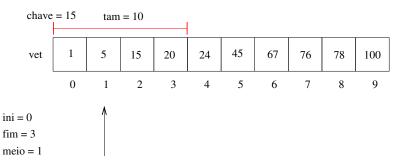
- A busca binária é um algoritmo um pouco mais sofisticado.
- É mais eficiente, mas requer que o vetor esteja ordenado pelos valores da chave de busca.
- A idéia do algoritmo é a seguinte (assuma que o vetor está ordenado):
 - Verifique se a chave de busca é igual ao valor da posição do meio do vetor.
 - Caso seja igual, devolva esta posição.
 - Caso o valor desta posição seja maior, então repita o processo mas considere que o vetor tem metade do tamanho, indo até a posição anterior a do meio.
 - Caso o valor desta posição seja menor, então repita o processo mas considere que o vetor tem metade do tamanho e inicia na posição seguinte a do meio.

Pseudo-Código:

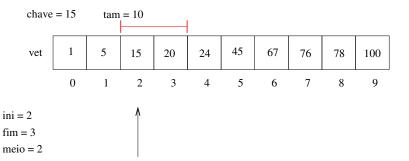
```
//vetor começa em ini e termina em fim
ini = 0
fim = tam-1
Repita enquanto tamanho vetor considerado >= 1
         meio = (ini + fim)/2
         Se vet[meio] == chave Então
                  devolva meio
         Se vet[meio] > chave Então
                  fim = meio - 1
         Se vet[meio] < chave Então
                  ini = meio + 1
```



Como o valor da posição do meio é maior que a chave, atualizamos **fim** do vetor considerado.



Como o valor da posição do meio é menor que a chave, atualizamos **ini** do vetor considerado.



Finalmente encontramos a chave e podemos devolver sua posição 2.

Código completo:

```
int vet[], tam, chave;
int pos = -1;
... // inicializa vetor
int ini=0, fim=tam-1, meio;
while (ini \leq fim) { //enquanto o vetor tiver pelo menos 1 elemento
  meio = (ini+fim)/2;
  if (vet [meio] == chave)
    pos = meio;
  else if(vet[meio] > chave)
    fim = meio - 1;
  else
    ini = meio + 1;
```

Exemplo de uso:

```
int main(){
 // o vetor deve estar ordenado
  int vet [] = \{1, 5, 15, 20, 24, 45, 67, 76, 78, 100\};
  int pos = -1, i, tam = 10, chave = 15, ini, fim, meio;
  ini = 0;
  fim = tam - 1;
  while(ini <= fim){ //enquanto o vetor tiver pelo menos 1 elemento</pre>
    meio = (ini+fim)/2;
    if (vet[meio] == chave)
      pos = meio;
    else if(vet[meio] > chave)
      fim = meio - 1;
    else
      ini = meio + 1:
  if (pos !=-1) printf ("A posicao da chave 15 no vetor é: \%\n", pos)
  else printf("A chave 15 não está no vetor! \n");
```

Podemos medir a eficiência de qualquer algoritmo analisando a quantidade de recursos (tempo, memória, banda de rede, etc.) que o algoritmo usa para resolver o problema para o qual foi proposto.

- A forma mais simples é medir a eficiência em relação ao tempo. Para isso, analisamos quantas instruções um algoritmo usa para resolver o problema.
- Podemos fazer uma análise simplificada dos algoritmos de busca analisando a quantidade de vezes que os algoritmos acessam uma posição do vetor.

No caso da busca sequencial existem três possibilidades:

- Na melhor das hipóteses a chave de busca estará na posição 0.
 Portanto teremos um único acesso em vet[0].
- Na pior das hipóteses, a chave é o último elemento ou não pertence ao vetor, e portanto acessaremos todas as tam posições do vetor.
- É possível mostrar que se uma chave qualquer pode ser requisitada com a mesma probabilidade, então o número de acessos será

$$(\tan + 1)/2$$

na média.

No caso da busca binária temos as três possibilidades:

- Na melhor das hipóteses a chave de busca estará na posição do meio.
 Portanto teremos um único acesso.
- Na pior das hipóteses, teremos (log₂ tam) acessos.
 - ▶ Para ver isso note que a cada verificação de uma posição do vetor, o tamanho do vetor considerado é dividido pela metade. No pior caso repetimos a busca até o vetor considerado ter tamanho 1. Se você pensar um pouco, o número de acessos x pode ser encontrado resolvendo-se a equação:

$$\frac{\mathsf{tam}}{2^{\mathsf{x}}} = 1$$

cuja solução é $x = (\log_2 \tan)$.

• É possível mostrar que se uma chave qualquer pode ser requisitada com a mesma probabilidade, então o número de acessos será

$$(\log_2 \mathbf{tam}) - 1$$

na média.



Para se ter uma idéia da diferença de eficiência dos dois algoritmos, considere que temos um cadastro com 10^6 (um milhão) de itens.

 Com a busca sequencial, a procura de um item qualquer gastará na média

$$(10^6 + 1)/2 \approx 500000$$
 acessos.

Com a busca binária teremos

$$(\log_2 10^6) - 1 \approx 20$$
 acessos.

Mas uma ressalva deve ser feita: para utilizar a busca binária, o vetor precisa estar ordenado!

- Se você tiver um cadastro onde vários itens são removidos e inseridos com frequência, e a busca deve ser feita intercalada com estas operações, então a busca binária pode não ser a melhor opção, já que você precisará ficar mantendo o vetor ordenado.
- Caso o número de buscas feitas seja muito maior, quando comparado com outras operações, então a busca binária é uma boa opção.

Exercício

 Refaça as funções de busca sequencial e busca binária assumindo que o vetor possui chaves que podem aparecer repetidas. Neste caso, você deve retornar em um outro vetor todas as posições onde a chave foi encontrada.

Protótipo: int busca(int vet[], int tam, int chave, int posicoes[])

- Você deve devolver em posicoes[] as posições de vet que possuem a chave, e o retorno da função é o número de ocorrências da chave.
 - ▶ OBS: Na chamada desta função, o vetor posições deve ter espaço suficiente (tam) para guardar todas as possíveis ocorrências.