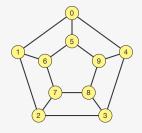
MC-202 — Unidade 21 Percurso em Grafos

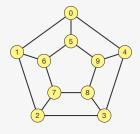
Rafael C. S. Schouery rafael@ic.unicamp.br

Universidade Estadual de Campinas

2° semestre/2017

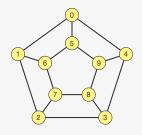


Um caminho de s para t em um grafo é:



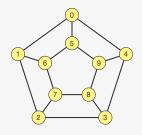
Um caminho de s para t em um grafo é:

• Uma sequência sem repetição de vértices vizinhos



Um caminho de s para t em um grafo é:

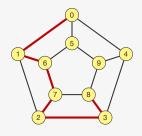
- Uma sequência sem repetição de vértices vizinhos
- ullet Começando em s e terminado em t



Um caminho de s para t em um grafo é:

- Uma sequência sem repetição de vértices vizinhos
- ullet Começando em s e terminado em t

Por exemplo:

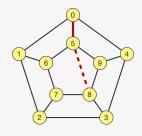


Um caminho de s para t em um grafo é:

- Uma sequência sem repetição de vértices vizinhos
- ullet Começando em s e terminado em t

Por exemplo:

• 0,1,6,7,2,3,8 é um caminho de 0 para 8

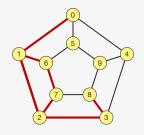


Um caminho de s para t em um grafo é:

- Uma sequência sem repetição de vértices vizinhos
- ullet Começando em s e terminado em t

Por exemplo:

- 0, 1, 6, 7, 2, 3, 8 é um caminho de 0 para 8
- 0,5,8 não é um caminho de 0 para 8

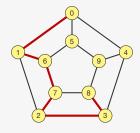


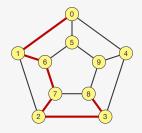
Um caminho de s para t em um grafo é:

- Uma sequência sem repetição de vértices vizinhos
- ullet Começando em s e terminado em t

Por exemplo:

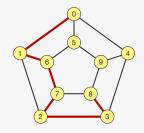
- 0, 1, 6, 7, 2, 3, 8 é um caminho de 0 para 8
- 0,5,8 não é um caminho de 0 para 8
- 0, 1, 2, 7, 6, 1, 2, 3, 8 não é um caminho de 0 para 8



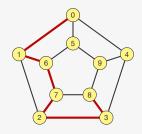


Formalmente, um caminho de *s* para *t* em um grafo é:

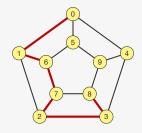
ullet Uma sequência de vértice v_0, v_1, \dots, v_k onde



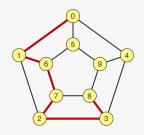
- ullet Uma sequência de vértice v_0, v_1, \dots, v_k onde
- $\bullet \ v_0 = s \mathbf{e} v_k = t$



- Uma sequência de vértice v_0, v_1, \ldots, v_k onde
- $v_0 = s e v_k = t$
- $\{v_i, v_{i+1}\}$ é uma aresta para todo $0 \le i \le k-1$



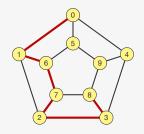
- Uma sequência de vértice v_0, v_1, \ldots, v_k onde
- $v_0 = s e v_k = t$
- $\{v_i, v_{i+1}\}$ é uma aresta para todo $0 \le i \le k-1$
- $ullet v_i
 eq v_j$ para todo $0 \leq i < j \leq k$



Formalmente, um caminho de *s* para *t* em um grafo é:

- Uma sequência de vértice v_0, v_1, \ldots, v_k onde
- $v_0 = s e v_k = t$
- $\{v_i, v_{i+1}\}$ é uma aresta para todo $0 \le i \le k-1$
- $\bullet \ v_i \neq v_j \ {\rm para} \ {\rm todo} \ 0 \leq i < j \leq k \\$

k é o comprimento do caminho

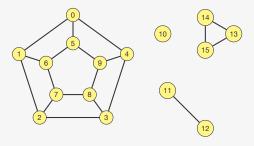


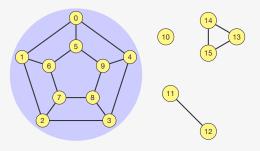
Formalmente, um caminho de *s* para *t* em um grafo é:

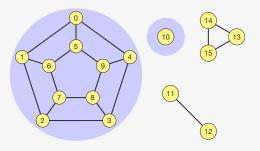
- Uma sequência de vértice v_0, v_1, \ldots, v_k onde
- $v_0 = s e v_k = t$
- $\{v_i, v_{i+1}\}$ é uma aresta para todo $0 \le i \le k-1$
- $ullet v_i
 eq v_j$ para todo $0 \leq i < j \leq k$

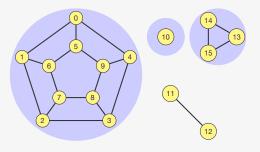
k é o comprimento do caminho

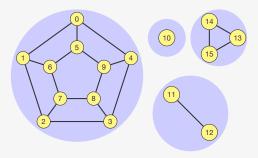
• k = 0 se e somente se s = t



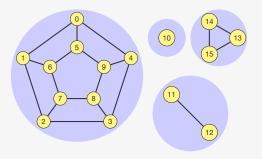






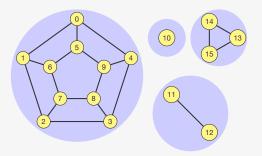


Um grafo pode ter várias "partes"



Chamamos essas partes de Componentes Conexas

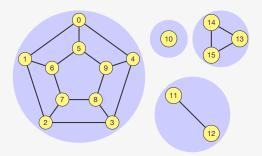
Um grafo pode ter várias "partes"



Chamamos essas partes de Componentes Conexas

 Um par de vértices está na mesma componente se e somente se existe caminho entre eles

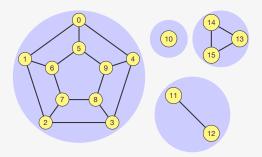
Um grafo pode ter várias "partes"



Chamamos essas partes de Componentes Conexas

- Um par de vértices está na mesma componente se e somente se existe caminho entre eles
 - Não há caminho entre vértices de componentes distintas

Um grafo pode ter várias "partes"



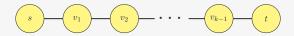
Chamamos essas partes de Componentes Conexas

- Um par de vértices está na mesma componente se e somente se existe caminho entre eles
 - Não há caminho entre vértices de componentes distintas
- Um grafo conexo tem apenas uma componente conexa

Queremos saber se s e t estão na mesma componente conexa

Queremos saber se s e t estão na mesma componente conexa

Se estiverem, existe algum caminho de s até t



Queremos saber se s e t estão na mesma componente conexa

Se estiverem, existe algum caminho de s até t



Queremos saber se s e t estão na mesma componente conexa

Se estiverem, existe algum caminho de s até t



Se existe caminho e $s \neq t$, existe um segundo vértice v_1

ullet E v_1 é vizinho de s

Queremos saber se s e t estão na mesma componente conexa

Se estiverem, existe algum caminho de s até t



- E v_1 é vizinho de s
- Então, ou $v_1 = t$, ou existe um terceiro vértice v_2

Queremos saber se s e t estão na mesma componente conexa

Se estiverem, existe algum caminho de s até t



- E v_1 é vizinho de s
- Então, ou $v_1 = t$, ou existe um terceiro vértice v_2
 - E v_2 é vizinho de v_1

Queremos saber se s e t estão na mesma componente conexa

Se estiverem, existe algum caminho de s até t



- E v_1 é vizinho de s
- Então, ou $v_1 = t$, ou existe um terceiro vértice v_2 - E v_2 é vizinho de v_1
- E assim por diante...

Queremos saber se s e t estão na mesma componente conexa

Se estiverem, existe algum caminho de s até t



Se existe caminho e $s \neq t$, existe um segundo vértice v_1

- E v_1 é vizinho de s
- Então, ou $v_1 = t$, ou existe um terceiro vértice v_2 - E v_2 é vizinho de v_1
- E assim por diante...

A dificuldade é acertar qual vizinho v_1 de s devemos usar...

Queremos saber se s e t estão na mesma componente conexa

Se estiverem, existe algum caminho de s até t



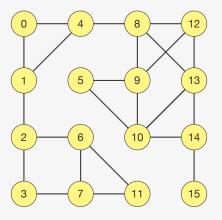
Se existe caminho e $s \neq t$, existe um segundo vértice v_1

- E v_1 é vizinho de s
- Então, ou $v_1 = t$, ou existe um terceiro vértice v_2 - E v_2 é vizinho de v_1
- E assim por diante...

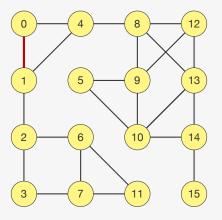
A dificuldade é acertar qual vizinho v_1 de s devemos usar...

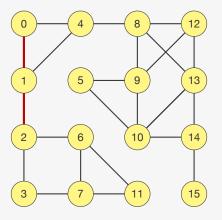
• Solução: testar todos!

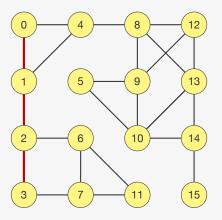
Exemplo - Existe caminho de 0 até 15?

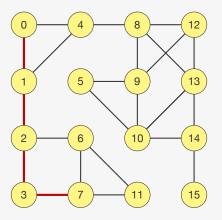


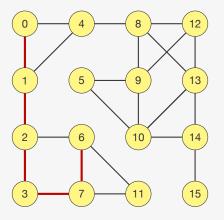
Exemplo - Existe caminho de 0 até 15?

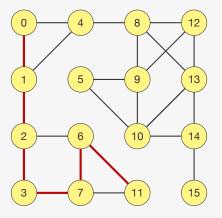


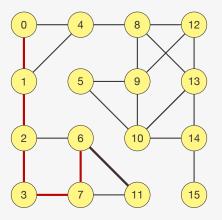


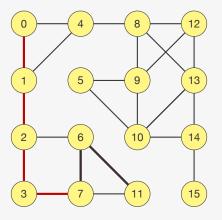


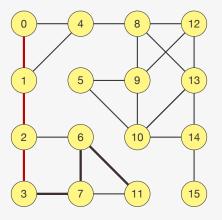


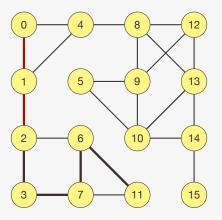


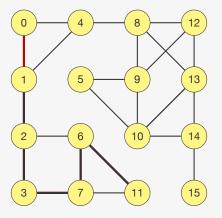


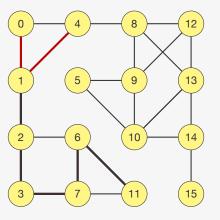


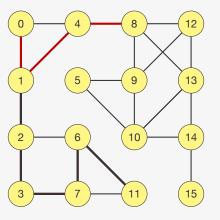


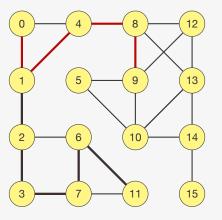


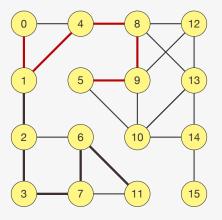


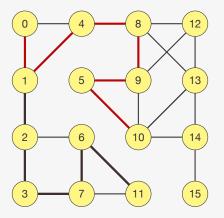


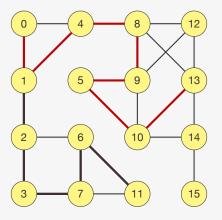


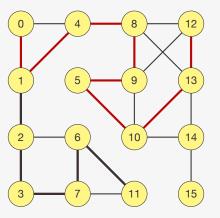


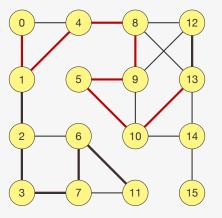


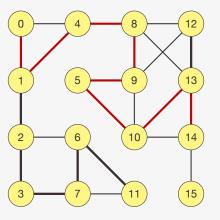


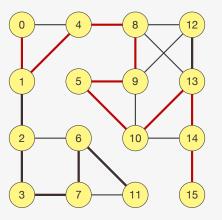


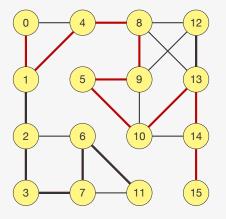




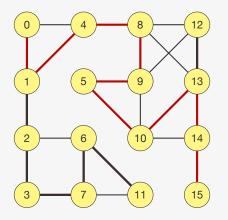






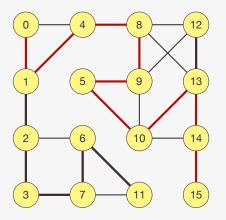


Essa é uma busca em profundidade:



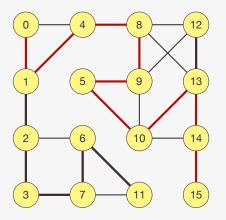
Essa é uma busca em profundidade:

Vá o máximo possível em uma direção



Essa é uma busca em profundidade:

- Vá o máximo possível em uma direção
- Se não encontrarmos o vértice, volte o mínimo possível



Essa é uma busca em profundidade:

- Vá o máximo possível em uma direção
- Se n\u00e3o encontrarmos o v\u00e9rtice, volte o m\u00eaninimo poss\u00edvel
- E pegue um novo caminho por um vértice não visitado

```
1 int existe_caminho(p_grafo g, int s, int t) {
2   int encontrou, i, *visitado = malloc(g->n * sizeof(int));
3   for (i = 0; i < g->n; i++)
4     visitado[i] = 0;
5   encontrou = busca_rec(g, visitado, s, t);
6   free(visitado);
7   return encontrou;
8 }
```

```
1 int existe_caminho(p_grafo g, int s, int t) {
2   int encontrou, i, *visitado = malloc(g->n * sizeof(int));
3   for (i = 0; i < g->n; i++)
4     visitado[i] = 0;
5   encontrou = busca_rec(g, visitado, s, t);
6   free(visitado);
7   return encontrou;
8 }

1 int busca_rec(p_grafo g, int *visitado, int v, int t) {
```

```
1 int existe_caminho(p_grafo g, int s, int t) {
   int encontrou, i, *visitado = malloc(g->n * sizeof(int));
   for (i = 0; i < g->n; i++)
3
4
    visitado[i] = 0;
5 encontrou = busca_rec(g, visitado, s, t);
6 free(visitado);
7 return encontrou;
8 }
1 int busca_rec(p_grafo g, int *visitado, int v, int t) {
2 int w:
3 if (v == t)
4
    return 1; /*sempre existe caminho de t para t*/
```

```
1 int existe_caminho(p_grafo g, int s, int t) {
   int encontrou, i, *visitado = malloc(g->n * sizeof(int));
   for (i = 0; i < g->n; i++)
3
4
    visitado[i] = 0;
5 encontrou = busca_rec(g, visitado, s, t);
6 free(visitado);
7 return encontrou;
8 }
1 int busca_rec(p_grafo g, int *visitado, int v, int t) {
2 int w:
3 if (v == t)
4
   return 1; /*sempre existe caminho de t para t*/
5 visitado[v] = 1:
```

```
1 int existe_caminho(p_grafo g, int s, int t) {
   int encontrou, i, *visitado = malloc(g->n * sizeof(int));
   for (i = 0; i < g->n; i++)
3
4
    visitado[i] = 0;
5 encontrou = busca_rec(g, visitado, s, t);
6 free(visitado);
7 return encontrou;
8 }
1 int busca_rec(p_grafo g, int *visitado, int v, int t) {
2 int w:
3 if (v == t)
4
    return 1; /*sempre existe caminho de t para t*/
5 visitado[v] = 1:
6 for (w = 0; w < g->n; w++)
```

```
1 int existe_caminho(p_grafo g, int s, int t) {
   int encontrou, i, *visitado = malloc(g->n * sizeof(int));
   for (i = 0; i < g->n; i++)
3
4
    visitado[i] = 0;
5 encontrou = busca_rec(g, visitado, s, t);
6 free(visitado);
7 return encontrou;
8 }
1 int busca_rec(p_grafo g, int *visitado, int v, int t) {
2 int w:
3 if (v == t)
4
     return 1; /*sempre existe caminho de t para t*/
5 visitado[v] = 1;
6 for (w = 0; w < g->n; w++)
7
     if (g->adj[v][w] && !visitado[w])
```

```
1 int existe_caminho(p_grafo g, int s, int t) {
   int encontrou, i, *visitado = malloc(g->n * sizeof(int));
   for (i = 0; i < g > n; i++)
3
4
     visitado[i] = 0;
  encontrou = busca_rec(g, visitado, s, t);
5
6 free(visitado);
7 return encontrou;
8 }
1 int busca_rec(p_grafo g, int *visitado, int v, int t) {
2 int w:
  if (v == t)
4
     return 1; /*sempre existe caminho de t para t*/
  visitado[v] = 1;
5
   for (w = 0; w < g->n; w++)
6
     if (g->adj[v][w] && !visitado[w])
7
       if (busca_rec(g, visitado, w, t))
8
         return 1;
9
```

```
1 int existe_caminho(p_grafo g, int s, int t) {
    int encontrou, i, *visitado = malloc(g->n * sizeof(int));
    for (i = 0; i < g->n; i++)
3
4
     visitado[i] = 0;
5 encontrou = busca_rec(g, visitado, s, t);
6 free(visitado);
7 return encontrou;
8 }
1 int busca_rec(p_grafo g, int *visitado, int v, int t) {
2 int w:
  if (v == t)
4
      return 1; /*sempre existe caminho de t para t*/
   visitado[v] = 1:
5
    for (w = 0; w < g->n; w++)
6
      if (g->adj[v][w] && !visitado[w])
7
        if (busca_rec(g, visitado, w, t))
8
          return 1;
9
10
    return 0:
11 }
```

```
1 int existe_caminho(p_grafo g, int s, int t) {
    int encontrou, i, *visitado = malloc(g->n * sizeof(int));
    for (i = 0; i < g > n; i++)
     visitado[i] = 0;
5 encontrou = busca_rec(g, visitado, s, t);
6 free(visitado);
7 return encontrou:
8 }
1 int busca_rec(p_grafo g, int *visitado, int v, int t) {
2 int w:
3 if (v == t)
      return 1; /*sempre existe caminho de t para t*/
   visitado[v] = 1:
5
    for (w = 0; w < g->n; w++)
6
      if (g->adj[v][w] && !visitado[w])
7
        if (busca_rec(g, visitado, w, t))
8
          return 1:
9
10
    return 0:
11 }
```

E se quisermos saber quais são as componentes conexas?

Componentes Conexas (Listas de Adjacência)

```
1 int * encontra_componentes(p_grafo g) {
```

Componentes Conexas (Listas de Adjacência)

```
1 int * encontra_componentes(p_grafo g) {
2  int s, c = 0, *componentes = malloc(g->n * sizeof(int));
```

Componentes Conexas (Listas de Adjacência)

```
1 int * encontra_componentes(p_grafo g) {
2   int s, c = 0, *componentes = malloc(g->n * sizeof(int));
3   for (s = 0; s < g->n; s++)
4   componentes[s] = -1;
```

```
1 int * encontra_componentes(p_grafo g) {
2   int s, c = 0, *componentes = malloc(g->n * sizeof(int));
3   for (s = 0; s < g->n; s++)
4     componentes[s] = -1;
5   for (s = 0; s < g->n; s++)
6   if (componentes[s] == -1) {
```

```
1 int * encontra_componentes(p_grafo g) {
2   int s, c = 0, *componentes = malloc(g->n * sizeof(int));
3   for (s = 0; s < g->n; s++)
4     componentes[s] = -1;
5   for (s = 0; s < g->n; s++)
6   if (componentes[s] == -1) {
7     visita_rec(g, componentes, c, s);
```

```
1 int * encontra_componentes(p_grafo g) {
2   int s, c = 0, *componentes = malloc(g->n * sizeof(int));
3   for (s = 0; s < g->n; s++)
4     componentes[s] = -1;
5   for (s = 0; s < g->n; s++)
6     if (componentes[s] == -1) {
7      visita_rec(g, componentes, c, s);
8     c++;
```

```
1 int * encontra_componentes(p_grafo g) {
    int s, c = 0, *componentes = malloc(g->n * sizeof(int));
    for (s = 0; s < g->n; s++)
3
      componentes[s] = -1;
    for (s = 0; s < g->n; s++)
5
      if (componentes[s] == -1) {
6
7
         visita_rec(g, componentes, c, s);
8
         c++:
9
10
    return componentes;
11 }
```

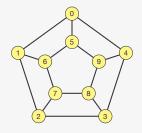
```
1 int * encontra componentes(p grafo g) {
    int s, c = 0, *componentes = malloc(g->n * sizeof(int));
    for (s = 0; s < g->n; s++)
3
      componentes[s] = -1;
    for (s = 0; s < g->n; s++)
5
      if (componentes[s] == -1) {
6
7
         visita_rec(g, componentes, c, s);
8
         c++:
9
10
    return componentes;
11 }
1 void visita_rec(p_grafo g, int *componentes, int comp, int v) {
```

```
1 int * encontra componentes(p grafo g) {
    int s, c = 0, *componentes = malloc(g->n * sizeof(int));
    for (s = 0; s < g->n; s++)
3
      componentes[s] = -1;
4
    for (s = 0; s < g->n; s++)
5
      if (componentes[s] == -1) {
6
7
        visita_rec(g, componentes, c, s);
8
        c++:
9
    return componentes;
10
11 }
1 void visita_rec(p_grafo g, int *componentes, int comp, int v) {
  p_no t;
2
3
    componentes[v] = comp;
```

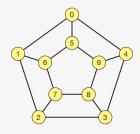
```
1 int * encontra componentes(p grafo g) {
    int s, c = 0, *componentes = malloc(g->n * sizeof(int));
    for (s = 0; s < g->n; s++)
3
      componentes[s] = -1;
4
    for (s = 0; s < g->n; s++)
5
      if (componentes[s] == -1) {
6
7
        visita_rec(g, componentes, c, s);
8
        c++:
9
    return componentes;
10
11 }
1 void visita_rec(p_grafo g, int *componentes, int comp, int v) {
  p_no t;
2
3 componentes[v] = comp;
   for (t = g->adj[v]; t != NULL; t = t->prox)
```

```
1 int * encontra componentes(p grafo g) {
    int s, c = 0, *componentes = malloc(g->n * sizeof(int));
    for (s = 0; s < g->n; s++)
3
      componentes[s] = -1;
4
    for (s = 0; s < g->n; s++)
5
      if (componentes[s] == -1) {
6
7
        visita_rec(g, componentes, c, s);
8
        c++:
9
    return componentes;
10
11 }
1 void visita_rec(p_grafo g, int *componentes, int comp, int v) {
  p_no t;
2
3 componentes[v] = comp;
4 for (t = g->adj[v]; t != NULL; t = t->prox)
      if (componentes[t->v] == -1)
5
```

```
1 int * encontra componentes(p grafo g) {
    int s, c = 0, *componentes = malloc(g->n * sizeof(int));
    for (s = 0; s < g->n; s++)
3
      componentes[s] = -1;
4
    for (s = 0; s < g->n; s++)
5
      if (componentes[s] == -1) {
6
7
        visita_rec(g, componentes, c, s);
8
        c++:
9
    return componentes;
10
11 }
1 void visita_rec(p_grafo g, int *componentes, int comp, int v) {
  p_no t;
2
    componentes[v] = comp;
    for (t = g->adj[v]; t != NULL; t = t->prox)
4
      if (componentes[t->v] == -1)
5
        visita_rec(g, componentes, comp, t->v);
7 }
```

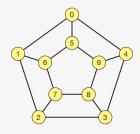


Um ciclo em um grafo é:



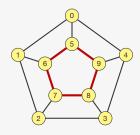
Um ciclo em um grafo é:

 Uma sequência de vértices vizinhos sem repetição exceto pelo primeiro e o último vértice que são idênticos



Um ciclo em um grafo é:

 Uma sequência de vértices vizinhos sem repetição exceto pelo primeiro e o último vértice que são idênticos

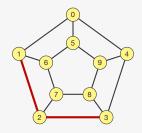


Um ciclo em um grafo é:

 Uma sequência de vértices vizinhos sem repetição exceto pelo primeiro e o último vértice que são idênticos

Por exemplo:

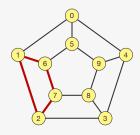
• 5, 6, 7, 8, 9, 5 é um ciclo



Um ciclo em um grafo é:

 Uma sequência de vértices vizinhos sem repetição exceto pelo primeiro e o último vértice que são idênticos

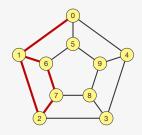
- 5, 6, 7, 8, 9, 5 é um ciclo
- 1, 2, 3 não é um ciclo



Um ciclo em um grafo é:

 Uma sequência de vértices vizinhos sem repetição exceto pelo primeiro e o último vértice que são idênticos

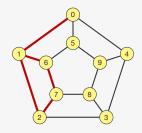
- 5, 6, 7, 8, 9, 5 é um ciclo
- 1, 2, 3 não é um ciclo
- 1, 2, 7, 6, 1 é um ciclo



Um ciclo em um grafo é:

 Uma sequência de vértices vizinhos sem repetição exceto pelo primeiro e o último vértice que são idênticos

- 5, 6, 7, 8, 9, 5 é um ciclo
- 1, 2, 3 não é um ciclo
- 1, 2, 7, 6, 1 é um ciclo
- 1, 2, 7, 6, 1, 0 não é um ciclo



Um ciclo em um grafo é:

 Uma sequência de vértices vizinhos sem repetição exceto pelo primeiro e o último vértice que são idênticos

- 5, 6, 7, 8, 9, 5 é um ciclo
- 1, 2, 3 não é um ciclo
- 1, 2, 7, 6, 1 é um ciclo
- 1, 2, 7, 6, 1, 0 não é um ciclo (mas contém um ciclo)

Árvores, Florestas e Subgrafos Uma árvore é um grafo conexo acíclico

Uma árvore é um grafo conexo acíclico

• Uma floresta é um grafo acíclico

Uma árvore é um grafo conexo acíclico

- Uma floresta é um grafo acíclico
- Suas componentes conexas são árvores

Uma árvore é um grafo conexo acíclico

- Uma floresta é um grafo acíclico
- Suas componentes conexas são árvores

Um subgrafo é um grafo obtido a partir da remoção de vértices e arestas

Uma árvore é um grafo conexo acíclico

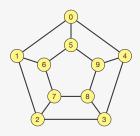
- Uma floresta é um grafo acíclico
- Suas componentes conexas são árvores

Um subgrafo é um grafo obtido a partir da remoção de vértices e arestas

Uma árvore é um grafo conexo acíclico

- Uma floresta é um grafo acíclico
- Suas componentes conexas são árvores

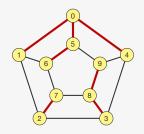
Um subgrafo é um grafo obtido a partir da remoção de vértices e arestas



Uma árvore é um grafo conexo acíclico

- Uma floresta é um grafo acíclico
- Suas componentes conexas são árvores

Um subgrafo é um grafo obtido a partir da remoção de vértices e arestas

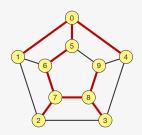


Um subgrafo que é uma floresta

Uma árvore é um grafo conexo acíclico

- Uma floresta é um grafo acíclico
- Suas componentes conexas são árvores

Um subgrafo é um grafo obtido a partir da remoção de vértices e arestas

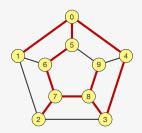


Um subgrafo que é uma árvore

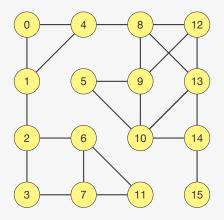
Uma árvore é um grafo conexo acíclico

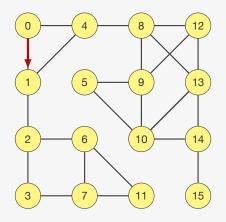
- Uma floresta é um grafo acíclico
- Suas componentes conexas são árvores

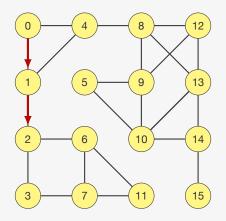
Um subgrafo é um grafo obtido a partir da remoção de vértices e arestas

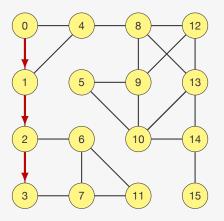


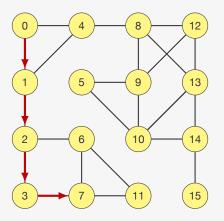
Um subgrafo com ciclo

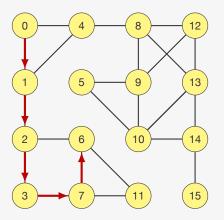


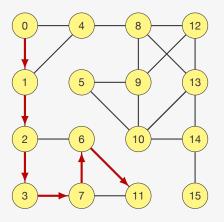


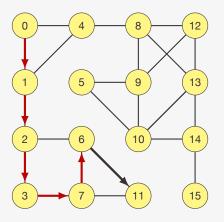


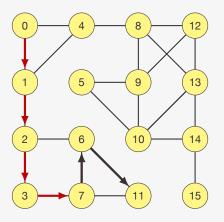


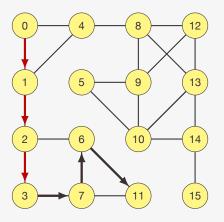


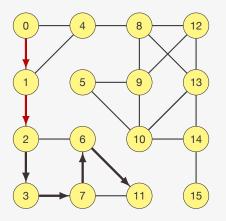


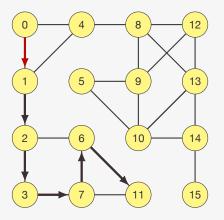


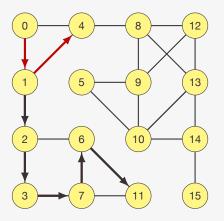


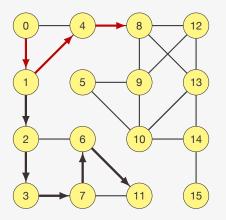


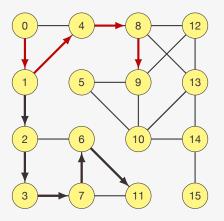


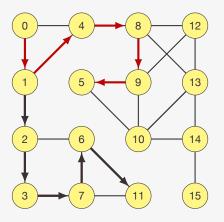


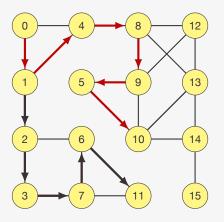


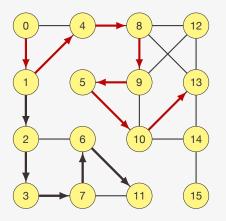


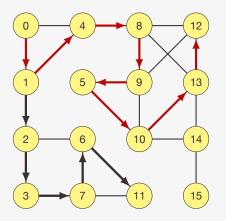


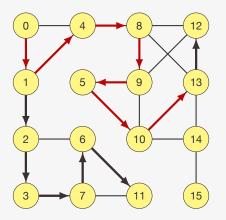


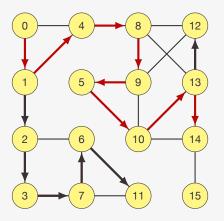


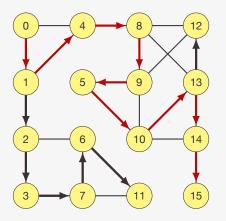


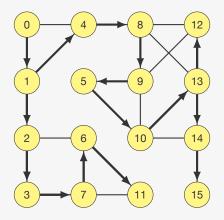


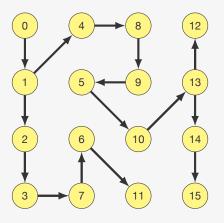




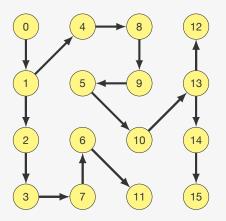






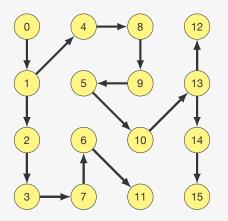


As arestas usadas formam uma árvore!



As arestas usadas formam uma árvore!

• Essa árvore dá um caminho de qualquer vértice até a raiz

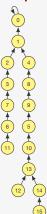


As arestas usadas formam uma árvore!

- Essa árvore dá um caminho de qualquer vértice até a raiz
- Basta ir subindo na árvore

```
1 int * encontra_caminhos(p_grafo g, int s) {
2   int i, *pai = malloc(g->n * sizeof(int));
3   for (i = 0; i < g->n; i++)
4     pai[i] = -1;
5   busca_em_profundidade(g, pai, s, s);
6   return pai;
7 }
```

```
1 int * encontra_caminhos(p_grafo g, int s) {
2   int i, *pai = malloc(g->n * sizeof(int));
3   for (i = 0; i < g->n; i++)
4    pai[i] = -1;
5   busca_em_profundidade(g, pai, s, s);
6   return pai;
7 }
```



```
int * encontra_caminhos(p_grafo g, int s) {
    int i, *pai = malloc(g->n * sizeof(int));
    for (i = 0; i < g->n; i++)
      pai[i] = -1;
4
    busca_em_profundidade(g, pai, s, s);
5
   return pai;
6
7 }
1 void busca_em_profundidade(p_grafo g, int *pai, int p, int v) {
   p_no t;
   pai[v] = p;
   for(t = g->adj[v]; t != NULL; t = t->prox)
4
      if (pai[t->v] == -1)
5
        busca_em_profundidade(g, pai, v, t->v);
6
7 }
```

Imprimindo o caminho

```
1 void imprimi_caminho_reverso(int v, int *pai) {
2    printf("%d", v);
3    if(pai[v] != v)
4    imprimi_caminho_reverso(pai[v], pai);
5 }
```



Imprimindo o caminho

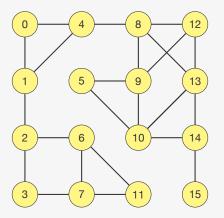
```
void imprimi_caminho_reverso(int v, int *pai) {
   printf("%d", v);
   if(pai[v] != v)
   imprimi_caminho_reverso(pai[v], pai);
}

void imprimi_caminho(int v, int *pai) {
   if(pai[v] != v)
   imprimi_caminho(pai[v], pai);
   printf("%d", v);
}
```



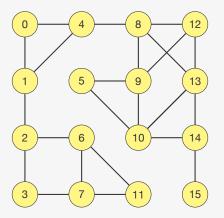
Podemos fazer uma busca em profundidade usando pilha:

- A cada passo, desempilhamos um vértice não visitado
- E inserimos os seus vizinhos não visitados na pilha



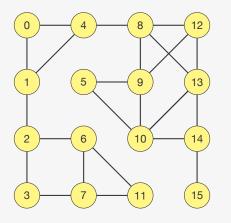
Podemos fazer uma busca em profundidade usando pilha:

- A cada passo, desempilhamos um vértice não visitado
- E inserimos os seus vizinhos não visitados na pilha



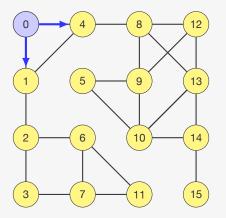
Podemos fazer uma busca em profundidade usando pilha:

- A cada passo, desempilhamos um vértice não visitado
- E inserimos os seus vizinhos não visitados na pilha

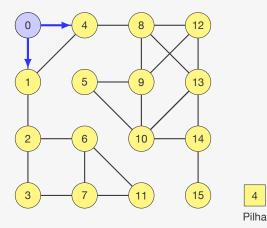


Podemos fazer uma busca em profundidade usando pilha:

- A cada passo, desempilhamos um vértice não visitado
- E inserimos os seus vizinhos não visitados na pilha

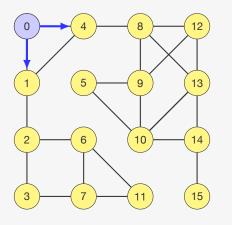


- A cada passo, desempilhamos um vértice não visitado
- E inserimos os seus vizinhos não visitados na pilha



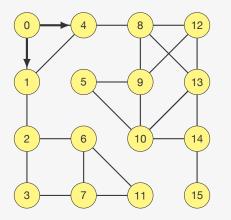
Podemos fazer uma busca em profundidade usando pilha:

- A cada passo, desempilhamos um vértice não visitado
- E inserimos os seus vizinhos não visitados na pilha



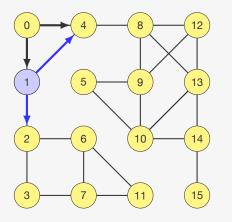
Podemos fazer uma busca em profundidade usando pilha:

- A cada passo, desempilhamos um vértice não visitado
- E inserimos os seus vizinhos não visitados na pilha



Podemos fazer uma busca em profundidade usando pilha:

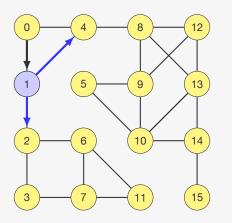
- A cada passo, desempilhamos um vértice não visitado
- E inserimos os seus vizinhos não visitados na pilha



1 4

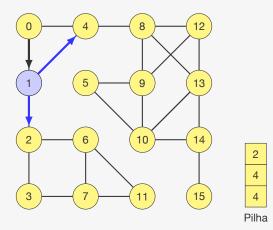
Podemos fazer uma busca em profundidade usando pilha:

- A cada passo, desempilhamos um vértice não visitado
- E inserimos os seus vizinhos não visitados na pilha



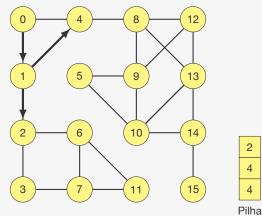
4

- A cada passo, desempilhamos um vértice não visitado
- E inserimos os seus vizinhos não visitados na pilha



Podemos fazer uma busca em profundidade usando pilha:

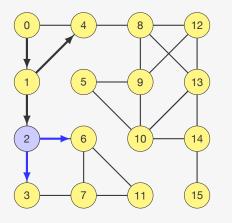
- A cada passo, desempilhamos um vértice não visitado
- E inserimos os seus vizinhos não visitados na pilha



2

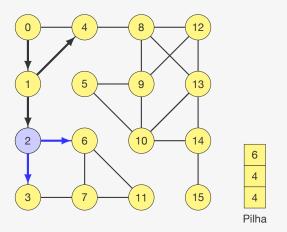
Podemos fazer uma busca em profundidade usando pilha:

- A cada passo, desempilhamos um vértice não visitado
- E inserimos os seus vizinhos não visitados na pilha

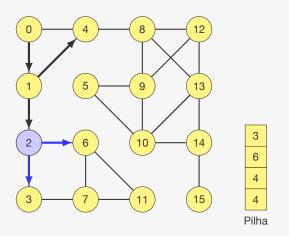


4

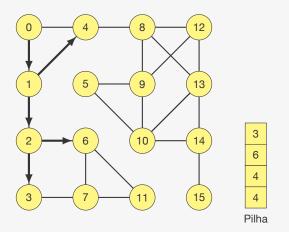
- A cada passo, desempilhamos um vértice não visitado
- E inserimos os seus vizinhos não visitados na pilha



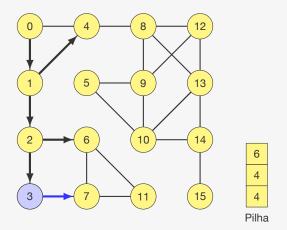
- A cada passo, desempilhamos um vértice não visitado
- E inserimos os seus vizinhos não visitados na pilha



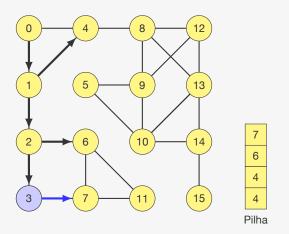
- A cada passo, desempilhamos um vértice não visitado
- E inserimos os seus vizinhos não visitados na pilha



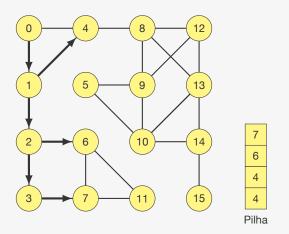
- A cada passo, desempilhamos um vértice não visitado
- E inserimos os seus vizinhos não visitados na pilha



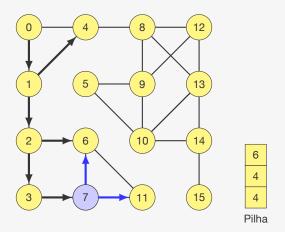
- A cada passo, desempilhamos um vértice não visitado
- E inserimos os seus vizinhos não visitados na pilha



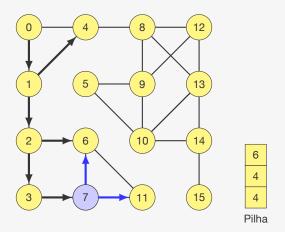
- A cada passo, desempilhamos um vértice não visitado
- E inserimos os seus vizinhos não visitados na pilha



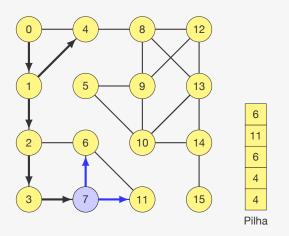
- A cada passo, desempilhamos um vértice não visitado
- E inserimos os seus vizinhos não visitados na pilha



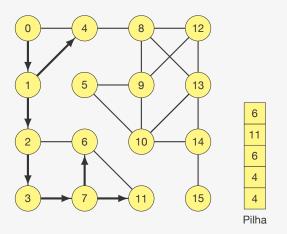
- A cada passo, desempilhamos um vértice não visitado
- E inserimos os seus vizinhos não visitados na pilha



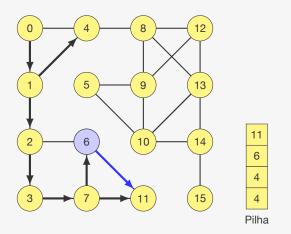
- A cada passo, desempilhamos um vértice não visitado
- E inserimos os seus vizinhos não visitados na pilha



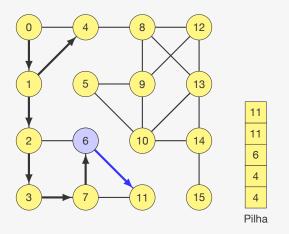
- A cada passo, desempilhamos um vértice não visitado
- E inserimos os seus vizinhos não visitados na pilha



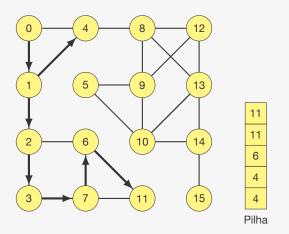
- A cada passo, desempilhamos um vértice não visitado
- E inserimos os seus vizinhos não visitados na pilha



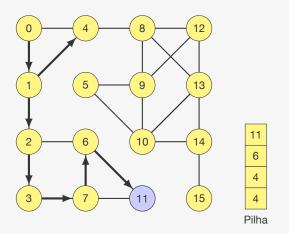
- A cada passo, desempilhamos um vértice não visitado
- E inserimos os seus vizinhos não visitados na pilha



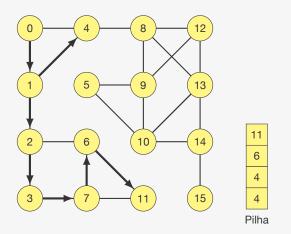
- A cada passo, desempilhamos um vértice não visitado
- E inserimos os seus vizinhos não visitados na pilha



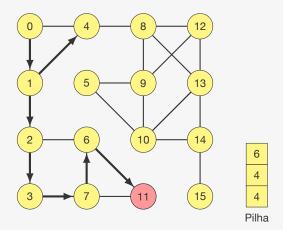
- A cada passo, desempilhamos um vértice não visitado
- E inserimos os seus vizinhos não visitados na pilha



- A cada passo, desempilhamos um vértice não visitado
- E inserimos os seus vizinhos não visitados na pilha

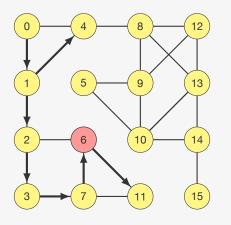


- A cada passo, desempilhamos um vértice não visitado
- E inserimos os seus vizinhos não visitados na pilha



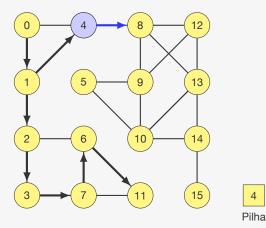
Podemos fazer uma busca em profundidade usando pilha:

- A cada passo, desempilhamos um vértice não visitado
- E inserimos os seus vizinhos não visitados na pilha

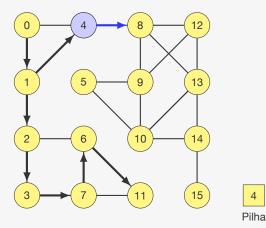


4

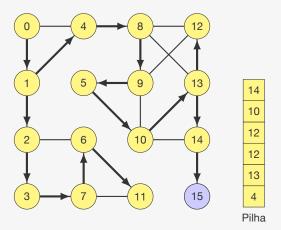
- A cada passo, desempilhamos um vértice não visitado
- E inserimos os seus vizinhos não visitados na pilha



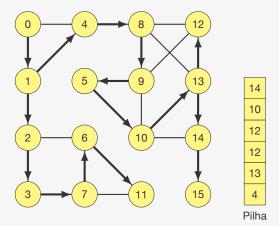
- A cada passo, desempilhamos um vértice não visitado
- E inserimos os seus vizinhos não visitados na pilha



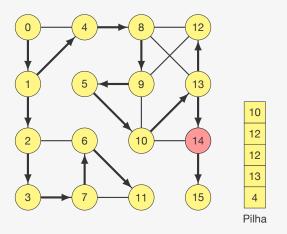
- A cada passo, desempilhamos um vértice não visitado
- E inserimos os seus vizinhos não visitados na pilha



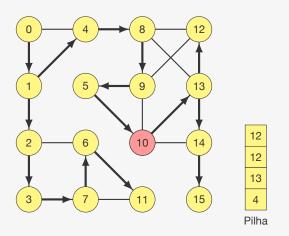
- A cada passo, desempilhamos um vértice não visitado
- E inserimos os seus vizinhos não visitados na pilha



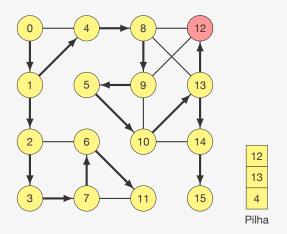
- A cada passo, desempilhamos um vértice não visitado
- E inserimos os seus vizinhos não visitados na pilha



- A cada passo, desempilhamos um vértice não visitado
- E inserimos os seus vizinhos não visitados na pilha

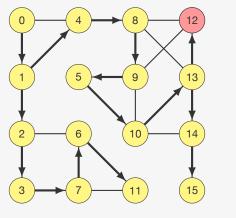


- A cada passo, desempilhamos um vértice não visitado
- E inserimos os seus vizinhos não visitados na pilha



Podemos fazer uma busca em profundidade usando pilha:

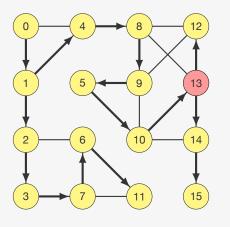
- A cada passo, desempilhamos um vértice não visitado
- E inserimos os seus vizinhos não visitados na pilha



13

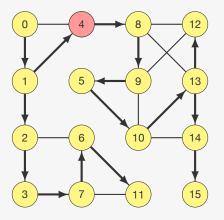
Podemos fazer uma busca em profundidade usando pilha:

- A cada passo, desempilhamos um vértice não visitado
- E inserimos os seus vizinhos não visitados na pilha



Podemos fazer uma busca em profundidade usando pilha:

- A cada passo, desempilhamos um vértice não visitado
- E inserimos os seus vizinhos não visitados na pilha



```
1 int * busca_em_profundidade(p_grafo g, int s) {
```

```
1 int * busca_em_profundidade(p_grafo g, int s) {
2   int w, v;
3   int *pai = malloc(g->n * sizeof(int));
4   int *visitado = malloc(g->n * sizeof(int));
```

```
1 int * busca_em_profundidade(p_grafo g, int s) {
2    int w, v;
3    int *pai = malloc(g->n * sizeof(int));
4    int *visitado = malloc(g->n * sizeof(int));
5    p_pilha p = criar_pilha();
```

```
1 int * busca_em_profundidade(p_grafo g, int s) {
2    int w, v;
3    int *pai = malloc(g->n * sizeof(int));
4    int *visitado = malloc(g->n * sizeof(int));
5    p_pilha p = criar_pilha();
6    for (v = 0; v < g->n; v++) {
7        pai[v] = -1;
8        visitado[v] = 0;
9    }
```

```
1 int * busca_em_profundidade(p_grafo g, int s) {
    int w, v;
2
    int *pai = malloc(g->n * sizeof(int));
3
    int *visitado = malloc(g->n * sizeof(int));
4
5
   p_pilha p = criar_pilha();
   for (v = 0; v < g > n; v + +) {
6
    pai[v] = -1;
7
    visitado[v] = 0;
8
9
10
   empilhar(p,s);
```

```
1 int * busca_em_profundidade(p_grafo g, int s) {
    int w, v;
2
    int *pai = malloc(g->n * sizeof(int));
3
    int *visitado = malloc(g->n * sizeof(int));
4
5
   p_pilha p = criar_pilha();
   for (v = 0; v < g->n; v++) {
6
      pai[v] = -1;
7
    visitado[v] = 0;
8
9
10
   empilhar(p,s);
   pai[s] = s;
11
```

```
1 int * busca_em_profundidade(p_grafo g, int s) {
    int w, v;
2
    int *pai = malloc(g->n * sizeof(int));
3
    int *visitado = malloc(g->n * sizeof(int));
4
5
   p_pilha p = criar_pilha();
   for (v = 0; v < g->n; v++) {
6
      pai[v] = -1;
7
    visitado[v] = 0;
8
9
10
   empilhar(p,s);
11 pai[s] = s;
    while(!pilha_vazia(p)) {
12
```

```
1 int * busca_em_profundidade(p_grafo g, int s) {
    int w, v;
2
    int *pai = malloc(g->n * sizeof(int));
3
    int *visitado = malloc(g->n * sizeof(int));
4
5
   p_pilha p = criar_pilha();
   for (v = 0; v < g->n; v++) {
6
      pai[v] = -1;
7
      visitado[v] = 0;
8
9
10
   empilhar(p,s);
11 pai[s] = s;
12 while(!pilha_vazia(p)) {
      v = desempilhar(p);
13
```

```
1 int * busca_em_profundidade(p_grafo g, int s) {
    int w, v;
2
    int *pai = malloc(g->n * sizeof(int));
3
    int *visitado = malloc(g->n * sizeof(int));
4
5
    p_pilha p = criar_pilha();
   for (v = 0; v < g->n; v++) {
6
      pai[v] = -1;
7
      visitado[v] = 0;
8
9
10
    empilhar(p,s);
   pai[s] = s;
11
12
   while(!pilha_vazia(p)) {
      v = desempilhar(p);
13
14
    visitado[v] = 1;
```

```
1 int * busca_em_profundidade(p_grafo g, int s) {
    int w, v;
2
    int *pai = malloc(g->n * sizeof(int));
3
    int *visitado = malloc(g->n * sizeof(int));
4
5
   p_pilha p = criar_pilha();
    for (v = 0; v < g->n; v++) {
6
      pai[v] = -1;
7
      visitado[v] = 0;
8
9
10
    empilhar(p,s);
   pai[s] = s;
11
12
   while(!pilha_vazia(p)) {
      v = desempilhar(p);
13
14
    visitado[v] = 1;
      for (w = 0; w < g->n; w++)
15
```

```
1 int * busca_em_profundidade(p_grafo g, int s) {
    int w, v;
2
    int *pai = malloc(g->n * sizeof(int));
3
    int *visitado = malloc(g->n * sizeof(int));
4
5
   p_pilha p = criar_pilha();
   for (v = 0; v < g->n; v++) {
6
      pai[v] = -1;
7
      visitado[v] = 0;
8
9
10
   empilhar(p,s);
   pai[s] = s;
11
12
    while(!pilha_vazia(p)) {
      v = desempilhar(p);
13
14
    visitado[v] = 1;
      for (w = 0; w < g->n; w++)
15
16
        if (g->adj[v][w] && !visitado[w]) {
```

```
1 int * busca_em_profundidade(p_grafo g, int s) {
    int w, v;
2
    int *pai = malloc(g->n * sizeof(int));
3
    int *visitado = malloc(g->n * sizeof(int));
4
5
    p pilha p = criar pilha();
    for (v = 0; v < g->n; v++) {
6
      pai[v] = -1;
7
      visitado[v] = 0;
8
9
10
    empilhar(p,s);
   pai[s] = s;
11
12
    while(!pilha_vazia(p)) {
      v = desempilhar(p);
13
14
     visitado[v] = 1;
      for (w = 0; w < g->n; w++)
15
16
         if (g->adj[v][w] && !visitado[w]) {
          pai[w] = v;
17
```

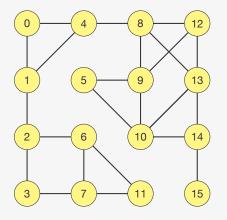
```
1 int * busca_em_profundidade(p_grafo g, int s) {
    int w, v;
2
    int *pai = malloc(g->n * sizeof(int));
3
    int *visitado = malloc(g->n * sizeof(int));
4
5
    p pilha p = criar pilha();
    for (v = 0; v < g->n; v++) {
6
      pai[v] = -1;
7
      visitado[v] = 0;
8
9
10
    empilhar(p,s);
   pai[s] = s;
11
12
    while(!pilha_vazia(p)) {
      v = desempilhar(p);
13
14
     visitado[v] = 1;
      for (w = 0; w < g->n; w++)
15
        if (g->adj[v][w] && !visitado[w]) {
16
           pai[w] = v;
17
           empilhar(p, w);
18
```

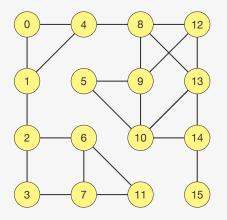
```
1 int * busca_em_profundidade(p_grafo g, int s) {
    int w, v;
2
    int *pai = malloc(g->n * sizeof(int));
3
    int *visitado = malloc(g->n * sizeof(int));
4
5
    p pilha p = criar pilha();
    for (v = 0; v < g->n; v++) {
6
      pai[v] = -1;
7
      visitado[v] = 0;
8
9
10
    empilhar(p,s);
    pai[s] = s;
11
12
    while(!pilha_vazia(p)) {
      v = desempilhar(p);
13
14
     visitado[v] = 1;
      for (w = 0; w < g->n; w++)
15
16
         if (g->adj[v][w] && !visitado[w]) {
           pai[w] = v;
17
           empilhar(p, w);
18
19
    }
20
```

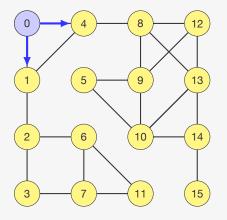
```
1 int * busca_em_profundidade(p_grafo g, int s) {
2
    int w, v;
    int *pai = malloc(g->n * sizeof(int));
3
    int *visitado = malloc(g->n * sizeof(int));
4
    p pilha p = criar pilha();
5
    for (v = 0; v < g -> n; v++) {
6
      pai[v] = -1;
7
      visitado[v] = 0;
8
9
10
    empilhar(p,s);
   pai[s] = s;
11
12
    while(!pilha_vazia(p)) {
      v = desempilhar(p);
13
14
     visitado[v] = 1;
      for (w = 0; w < g->n; w++)
15
16
         if (g->adj[v][w] && !visitado[w]) {
           pai[w] = v;
17
           empilhar(p, w);
18
19
20
    destroi_pilha(p);
21
```

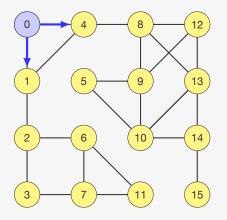
```
1 int * busca_em_profundidade(p_grafo g, int s) {
    int w, v;
2
    int *pai = malloc(g->n * sizeof(int));
3
    int *visitado = malloc(g->n * sizeof(int));
4
5
    p pilha p = criar pilha();
    for (v = 0; v < g -> n; v++) {
6
      pai[v] = -1;
7
      visitado[v] = 0;
8
9
10
    empilhar(p,s);
   pai[s] = s;
11
12
    while(!pilha_vazia(p)) {
      v = desempilhar(p);
13
14
     visitado[v] = 1;
      for (w = 0; w < g->n; w++)
15
16
         if (g->adj[v][w] && !visitado[w]) {
           pai[w] = v;
17
           empilhar(p, w);
18
19
    }
20
    destroi pilha(p);
21
    free(visitado);
22
```

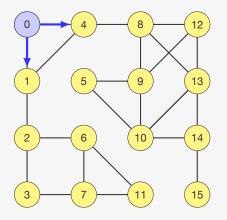
```
1 int * busca_em_profundidade(p_grafo g, int s) {
2
    int w, v;
    int *pai = malloc(g->n * sizeof(int));
3
    int *visitado = malloc(g->n * sizeof(int));
4
    p pilha p = criar pilha();
5
    for (v = 0; v < g -> n; v++) {
6
      pai[v] = -1;
7
      visitado[v] = 0;
8
9
10
    empilhar(p,s);
    pai[s] = s;
11
12
    while(!pilha_vazia(p)) {
      v = desempilhar(p);
13
14
     visitado[v] = 1;
      for (w = 0; w < g->n; w++)
15
16
         if (g->adj[v][w] && !visitado[w]) {
           pai[w] = v;
17
           empilhar(p, w);
18
19
    }
20
   destroi pilha(p);
21
   free(visitado);
22
    return pai;
23
24 }
```



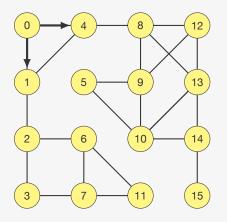




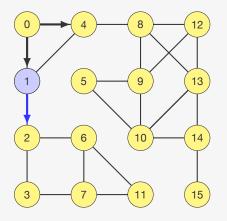


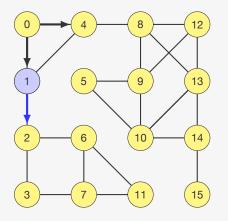


Fila 1 4

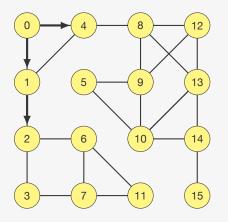


Fila 1 4

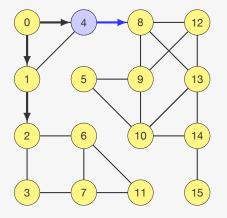


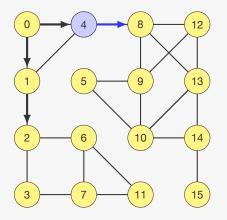


Fila 4 2

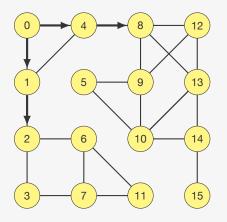


Fila 4 2

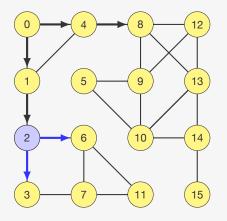


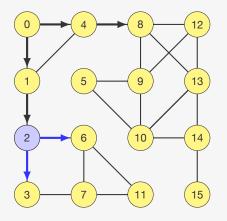


Fila 2 8

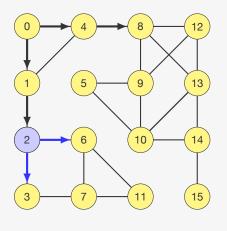


Fila 2 8

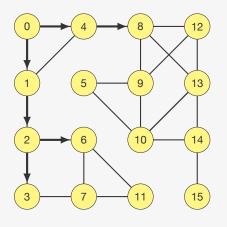




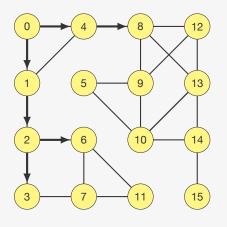
Fila 8 3



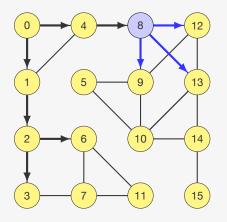
Fila 8 3 6



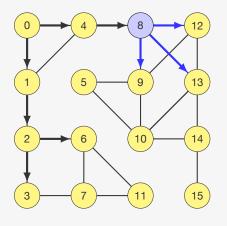
Fila 8 3 6



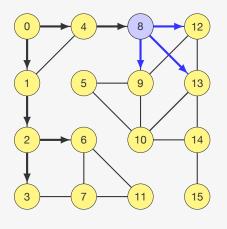
Fila 8 3 6



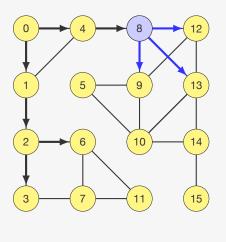
Fila 3 6



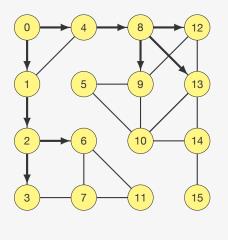
Fila 3 6 9



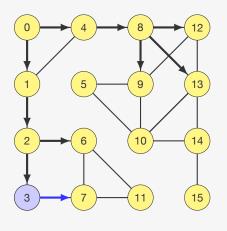
Fila 3 6 9 12



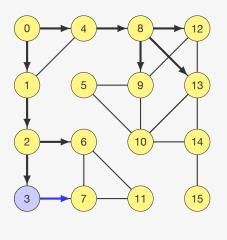
Fila 3 6 9 12 13



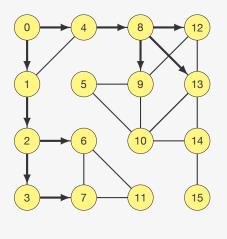
Fila 3 6 9 12 13



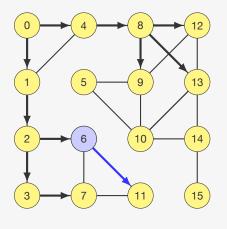
Fila 6 9 12 13



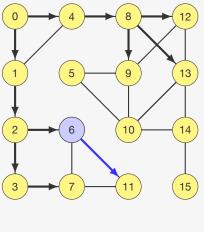
Fila 6 9 12 13 7



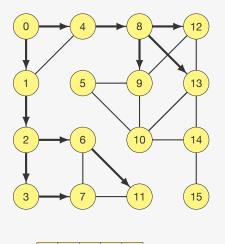
Fila 6 9 12 13 7



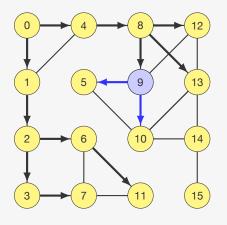
Fila 9 12 13 7

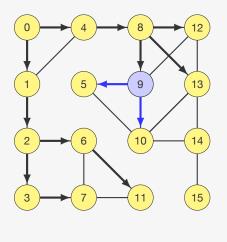


Fila 9 12 13 7 11

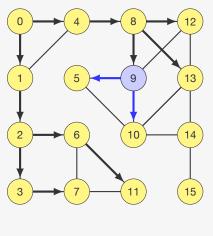


Fila 9 12 13 7 11

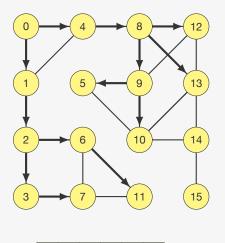




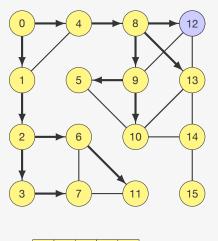
Fila 12 13 7 11 5



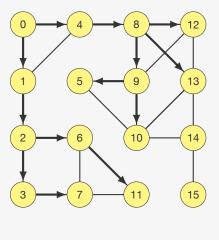
Fila 12 13 7 11 5 10



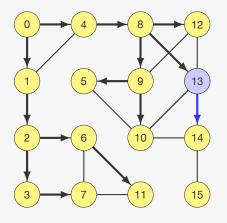
Fila 12 13 7 11 5 10

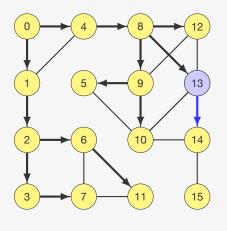


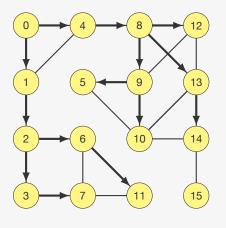
Fila 13 7 11 5 10

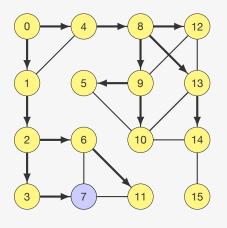


Fila 13 7 11 5 10

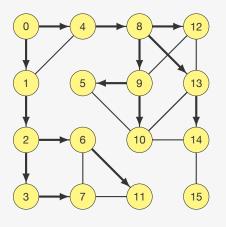


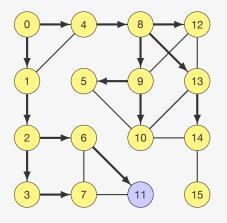


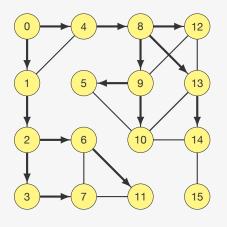


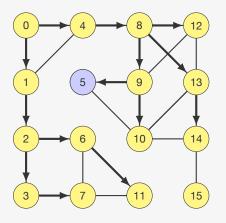


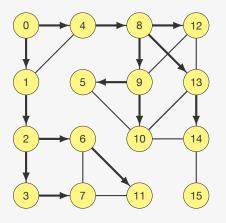
Fila 11 5 10 14

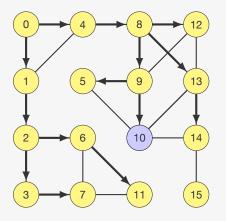


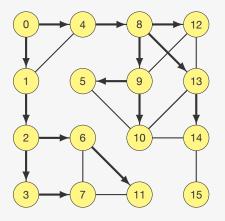


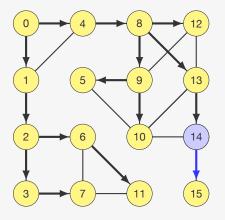


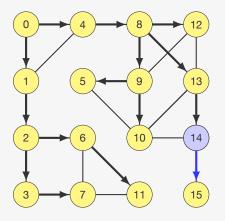


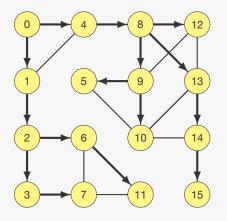


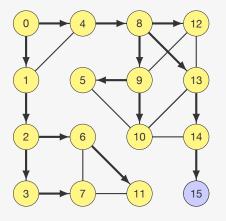


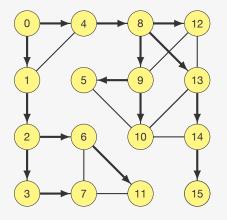


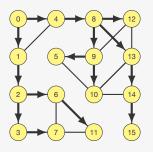


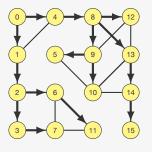


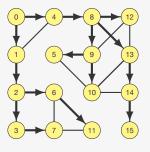






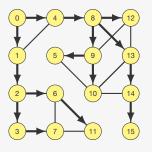




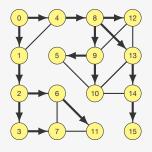


Usando uma fila, visitamos primeiro os vértices mais próximos

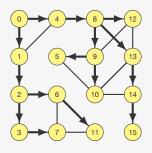
• Enfileiramos os vizinhos de 0 (que estão a distância 1)



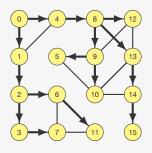
- Enfileiramos os vizinhos de 0 (que estão a distância 1)
- Desenfileiramos um de seus vizinho



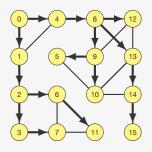
- Enfileiramos os vizinhos de 0 (que estão a distância 1)
- Desenfileiramos um de seus vizinho
- E enfileiramos os vizinhos deste vértice



- Enfileiramos os vizinhos de 0 (que estão a distância 1)
- Desenfileiramos um de seus vizinho
- E enfileiramos os vizinhos deste vértice
 - que estão a distância 2 de 0



- Enfileiramos os vizinhos de 0 (que estão a distância 1)
- Desenfileiramos um de seus vizinho
- E enfileiramos os vizinhos deste vértice
 - que estão a distância 2 de 0
- Assim por diante...



Usando uma fila, visitamos primeiro os vértices mais próximos

- Enfileiramos os vizinhos de 0 (que estão a distância 1)
- Desenfileiramos um de seus vizinho
- E enfileiramos os vizinhos deste vértice
 - que estão a distância 2 de 0
- Assim por diante...

A árvore nos dá um caminho mínimo entre raiz e vértice

1

```
1 int * busca_em_largura(p_grafo g, int s) {
```

```
1 int * busca_em_largura(p_grafo g, int s) {
2   int w, v;
3   int *pai = malloc(g->n * sizeof(int));
4   int *visitado = malloc(g->n * sizeof(int));
```

```
1 int * busca_em_largura(p_grafo g, int s) {
2   int w, v;
3   int *pai = malloc(g->n * sizeof(int));
4   int *visitado = malloc(g->n * sizeof(int));
5   p_fila f = criar_fila();
```

```
1 int * busca_em_largura(p_grafo g, int s) {
2   int w, v;
3   int *pai = malloc(g->n * sizeof(int));
4   int *visitado = malloc(g->n * sizeof(int));
5   p_fila f = criar_fila();
6   for (v = 0; v < g->n; v++) {
7     pai[v] = -1;
8     visitado[v] = 0;
9 }
```

```
1 int * busca_em_largura(p_grafo g, int s) {
    int w, v;
2
    int *pai = malloc(g->n * sizeof(int));
    int *visitado = malloc(g->n * sizeof(int));
4
5
    p_fila f = criar_fila();
   for (v = 0; v < g->n; v++) {
6
7
      pai[v] = -1;
     visitado[v] = 0;
8
9
    enfileira(f,s);
10
```

```
1 int * busca_em_largura(p_grafo g, int s) {
    int w, v;
2
    int *pai = malloc(g->n * sizeof(int));
    int *visitado = malloc(g->n * sizeof(int));
4
5
    p_fila f = criar_fila();
   for (v = 0; v < g->n; v++) {
6
7
      pai[v] = -1;
     visitado[v] = 0;
8
9
  enfileira(f,s);
10
   pai[s] = s;
11
```

```
1 int * busca_em_largura(p_grafo g, int s) {
    int w, v;
2
    int *pai = malloc(g->n * sizeof(int));
    int *visitado = malloc(g->n * sizeof(int));
4
5
    p_fila f = criar_fila();
   for (v = 0; v < g->n; v++) {
6
7
      pai[v] = -1;
     visitado[v] = 0;
8
9
  enfileira(f,s);
10
11 pai[s] = s;
12  visitado[s] = 1;
```

```
1 int * busca_em_largura(p_grafo g, int s) {
    int w, v;
2
    int *pai = malloc(g->n * sizeof(int));
    int *visitado = malloc(g->n * sizeof(int));
4
5
    p_fila f = criar_fila();
   for (v = 0; v < g->n; v++) {
6
7
      pai[v] = -1;
     visitado[v] = 0;
8
9
   enfileira(f,s);
10
   pai[s] = s;
11
12  visitado[s] = 1;
    while(!fila_vazia(f)) {
13
```

```
1 int * busca_em_largura(p_grafo g, int s) {
    int w, v;
2
    int *pai = malloc(g->n * sizeof(int));
    int *visitado = malloc(g->n * sizeof(int));
4
5
    p_fila f = criar_fila();
   for (v = 0; v < g->n; v++) {
6
7
      pai[v] = -1;
     visitado[v] = 0;
8
9
10
    enfileira(f,s);
   pai[s] = s;
11
12  visitado[s] = 1;
vhile(!fila_vazia(f)) {
      v = desenfileira(f);
14
```

```
1 int * busca em largura(p grafo g, int s) {
    int w. v:
2
    int *pai = malloc(g->n * sizeof(int));
    int *visitado = malloc(g->n * sizeof(int));
4
5
    p_fila f = criar_fila();
   for (v = 0; v < g > n; v + +) {
6
7
      pai[v] = -1;
     visitado[v] = 0;
8
9
10
   enfileira(f,s);
   pai[s] = s;
11
   visitado[s] = 1;
12
   while(!fila_vazia(f)) {
13
    v = desenfileira(f);
14
      for (w = 0; w < g->n; w++)
15
```

```
1 int * busca em largura(p grafo g, int s) {
    int w. v:
    int *pai = malloc(g->n * sizeof(int));
    int *visitado = malloc(g->n * sizeof(int));
4
5
    p_fila f = criar_fila();
   for (v = 0; v < g > n; v + +) {
6
7
      pai[v] = -1;
     visitado[v] = 0;
8
9
10
   enfileira(f,s);
   pai[s] = s;
11
   visitado[s] = 1;
12
   while(!fila_vazia(f)) {
13
    v = desenfileira(f);
14
      for (w = 0; w < g->n; w++)
15
        if (g->adj[v][w] && !visitado[w]) {
16
```

```
1 int * busca em largura(p grafo g, int s) {
    int w. v:
    int *pai = malloc(g->n * sizeof(int));
    int *visitado = malloc(g->n * sizeof(int));
4
5
    p_fila f = criar_fila();
    for (v = 0; v < g > n; v + +) {
6
7
      pai[v] = -1;
     visitado[v] = 0:
8
9
10
   enfileira(f,s);
   pai[s] = s;
11
   visitado[s] = 1;
12
    while(!fila_vazia(f)) {
13
      v = desenfileira(f);
14
      for (w = 0; w < g->n; w++)
15
         if (g->adj[v][w] && !visitado[w]) {
16
          visitado[w] = 1;/*evita repetição na fila*/
17
```

```
1 int * busca em largura(p grafo g, int s) {
    int w. v:
2
    int *pai = malloc(g->n * sizeof(int));
    int *visitado = malloc(g->n * sizeof(int));
4
5
    p_fila f = criar_fila();
    for (v = 0; v < g > n; v + +) {
6
7
      pai[v] = -1;
      visitado[v] = 0:
8
9
10
    enfileira(f,s);
   pai[s] = s;
11
   visitado[s] = 1;
12
    while(!fila_vazia(f)) {
13
      v = desenfileira(f);
14
      for (w = 0; w < g->n; w++)
15
         if (g->adj[v][w] && !visitado[w]) {
16
           visitado[w] = 1;/*evita repetição na fila*/
17
           pai[w] = v;
18
```

```
1 int * busca em largura(p grafo g, int s) {
    int w. v:
2
    int *pai = malloc(g->n * sizeof(int));
    int *visitado = malloc(g->n * sizeof(int));
4
5
    p_fila f = criar_fila();
   for (v = 0; v < g > n; v + +) {
6
7
      pai[v] = -1;
      visitado[v] = 0:
8
9
10
   enfileira(f,s);
   pai[s] = s;
11
   visitado[s] = 1;
12
    while(!fila_vazia(f)) {
13
      v = desenfileira(f);
14
      for (w = 0; w < g->n; w++)
15
         if (g->adj[v][w] && !visitado[w]) {
16
           visitado[w] = 1;/*evita repetição na fila*/
17
           pai[w] = v;
18
           enfileira(f, w):
19
```

```
1 int * busca em largura(p grafo g, int s) {
    int w. v:
2
    int *pai = malloc(g->n * sizeof(int));
    int *visitado = malloc(g->n * sizeof(int));
4
5
    p_fila f = criar_fila();
    for (v = 0; v < g -> n; v++) {
6
7
      pai[v] = -1;
      visitado[v] = 0;
8
9
10
    enfileira(f,s);
   pai[s] = s;
11
   visitado[s] = 1;
12
    while(!fila_vazia(f)) {
13
      v = desenfileira(f);
14
      for (w = 0; w < g->n; w++)
15
         if (g->adj[v][w] && !visitado[w]) {
16
           visitado[w] = 1;/*evita repetição na fila*/
17
           pai[w] = v;
18
           enfileira(f, w);
19
20
    }
21
```

```
1 int * busca em largura(p grafo g, int s) {
    int w. v:
    int *pai = malloc(g->n * sizeof(int));
    int *visitado = malloc(g->n * sizeof(int));
4
5
    p_fila f = criar_fila();
    for (v = 0; v < g -> n; v++) {
6
7
      pai[v] = -1;
      visitado[v] = 0;
8
9
10
    enfileira(f,s);
   pai[s] = s;
11
   visitado[s] = 1;
12
    while(!fila_vazia(f)) {
13
      v = desenfileira(f);
14
      for (w = 0; w < g->n; w++)
15
         if (g->adj[v][w] && !visitado[w]) {
16
           visitado[w] = 1;/*evita repetição na fila*/
17
           pai[w] = v;
18
           enfileira(f, w);
19
20
21
22
    destroi fila(f);
```

```
1 int * busca em largura(p grafo g, int s) {
    int w. v:
2
    int *pai = malloc(g->n * sizeof(int));
    int *visitado = malloc(g->n * sizeof(int));
4
5
    p_fila f = criar_fila();
    for (v = 0; v < g -> n; v++) {
6
7
      pai[v] = -1;
      visitado[v] = 0;
8
9
10
    enfileira(f,s);
   pai[s] = s;
11
   visitado[s] = 1;
12
    while(!fila_vazia(f)) {
13
      v = desenfileira(f);
14
      for (w = 0; w < g->n; w++)
15
         if (g->adj[v][w] && !visitado[w]) {
16
           visitado[w] = 1;/*evita repetição na fila*/
17
           pai[w] = v;
18
           enfileira(f, w);
19
20
21
22
   destroi fila(f);
    free(visitado);
23
```

```
1 int * busca em largura(p grafo g, int s) {
    int w. v:
2
    int *pai = malloc(g->n * sizeof(int));
    int *visitado = malloc(g->n * sizeof(int));
4
5
    p_fila f = criar_fila();
    for (v = 0; v < g -> n; v++) {
6
7
      pai[v] = -1;
      visitado[v] = 0;
8
9
10
    enfileira(f,s);
   pai[s] = s;
11
   visitado[s] = 1;
12
    while(!fila_vazia(f)) {
13
      v = desenfileira(f);
14
      for (w = 0; w < g->n; w++)
15
         if (g->adj[v][w] && !visitado[w]) {
16
           visitado[w] = 1;/*evita repetição na fila*/
17
           pai[w] = v;
18
           enfileira(f, w);
19
20
21
22
   destroi fila(f);
23 free(visitado);
24
   return pai;
25 }
```

Quanto tempo demora para fazer uma busca?

Quanto tempo demora para fazer uma busca?

• em profundidade ou em largura

Quanto tempo demora para fazer uma busca?

- em profundidade ou em largura
- em um grafo com n vértices e m arestas

Quanto tempo demora para fazer uma busca?

- em profundidade ou em largura
- em um grafo com n vértices e m arestas

Suponha que inserir e remover de pilha/fila leva O(1)

Quanto tempo demora para fazer uma busca?

- em profundidade ou em largura
- em um grafo com *n* vértices e *m* arestas

Suponha que inserir e remover de pilha/fila leva O(1)

Podemos usar vetores ou listas ligadas

Quanto tempo demora para fazer uma busca?

- em profundidade ou em largura
- em um grafo com n vértices e m arestas

Suponha que inserir e remover de pilha/fila leva O(1)

Podemos usar vetores ou listas ligadas

A busca percorre todos os vértices

Quanto tempo demora para fazer uma busca?

- em profundidade ou em largura
- em um grafo com *n* vértices e *m* arestas

Suponha que inserir e remover de pilha/fila leva O(1)

Podemos usar vetores ou listas ligadas

A busca percorre todos os vértices

E empilha/enfileira seus vizinhos não visitados

Quanto tempo demora para fazer uma busca?

- em profundidade ou em largura
- em um grafo com *n* vértices e *m* arestas

Suponha que inserir e remover de pilha/fila leva O(1)

Podemos usar vetores ou listas ligadas

A busca percorre todos os vértices

- E empilha/enfileira seus vizinhos não visitados
- Se usarmos uma Matriz de Adjacências, leva $O(n^2)$

Quanto tempo demora para fazer uma busca?

- em profundidade ou em largura
- em um grafo com n vértices e m arestas

Suponha que inserir e remover de pilha/fila leva O(1)

Podemos usar vetores ou listas ligadas

A busca percorre todos os vértices

- E empilha/enfileira seus vizinhos não visitados
- Se usarmos uma Matriz de Adjacências, leva $O(n^2)$

E se usarmos Listas de Adjacência?

Quanto tempo demora para fazer uma busca?

- em profundidade ou em largura
- em um grafo com n vértices e m arestas

Suponha que inserir e remover de pilha/fila leva O(1)

Podemos usar vetores ou listas ligadas

A busca percorre todos os vértices

- E empilha/enfileira seus vizinhos não visitados
- Se usarmos uma Matriz de Adjacências, leva $O(n^2)$

E se usarmos Listas de Adjacência?

Cada aresta é analisada apenas duas vezes

Quanto tempo demora para fazer uma busca?

- em profundidade ou em largura
- em um grafo com n vértices e m arestas

Suponha que inserir e remover de pilha/fila leva O(1)

Podemos usar vetores ou listas ligadas

A busca percorre todos os vértices

- E empilha/enfileira seus vizinhos não visitados
- Se usarmos uma Matriz de Adjacências, leva $O(n^2)$

E se usarmos Listas de Adjacência?

- Cada aresta é analisada apenas duas vezes
- Gastamos tempo $O(\max\{n, m\}) = O(n + m)$

Quanto tempo demora para fazer uma busca?

- em profundidade ou em largura
- em um grafo com n vértices e m arestas

Suponha que inserir e remover de pilha/fila leva O(1)

Podemos usar vetores ou listas ligadas

A busca percorre todos os vértices

- E empilha/enfileira seus vizinhos não visitados
- Se usarmos uma Matriz de Adjacências, leva $O(n^2)$

E se usarmos Listas de Adjacência?

- Cada aresta é analisada apenas duas vezes
- Gastamos tempo $O(\max\{n, m\}) = O(n + m)$
 - Linear no tamanho do grafo