MC-102 — Aula 21 Ordenação – SelectionSort e BubbleSort

Instituto de Computação - Unicamp

27 de Outubro de 2016

Roteiro

- O problema da Ordenação
- Selection Sort
- 3 BubbleSort
- 4 Exercício

Ordenação

• Vamos estudar alguns algoritmos para o seguinte problema:

Dado uma coleção de elementos com uma relação de ordem entre si, devemos gerar uma saída com os elementos ordenados.

- Nos nossos exemplos usaremos um lista de números como a coleção.
 - ▶ É claro que quaisquer números possuem uma relação de ordem entre si.
- Apesar de usarmos inteiros, os algoritmos servem para ordenar qualquer coleção de elementos que possam ser comparados.

Ordenação

- O problema de ordenação é um dos mais básicos em computação.
 - Mas muito provavelmente é um dos problemas com o maior número de aplicações diretas ou indiretas (como parte da solução para um problema maior).
- Exemplos de aplicações diretas:
 - Criação de rankings, Definir preferências em atendimentos por prioridade, Criação de Listas etc.
- Exemplos de aplicações indiretas:
 - Otimizar sistemas de busca, manutenção de estruturas de bancos de dados etc.

- Seja vet uma lista contendo números.
- Devemos deixar **vet** em ordem crescente.
- A idéia do algoritmo é a seguinte:
 - Ache o menor elemento a partir da posição 0. Troque então este elemento com o elemento da posição 0.
 - Ache o menor elemento a partir da posição 1. Troque então este elemento com o elemento da posição 1.
 - Ache o menor elemento a partir da posição 2. Troque então este elemento com o elemento da posição 2.
 - ► E assim sucessivamente...

```
Exemplo: [5,3,2,1,90,6]. Iteração 0. Acha menor: [5,3,2,\underline{1},90,6]. Faz troca: [\underline{1},3,2,\underline{5},90,6]. Iteração 1. Acha menor: [1,2,3,5,90,6]. Faz troca: [1,2,3,5,90,6]. Iteração 2. Acha menor: [1,2,3,5,90,6]. Faz troca: [1,2,3,5,90,6]. Iteração 3. Acha menor: [1,2,3,5,90,6]. Faz troca: [1,2,3,5,90,6]. Iteração 5: Acha menor: [1,2,3,5,90,6]. Faz troca: [1,2,3,5,90,6].
```

```
Exemplo: [5,3,2,1,90,6]. Iteração 0. Acha menor: [5,3,2,\underline{1},90,6]. Faz troca: [\underline{1},3,2,\underline{5},90,6]. Iteração 1. Acha menor: [1,3,\underline{2},5,90,6]. Faz troca: [1,\underline{2},\underline{3},5,90,6]. Iteração 2. Acha menor: [1,2,3,5,90,6]. Faz troca: [1,2,3,5,90,6]. Iteração 3. Acha menor: [1,2,3,5,90,6]. Faz troca: [1,2,3,5,90,6]. Iteração 5: Acha menor: [1,2,3,5,90,6]. Faz troca: [1,2,3,5,90,6]. Faz troca: [1,2,3,5,90,6].
```

```
Exemplo: [5,3,2,1,90,6]. Iteração 0. Acha menor: [5,3,2,\underline{1},90,6]. Faz troca: [\underline{1},3,2,\underline{5},90,6]. Iteração 1. Acha menor: [1,3,\underline{2},5,90,6]. Faz troca: [1,\underline{2},\underline{3},5,90,6]. Iteração 2. Acha menor: [1,2,\underline{3},5,90,6]. Faz troca: [1,2,\underline{3},5,90,6]. Iteração 3. Acha menor: [1,2,3,5,90,6]. Faz troca: [1,2,3,5,90,6]. Iteração 5. Acha menor: [1,2,3,5,90,6]. Faz troca: [1,2,3,5,90,6].
```

```
Exemplo: [5,3,2,1,90,6]. Iteração 0. Acha menor: [5,3,2,\underline{1},90,6]. Faz troca: [\underline{1},3,2,\underline{5},90,6]. Iteração 1. Acha menor: [1,3,\underline{2},5,90,6]. Faz troca: [1,\underline{2},\underline{3},5,90,6]. Iteração 2. Acha menor: [1,2,\underline{3},5,90,6]. Faz troca: [1,2,\underline{3},5,90,6]. Iteração 3. Acha menor: [1,2,3,\underline{5},90,6]. Faz troca: [1,2,3,\underline{5},90,6].
```

```
Exemplo: [5,3,2,1,90,6]. Iteração 0. Acha menor: [5,3,2,\underline{1},90,6]. Faz troca: [\underline{1},3,2,\underline{5},90,6]. Iteração 1. Acha menor: [1,3,\underline{2},5,90,6]. Faz troca: [1,\underline{2},\underline{3},5,90,6]. Iteração 2. Acha menor: [1,2,\underline{3},5,90,6]. Faz troca: [1,2,\underline{3},5,90,6]. Iteração 3. Acha menor: [1,2,3,\underline{5},90,6]. Faz troca: [1,2,3,\underline{5},90,6]. Iteração 5: Acha menor: [1,2,3,5,90,6]. Faz troca: [1,2,3,5,6,90].
```

- Como achar o menor elemento a partir de uma posição inicial?
- Vamos achar o índice do menor elemento em uma lista, a partir de uma posição inicial:

```
min = iniclo
for i in range(iniclo ,fim):
    if vet[min] > vet[j]:
        min = j
```

- Como achar o menor elemento a partir de uma posição inicial?
- Vamos achar o índice do menor elemento em uma lista, a partir de uma posição inicial:

```
min = inicio
for i in range(inicio, fim):
    if vet[min] > vet[j]:
        min = j
```

• Criamos então uma função que retorna o índice do elemento mínimo de um vetor, a partir de uma posição **inicio** passado por parâmetro:

```
def indiceMenor(vet, inicio):
    min = inicio
    for j in range(inicio,len(vet)):
        if vet[min] > vet[j]:
            min = j
    return min
```

- Dado a função anterior para achar o índice do menor elemento, como implementar o algoritmo de ordenação?
- Ache o menor elemento a partir da posição 0, e troque com o elemento da posição 0.
- Ache o menor elemento a partir da posição 1, e troque com o elemento da posição 1.
- Ache o menor elemento a partir da posição 2, e troque com o elemento da posição 2.
- E assim sucessivamente...

```
def selectionSort(vet):
    for i in range(len(vet)-1):
        min = indiceMenor(vet, i)
        aux = vet[i]
        vet[i] = vet[min]
        vet[min] = aux
```

```
>> lista = [14,7,8,34,56,4,0,9,-8,100]
>> selectionSort(lista)
>> lista
[-8,0,4,7,8,9,14,34,56,100]
```

- O uso da função para achar o índice do menor elemento não é estritamente necessária.
- Podemos refazer a função selectionSort como segue:

```
def selectionSort2(vet):
    for i in range(len(vet)-1):
        min = i
        for j in range(i,len(vet)):
        if vet[min] > vet[j]:
            min = j

aux = vet[i]
    vet[i] = vet[min]
    vet[min] = aux
```

- É muito comum a operação de troca de valores entre duas posições de uma lista.
- Python possui uma sintaxe resumida para fazer estas trocas.
- Veja o uso no algoritmo do slide anterior.

```
def selectionSort2(vet):
    for i in range(len(vet)-1):
        min = i
        for j in range(i,len(vet)):
        if vet[min] > vet[j]:
            min = j

    vet[i], vet[min] = vet[min], vet[i]
```

- Seja **vet** um lista contendo números. *tam* é tamanho da lista.
- Devemos deixar **vet** em ordem crescente.
- O algoritmo faz algumas iterações repetindo o seguinte:
 - ► Compare vet[0] com vet[1] e troque-os se vet[0] > vet[1].
 - ▶ Compare vet[1] com vet[2] e troque-os se vet[1] > vet[2].
 - **....**
 - ▶ Compare vet[tam 2] com vet[tam 1] e troque-os se vet[tam 2] > vet[tam 1].

Após uma iteração repetindo estes passos o que podemos garantir???

▶ O maior elemento estará na posição correta!!!

- Seja **vet** um lista contendo números. *tam* é tamanho da lista.
- Devemos deixar **vet** em ordem crescente.
- O algoritmo faz algumas iterações repetindo o seguinte:
 - ▶ Compare vet[0] com vet[1] e troque-os se vet[0] > vet[1].
 - ▶ Compare vet[1] com vet[2] e troque-os se vet[1] > vet[2].
 - **>**
 - ▶ Compare vet[tam 2] com vet[tam 1] e troque-os se vet[tam 2] > vet[tam 1].

Após uma iteração repetindo estes passos o que podemos garantir???

▶ O maior elemento estará na posição correta!!!

- Após uma iteração de trocas, o maior elemento estará na última posição.
- Após outra iteração de trocas, o segundo maior elemento estará na posição correta.
- E assim sucessivamente.
- Quantas iterações destas trocas precisamos para deixar o vetor ordenado?

Exemplo: [5,3,2,1,90,6].

Valores sublinhados estão sendo comparados:

```
[5, 3, 2, 1, 90, 6]
[3, <u>5, 2, 1, 90, 6]</u>
[3, 2, <u>5, 1, 90, 6]</u>
[3, 2, 1, <u>5, 90, 6]</u>
[3, 2, 1, 5, <u>90, 6]</u>
[3, 2, 1, 5, 6, 90]
```

- Isto termina a primeira iteração de trocas. Temos que repetir todo o processo mais 4 vezes!!!
- Mas notem que não precisamos mais avaliar a última posição!

Exemplo: [5,3,2,1,90,6].

Valores sublinhados estão sendo comparados:

```
[5, 3, 2, 1, 90, 6]
[3, 5, 2, 1, 90, 6]
[3, 2, 5, 1, 90, 6]
[3, 2, 1, 5, 90, 6]
[3, 2, 1, 5, 6, 90]
```

- Isto termina a primeira iteração de trocas. Temos que repetir todo o processo mais 4 vezes!!!
- Mas notem que não precisamos mais avaliar a última posição!

Exemplo: [5,3,2,1,90,6].

Valores sublinhados estão sendo comparados:

 $[\underline{5}, \underline{3}, 2, 1, 90, 6]$

 $[3, \underline{5}, \underline{2}, 1, 90, 6]$

[3 2 1 5 90 6

[3, 2, 1, 5, 90, 6]

[3, 2, 1, 5, 6, 90]

- Isto termina a primeira iteração de trocas. Temos que repetir todo o processo mais 4 vezes!!!
- Mas notem que não precisamos mais avaliar a última posição!

Exemplo: [5,3,2,1,90,6].

Valores sublinhados estão sendo comparados:

[5, 3, 2, 1, 90, 6]

 $[3, \underline{5}, \underline{2}, 1, 90, 6]$

 $[3, 2, \underline{5}, \underline{1}, 90, 6]$

 $[3, 2, 1, \underline{5}, \underline{90}, 6]$

[3, 2, 1, 5, 90, 6]

[3, 2, 1, 5, 6, 90]

- Isto termina a primeira iteração de trocas. Temos que repetir todo o processo mais 4 vezes!!!
- Mas notem que não precisamos mais avaliar a última posição!

Exemplo: [5,3,2,1,90,6].

Valores sublinhados estão sendo comparados:

```
[\underline{5}, \underline{3}, 2, 1, 90, 6]
```

$$[3, \underline{5}, \underline{2}, 1, 90, 6]$$

$$[3, 2, \underline{5}, \underline{1}, 90, 6]$$

$$[3, 2, 1, \underline{5}, \underline{90}, 6]$$

- Isto termina a primeira iteração de trocas. Temos que repetir todo o processo mais 4 vezes!!!
- Mas notem que não precisamos mais avaliar a última posição!

Exemplo: [5,3,2,1,90,6].

Valores sublinhados estão sendo comparados:

[5, 3, 2, 1, 90, 6]

 $[3, \underline{5}, \underline{2}, 1, 90, 6]$ $[3, 2, \underline{5}, \underline{1}, 90, 6]$

[3, 2, 1, 5, 90, 6]

[3, 2, 1, 5, 90, 6]

[3, 2, 1, 5, 6, 90]

- Isto termina a primeira iteração de trocas. Temos que repetir todo o processo mais 4 vezes!!!
- Mas notem que não precisamos mais avaliar a última posição!

```
Exemplo: [5,3,2,1,90,6].
```

Valores sublinhados estão sendo comparados:

```
[5, 3, 2, 1, 90, 6]
[3, 5, 2, 1, 90, 6]
[3, 2, 5, 1, 90, 6]
```

$$[3, 2, 1, \underline{5}, \underline{90}, 6]$$

$$[3, 2, 1, 5, \underline{90}, \underline{6}]$$

- [3, 2, 1, 5, 6, 90]
 - Isto termina a primeira iteração de trocas. Temos que repetir todo o processo mais 4 vezes!!!
 - Mas notem que não precisamos mais avaliar a última posição!

```
Exemplo: [5,3,2,1,90,6].
```

Valores sublinhados estão sendo comparados:

```
[\underline{5}, \underline{3}, 2, 1, 90, 6]
[3, \underline{5}, \underline{2}, 1, 90, 6]
```

$$[3, 2, \underline{5}, \underline{1}, 90, 6]$$

- Isto termina a primeira iteração de trocas. Temos que repetir todo o processo mais 4 vezes!!!
- Mas notem que não precisamos mais avaliar a última posição!

- O código abaixo realiza as trocas de uma iteração.
- São comparados e trocados, os elementos das posições: 0 e 1; 1 e 2; . . . ; i-1 e i.
- Assumimos que de (i+1) até (tam-1), o vetor já tem os maiores elementos ordenados.

```
for j in range(i):
    if vet[j] > vet[j+1] :
        vet[j], vet[j+1] = vet[j+1], vet[j]
```

- O código abaixo realiza as trocas de uma iteração.
- São comparados e trocados, os elementos das posições: 0 e 1; 1 e 2; . . . ; i-1 e i.
- Assumimos que de (i+1) até (tam-1), o vetor já tem os maiores elementos ordenados.

```
for j in range(i):
   if vet[j] > vet[j+1] :
     vet[j], vet[j+1] = vet[j+1], vet[j]
```

- Notem que as trocas na primeira iteração ocorrem até a última posição.
- Na segunda iteração ocorrem até a penúltima posição.
- E assim sucessivamente.
- Por que?

Exercício

Altere os algoritmos vistos nesta aula para que estes ordenem uma lista de inteiros em ordem decrescente ao invés de ordem crescente.

Exercício

```
No algoritmo SelectionSort, o for do i vai de 0 até len(vet) - 2. (o range é range(0, len(vet) - 1) o que significa que o i vai até len(vet) - 2.) Por que não ir até len(vet) - 1?

def selectionSort2(vet):
    for i in range(len(vet) - 1): #Por que não usar range(len(vet))?
        min = i
        for j in range(i, len(vet)):
        if vet[min] > vet[j]:
            min = j

vet[i], vet[min] = vet[min], vet[i]
```