UNIWERSYTET GDAŃSKI WYDZIAŁ MATEMATYKI, FIZYKI I INFORMATYKI

Krzysztof Wiśniewski numer albumu: 274276

Kierunek studiów: Bioinformatyka

Specjalność: Ogólna

Optymalizacja oprogramowania w języku Python do analizy stanów kwantowych.

Praca licencjacka wykonana pod kierunkiem dr hab. Marcin Wieśniak, prof. UG

Spis treści

1	Wst	ęp	2
	1.1	Dlaczego Python?	2
	1.2	Cel pracy	2
	1.3	Pochodzenie programu	3
2	Met	ody	4
	2.1	Środowisko testowe	4
	2.2	Wstępne profilowanie	4
	2.3	Wstępne pomiary wydajności	6
	2.4	Modularyzacja	7
	2.5	Dostępne narzędzia	7
		2.5.1 Kompilacja AOT	7
		2.5.2 Kompilacja JIT	8
	2.6	Re-implementacje	9
		2.6.1 Python i NumPy	9
			11
		v v	11
		2.6.4 Rust	11
	2.7		11
	2.8	· ·	12
	2.9	Ponowne profilowanie	12
	2.10		12
		J .	12
3	$\mathbf{W}\mathbf{y}$	iki	12
4	Dys	kusja	12
O	dwoł	nia	13

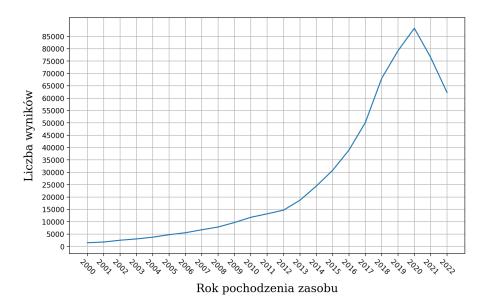
Streszczenie

W tej pracy przeprowadzam analizę efektywności metod optymalizacji czasu pracy programu CSSFinder służącego do detekcji splątania kwantowego. Podejmowane przeze mnie wysiłki skupiają się w głównej mierze na doborze lepszych narzędzi pozwalających na wydajniejsze prowadzenie dużych ilości obliczeń macierzowych. Rozważane będą skutki re-implementacji w języku Python z wykorzystaniem bibliotek NumPy[8][12], Numba[5][7], Cython[3][16] oraz re-implementacja w języku Rust[29] z wykorzystaniem skrzyni¹. Każda z implementacji została przetestowana na specjalnie dobranym zestawie danych, a wyniki są na bieżąco omawiane. Pod koniec podsumowuję wady i zalety poszczególnych rozwiązań i rozważam w jakich scenariuszach najlepiej się one sprawują.

1 Wstęp

1.1 Dlaczego Python?

Na przestrzeni ostatnich 20 lat język Python, stworzony przez Guido van Rossum, zanotował intensywny wzrost popularności. Pokazują to liczne zestawienia, w tym zestawienie najczęściej wykorzystywanych języków programowanie na GitHub'ie[13], w którym Python w roku 2022 zajął 2 miejsce, czy też zestawienie TIOBE Index[31], uznające ten język za obecnie najbardziej rozpowszechniony pośród doświadczonych programistów (Maj 2023).



Rysunek 1: Ilość wyników zwróconych przez wyszukiwarkę Google Scholar dla zapytania 'python language' z podziałem na rok opublikowania zasobu w przestrzeni publicznej.

Niestety, interpretowany kod, napisany w Pythonie, pomimo licznych zalet, posiada również dotkliwą wadę - pod względem wydajności znacząco odstaje od kompilowanych języków programowania (C[26], C++[27], Rust[28]). Jednak, podejmując odpowiednie wysiłki, możliwe jest aby programy, których kluczowa logika została napisana w języku Python, zbliżały się wydajnością do odpowiedników przetłumaczonych na kod maszynowy. Taki stan rzeczy czyni z języka Python bardzo wygodny język do prototypownia w procesie wytwarzania nowych rozwiązań programistycznych.

1.2 Cel pracy

Praca ta ma na celu eksplorację wybranych metod optymalizacji czasu wykonania oprogramowania CSS-Finder oraz weryfikację uzyskanych zmian wydajności programu. W dalszej jej części zaprezentuję wyniki testów wydajności i przeanalizuję specyfikę poszczególnych metod maksymalizacji wydajności. Podejście do redukcji czasu wykonywania programu zaprezentowane w tej pracy można zastosować dla większości oprogramowania, napisanego w języku Python, które koncentruje się na wykonywaniu dużych ilości obliczeń macierzowych.

 $^{^{1}}$ ang. crate, określenie na bibliotekę-pakiet w ekosystemie języka Rust.

Do przeprowadzenia takich analiz konieczne było wielokrotne re-implementowanie części obliczeniowej programu. Funkcjonalny kod opisywany w tej pracy dostępny jest w repozytoriach Gita[23] w serwisie GitHub [35][36][38]. W skutek prac projektowych utworzona została również grupa publicznych pakietów, które można pobrać z serwisu PyPI:

- cssfinder[34]
- cssfinder backend numpy[37]
- cssfinder backend rust[39]

Zainstalowanie ich jest możliwe przy pomocy menadżera pakietów języka Python, np. pip[19]. Pakiety są kompatybilne z implementacją CPython w wersjach 3.8 - 3.10 i były testowane na systemach Windows (10), Linux (Ubuntu 22.04) oraz macOS (12).

1.3 Pochodzenie programu

Program CSSFinder, którego autorem jest dr hab. Marcin Wieśniak, prof. UG, z wydziału Matematyki, Fizyki i Informatyki Uniwersytetu Gdańskiego. Kod implementuje wyspecjalizowany wariant algorytmu zaproponowanego przez E. Gilberta[2] który służy do znajdowania odległości pomiędzy punktem, a zbiorem wypukłym. Oprogramowanie jest przeznaczone do detekcji splątania kwantowego[9][11][10] poprzez analizę macierzy gęstości opisujących układy kubitów². Algorytm ten wielokrotnie, z sukcesem, był wykorzystany do analizy problemów z dziedziny fizyki kwantowej[9] przy okazji również pokonując rozwiązania bazujące na uczeniu maszynowym[14].

Oryginalna implementacja wykorzystuje język Python oraz bibliotekę NumPy. Posiada ona 4 różne tryby pracy, dedykowane do rozwiązywania różnych problemów, oznaczane kolejno cyframi:

- 1. pełna separowalność stanu n kuditów³,
- 2. separowalność stanu dwudzielnego⁴
- 3. rzeczywiste 3-częściowe uwikłanie stanu trzech kuditów 5
- 4. rzeczywiste 4-częściowe uwikłanie stanu trzech kuditów 6

Dodatkowo pozwala na podanie macierzy symetrii oraz macierzy projekcji układu.

²Potencjalnie również ku*d*itów, natomiast tego typu dane nie będą analizowane w tej pracy.

³ang. full separability of an n qudit state

⁴ang. separability of a bipartite state

⁵genuine 3-partite entablement of a 3-quDit state

 $^{^6{\}rm genuine}$ 4-partite entablement of a 3-quDit state

2 Metody

2.1 Środowisko testowe

Wszystkie wyniki wydajności uzyskane zostały przy użyciu następującego środowiska testowego:

OS	Ubuntu 22.04.2 LTS 64-bit			
Kernel	5.19.0-42-generic			
Python	3.10.6 64-bit			
NumPy	1.23.5			
Numba	0.56.4			
Cython	3.0.0 b1			
Rust	1.68.2 64-bit			
CPU	AMD Ryzen 9 7950X			
RAM	64GB DDR5 5600MHz CL40			
DRIVE	512GB SSD GOODRAM CX400 (SATA)			

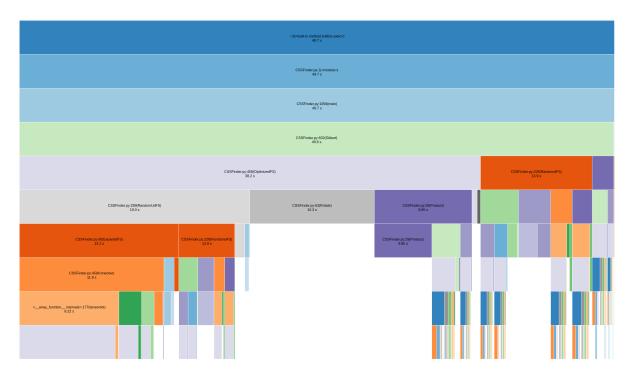
2.2 Wstępne profilowanie

Prace nad optymalizacją kodu rozpocząłem od wstępnego profilowania pracy programu w trybie 1 (full separability of an n-quDit state) przekazując układ 5 kubitów opisany macierzą ρ_0 (Macierz 32×32 podwójnej precyzji zmiennoprzecinkowych liczb zespolonych).

Rysunek 2: Macierz ρ_0 .

Program wykonywał proces analizy stanu aż do uzyskania 1000 korekcji. Do zbierania danych o pracy programy wykorzystałem moduł z biblioteki standardowej języka Python, cProfile. Przy analizie tak uzyskanych wyników posiłkowałem się wizualizacjami wykonanymi przy pomocy biblioteki snakeviz[17]. Podczas testów, program wykorzystywał domyślny globalny generator liczb losowych biblioteki NumPy (PCG64[18]) z ziarnem ustawionym na wartość 0.

Rysunek 3 przedstawia diagram udziału poszczególnych funkcji w całkowitym czasie pracy programu. Pierwszy blok od góry to pierwsze wywołanie pochodzące z interpretera. Następnie bloki, których opisy zaczynają się od CSSFinder.py to wywołania w kodzie programu. Najniższe bloki to wywołania do funkcji bibliotek, głównie NumPy. Snakeviz automatycznie podejmuje decyzję o nie adnotowaniu bloku gdy opis nie ma szansy zmieścić się w obrębie bloku. Aby usunąć z diagramu zbędny szum informacyjny, funkcje których wykonywanie zajęło mniej niż 1% czasu programu były pomijane.



Rysunek 3: Diagram podsumowujący pracę programu wygenerowany przez program snakeviz.

ncalls	tottime	percall	cumtime	percall	${\it filename:} line no (function)$
1	1.431e-05	1.431e-05	49.72	49.72	CSSFinder.py:1(<module>)</module>
1	7.526e-05	7.526e-05	49.68	49.68	CSSFinder.py:1059(main)
1	0.3098	0.3098	49.63	49.63	CSSFinder.py:632(Gilbert)
1028	0.5381	0.0005234	38.2	0.03716	CSSFinder.py:458(OptimizedFS)
411200	0.8332	2.026e-06	19.03	4.627e-05	CSSFinder.py:289(RandomUdFS)
595516	0.67	1.125e-06	13.88	2.331e-05	CSSFinder.py:228(RandomdFS)
411200	0.384	9.338e-07	13.17	3.203e-05	CSSFinder.py:60(ExpanddFS)
822400	0.7256	8.823e-07	11.94	1.452e-05	CSSFinder.py:45(Kronecker)
849257	10.3	1.213e-05	10.3	1.213e-05	CSSFinder.py:63(Rotate)
1068026	6.535	6.118e-06	9.85	9.223e-06	CSSFinder.py:29(Product)
1332780	2.17	1.628e-06	4.502	3.378e-06	CSSFinder.py:21(Normalize)
1332780	2.247	1.686e-06	3.802	2.853e-06	CSSFinder.py:33(Generate)
737264 595516 1233601	0.4225 0.4642 0.8998 3.046e-06	5.73e-07 7.794e-07 7.294e-07 3.046e-06	2.548 2.361 1.165 0.05277	3.456e-06 3.964e-06 9.447e-07 0.05277	CSSFinder.py:18(Outer) CSSFinder.py:26(Project) CSSFinder.py:39(IdMatrix) CSSFinder.py:96(readmtx)
1	1.752e-06	1.752e-06	0.05277	0.05277	CSSFinder.py:552(Initrho0)
1	4.597e-06	4.597e-06	0.002477	0.002477	CSSFinder.py:1049(DisplayLogo)
1	5.189e-06	5.189e-06	0.0004394	0.0004394	CSSFinder.py:954(DetectDim0)
1	1.628e-05	1.628e-05	2.526e-05	2.526e-05	CSSFinder.py:556(Initrho1)
1	1.903e-06	1.903e-06	5.671e-06	5.671e-06	CSSFinder.py:599(DefineSym)
40	3.038e-06	7.595e-08	3.038e-06	7.595e-08	CSSFinder.py:192(writemtx)
1	1.102e-06	1.102e-06	2.846e-06	2.846e-06	CSSFinder.py:624(DefineProj)
2	2.3e-07	1.15e-07	2.3e-07	1.15e-07	CSSFinder.py:845(makeshortreport)

Tablica 1: Dane dotyczące pracy oryginalnej implementacji programu CSSFinder uzyskane przy pomocy programy cProfile. Tabela posiada oryginalne nazwy kolumn, nadane przez program snakeviz. Znaczenia kolumn, kolejno od lewej: ncalls - ilość wywołań funkcji. tottime - całkowity czas spędzony w ciele funkcji bez czasu spędzonego w wywołaniach do podfunkcji. percall - totime dzielone przez ncalls. cumtime - całkowity czas spędzony w wewnątrz funkcji i w wywołaniach podfunkcji. percall - cumtime dzielone przez ncalls. filename:lineno(function) - Plik, linia i nazwa funkcji.

Z uzyskanych danych wynika że znakomitą większość (77%⁷) czasu pracy programu zajmuje funkcja OptimizedFS(). W jej wnętrzu 38% czasu pochłania proces generowania losowych macierzy unitarnych, który w dużej mierze wykorzystuje mnożenia tensorowe (26%). Poza funkcją OptimizedFS(), znaczący wpływ na czas wykonywania ma też funkcja 'rotate()', która pochłania około 21% czasu działania programu. Kolejne 20% czasu zajmuje funkcja product(), obliczająca odległość Hilberta-Schmidta pomiędzy dwoma stanami. Pozostałe wywołania mają stosunkowo marginalny wpływ na czas pracy i ich analiza na tym etapie nie niesie za sobą znaczących korzyści.

Takie wyniki wskazują jednoznacznie że kluczowa dla czasu pracy programu jest tu maksymalizacja wydajności operacji macierzowych. Ten pozornie oczywisty wniosek wyznacza prosty kurs dalszych prac

 $^{^7}$ Wartość 77% jak i wartości procentowe dalszej części tego akapitu zostały zaokrąglone do jedności, ze względu na małe znaczenie rzeczowe części ułamkowych.

nad programem. W uzyskanych danych nie widać problemów z operacjami I/O^8 , nie jest więc konieczne sięganie po rozwiązania takie jak asyncio czy wielowątkowość.

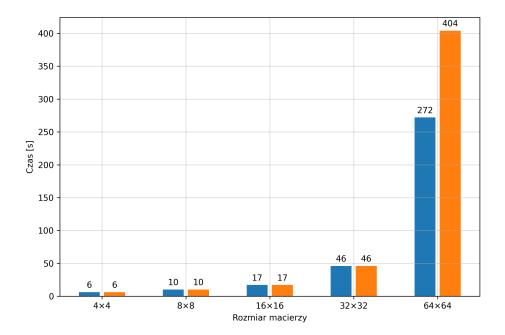
2.3 Wstępne pomiary wydajności

Aby uzyskać dobrą bazę porównawczą, wykonałem serię pomiarów czasu pracy programu na o różnych wymiarach macierzach gęstości. Reprezentowały one układy od 2 do 6 kubitów i przyjmowały rozmiary od 4×4 do 64×64 . Przyjmowały one następująca postać:

$$\rho_n = \begin{bmatrix} 0.5 & 0 & \dots & 0 & 0.5 \\ 0 & 0 & \dots & 0 & 0 \\ \vdots & \vdots & & \vdots & \vdots \\ 0 & 0 & \dots & 0 & 0 \\ 0.5 & 0 & \dots & 0 & 0.5 \end{bmatrix}$$

W dalszej części pracy wielokrotnie będę wykorzystywał tę grupę macierzy do testów wydajności. W tekście macierze te będą oznaczane jako ρ_2 do ρ_6 , w zależności od reprezentowanej ilości kubitów⁹.

Dane przekazywałem kolejno do programu z poleceniem działania w trybie 1 (full separability of an n-quDit state) do osiągnięcia 1000 korekcji lub do 2.000.000 iteracji algorytmu, w zależności od tego co nastąpi szybciej. Dla wszystkich macierzy algorytm uzyskał 1000 korekcji i w żadnym przypadku nie osiągnął maksymalnej ilości iteracji. Dla każdej macierzy pomiar był powtarzany pięciokrotnie, a wyniki z pomiarów zostały uśrednione. Podczas obliczeń ziarno globalnego generatora liczb losowych biblioteki NumPy było ustawione na 0. Pomiary czasu pracy dotyczyły wyłącznie samego algorytmu¹⁰.



Rysunek 4: Wyniki wstępnych testów wydajności oryginalnego kodu z zablokowaną (niebieski) i odblokowaną (pomarańczowy) liczbą wątków obliczeniowych dla macierzy ρ_2 - ρ_6 .

Podczas testów zaobserwowałem interesujące zjawisko dotyczące wydajności dla macierzy 64×64 . W przypadku takich rozmiarów danych biblioteka NumPy automatycznie decyduje o wykorzystaniu wielowatkowej implementacji mnożenia macierzowego. Niestety, daje to efekt odwrotny do zamierzonego

⁸I/O - operacje wejścia wyjścia, w tym wypadku odczyt z i pisanie do plików.

⁹Tak więc macierz ρ_2 ma wymiary 4×4 i reprezentuje 2 kubity, macierz ρ_3 ma wymiary 8×8 i reprezentuje 3 kubity, macierz ρ_4 ma wymiary 16×16 i reprezentuje 4 kubity, itd. aż do ρ_6 .

¹⁰tj. funkcji 'Gilbert()', nie biorą więc pod uwagę czasu pochłoniętego przez importowanie modułów, ładowanie danych itp. natomiast operacje pisania do plików które były wykonywane w obrębie tej funkcji są wliczane w czas pracy.

- obliczenia zamiast przyspieszać zwalniają. Na rysunku 4 czasy obliczeń dla różnych rozmiarów macierzy z domyślnym zachowaniem biblioteki przedstawiają kolumny pomarańczowe. Jeśli przy pomocy zmiennych środowiskowych ustawimy ilość wątków wykorzystywanych do obliczeń na 1, co przedstawiają kolumny niebieskie, uzyskujemy znaczące skrócenie czasu obliczeń dla macierzy 64×64 . Dla macierzy w mniejszych rozmiarach nie odnotowałem różnicy w wydajności pomiędzy konfiguracją domyślną, a manualnie dostosowywaną. Warto dodać że ilość iteracji wykonywanych przez program nie zmienia się, różnica wynika wyłącznie z czasu trwania operacji arytmetycznych. Taki stan rzeczy najprawdopodobniej jest wynikiem dodatkowego obciążenia ze strony komunikacji i/lub synchronizacji między wątkami.

2.4 Modularyzacja

Podczas procesu optymalizacji planowałem wypróbować liczne rozwiązania, które wymagały zasadniczych zmian w algorytmie. Jednocześnie część programu odpowiadająca za interakcję z użytkownikiem i ładowanie zasobów miała pozostawać taka sama. Zdecydowałem więc że tworzony przeze mnie kod musi być modularny, aby uniknąć duplikacji wspólnych elementów. Tak też program został podzielony na dwie części: główną (core), z interfejsem użytkowników i narzędziami pomocniczymi oraz część implementującą algorytm (backend). Korpus jest w całości napisany w języku Python i wykorzystuje wbudowany w ten język mechanizm importowania bibliotek w celu wykrywania i ładowania implementacji algorytmu. Dane macierzowe w obrębie korpusu przechowywane są jako obiekty ndarray z biblioteki NumPy, ze względu na uniwersalność w świecie bibliotek do obliczeń tensorowych. Pozwala to na proste podmiany implementacji o dowolnie różnym pochodzeniu, w tym implementacje w językach kompilowanych. Uprościło to znacznie proces weryfikacji zmian w zachowaniu programu i przyspieszyło proces tworzenia kolejnych implementacji, jako że kod interfejsu programistycznego jest mniej pracochłonny niż kod pozwalający na interakcję z użytkownikiem.

2.5 Dostępne narzędzia

2.5.1 Kompilacja AOT

Kompilacja AOT (Ahead Of Time) to proces tłumaczenia jednej reprezentacji programu (na przykład w języku programowania wysokiego poziomu) na inną (na przykład kod maszynowy) przed rozpoczęciem pracy kompilowanego programu.

Obecnie najpowszechniej używana implementacja języka Python, CPython, posiada możliwość korzystania z bibliotek współdzielonych (.so - Linux, .dll/.pyd - Windows) które powstały w skutek kompilacji kodu wysokiego poziomu. Dostęp do funkcji zawartych w takich bibliotekach można uzyskać na kilka sposobów:

- 1. Przy pomocy API modułu ctypes[21]. Pozwala ono opisać interfejs funkcji obcej (tj. takiej która została napisana w języku niższego poziomu i skompilowana do kodu maszynowego) i wywołać tak opisaną funkcję.
- 2. Poprzez zawarcie w bibliotece odpowiednio nazwanych symboli, automatycznie rozpoznawanych przez interpreter języka Python. Takie biblioteki określa się mianem modułów rozszerzeń [22]. W tym przypadku warto dodać, że pomimo, że oficjalna dokumentacja wspomina tylko o językach C i C++, natomiast powstały biblioteki które pozwalają wykorzystać w łatwy sposób wiele innych języków programowania, takich jak Rust przy pomocy Py03[20] lub GO z użyciem biblioteki gopy[15].
- 3. Wykorzystując bibliotekę Cython[16][3]. Oferuje ona dedykowany język, o tej samej nazwie, który jest nadzbiorem języka Python, który rozszerza jego składnię o możliwość statycznego typowania. Biblioteka zawiera transpilator, zdolny przetłumaczyć dedykowany język na C/C++, a następnie, wykorzystując osobno zainstalowany kompilator, skompilować do kodu maszynowego.
- 4. Kompilując kod pythona z użyciem bibliotekimypyc[32]. Ta, podobnie do biblioteki Cython, również zawiera transpilator, natomiast zamiast korzystać z dedykowanego języka, bazuje on na dodanych w Pythonie 3.5[4] (PEP 484[25] i PEP 483[24]), adnotacjach typów. Jest on rozwijany obok projektu mypy pakietu do statycznej analizy typów dla języka Python, również opartej na adnotacjach typów[30].

Ponieważ w każdym z wymienionych przypadków, kod niższego poziomu jest kompilowany przed dostarczeniem do użytkownika, pozwala to na wykorzystanie zaawansowanych możliwości automatycznej optymalizacji dostarczanych przez współczesne kompilatory, na przykład LLVM, które jest sercem implementacji clang (język C++) oraz rustc (język Rust). Wiele bibliotek korzysta z mieszanek wymienionych powyżej metod, w tym cieszące się dużą popularnością NumPy, CuPy, Tensorflow czy PyTorch. Dwie ostatnie biblioteki koncentrują się w głównej mierze na uczeniu maszynowym i głównie pod tym kontem są optymalizowane. Ich interfejsy są bardzo zbliżone do NumPy i CuPy, ale brakuje w nich niektórych narzędzi,które nie znajdują zastosowania w dziedzinie sztucznej inteligencji. W dalszej części pracy intensywnie wykorzystywana będzie biblioteka NumPy. Niestety, ze względu na ograniczenia czasowe oraz wstępne przewidywania dotyczące wydajności¹¹ biblioteka CuPy nie wzięta pod uwagę.

2.5.2 Kompilacja JIT

Kompilacja JIT to proces tłumaczenia jednej reprezentacji programu (na przykład w języku programowania wysokiego poziomu) na inną (na przykład kod maszynowy) po rozpoczęciu pracy programu. Zazwyczaj wymaga to aby program rozpoczynał pracę w trybie interpretowanym, a następne kompilował sam siebie i przechodził w tryb wykonywania skompilowanego kodu.

W momencie pisania tej pracy istnieją dwa szeroko dostępne i aktywnie utrzymywane narzędzia oferujące kompilację JIT dla języka Python.

Pierwszym z nich jest pełna alternatywna implementacja języka Python - PyPy[33]. Wykonywana przez nią kompilacja JIT działa on na podobnej zasadzie do uprzednio wymienionych - śledzi cały kod który wykonuje i automatycznie decyduje które fragmenty skompilować do kodu maszynowego[1]. Niestety, posiada ona zasadniczą wadę - jej interfejs binarny 12 oraz programistyczny 13 różni się od CPythona, a większość pakietów które normalnie wykorzystują moduły rozszerzeń nie oferuje pre-kompilowanych pakietów dla PyPy. Powoduje to że instalacje takich pakietów są bardzo czasochłonne i obecności kompilatora na urządzeniu docelowym. Dodatkowo, pre-kompilowany kod nie czerpie żadnych korzyści z kompilatora JIT zawartego w PyPy. Problemy te powodują, że PyPy nadaje się głównie do wykonywania aplikacji napisanych w czystym języku Python.

Drugim narzędziem jest biblioteka Numba[5][7]. Ona, w przeciwieństwie do PyPy, wymaga aby fragmenty kodu, które mają być skompilowane, miały postać funkcji oznaczonych dedykowanymi dekoratorami¹⁴. Została ona również zaprojektowana aby dobrze współgrać z biblioteką NumPy. Jej zastosowanie z założenia ma generować wzrost wydajności nawet w sytuacjach gdy kod programu bardzo mocno eksploatuje możliwości biblioteki NumPy.

Z uprzednio wymienionych względów dotyczących preferowanych zastosowań powyższych rozwiązań w dalszej części będę próbował wykorzystać bibliotekę Numba, natomiast pominę możliwość skorzystania z PyPy.

¹¹CuPy jest odpowiednikiem NumPy który wykorzystuje do obliczeń GPU. Z tego względu radzi sobie wyśmienicie z operacjami na dużych macierzach, natomiast najprawdopodobniej macierze tutaj rozważane są zbyt małe aby uzyskać wzrost wydajności[6]. Jednocześnie pomimo podobieństwa do NumPy, biblioteka ta różni się i posiada problematyczne zależności (CUDA) co czyni adaptację kodu czasochłonną.

¹²ang. ABI - Application Binary Interface

¹³ang. API - Application Programming Interface.

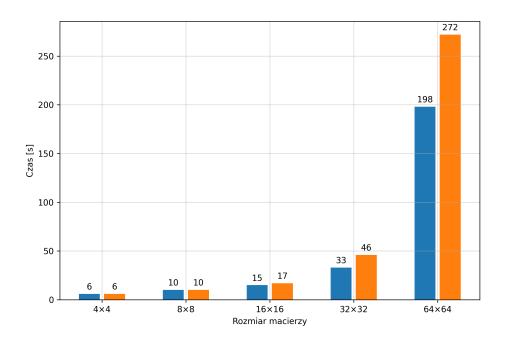
¹⁴Obecnie dostępny jest też dekorator pozwalający na kompilację klas, niestety jest on niestabilny i nie radzi sobie w wielu sytuacjach.

2.6 Re-implementacje

2.6.1 Python i NumPy

Pierwsza wykonana przeze mnie re-implementacja algorytmu wykorzystywała ten sam zestaw narzędzi co oryginalny kod. Podczas przepisywania podjąłem jednak dodatkowe wysiłki aby zastępować kod Pythona wywołaniami do funkcji zawartych w bibliotece NumPy. Ponieważ kluczowe dla wydajności fragmenty kodu są zaimplementowane w języku niższego poziomu, a następnie skompilowane kompilatorem optymalizującym, oferują znacznie wyższą wydajność niż analogiczny kod napisany w języku Python. Proces ten pozwolił mi również zapoznać się lepiej z charakterystyką programu i udoskonalić interfejs służący do łączenia części głównej programu z implementacją. Sam algorytm pozostał niezmieniony.

Pomiary czasu pracy były wykonywane przy użyciu macierzy ρ_2 - ρ_6 . Dane przekazywałem kolejno do programu z poleceniem działania w trybie FSnQd¹⁵ do osiągnięcia co najmniej 1000 korekcji lub do 2.000.000 iteracji algorytmu, w zależności od tego co nastąpi szybciej. Dla wszystkich macierzy algorytmu uzyskał co najmniej 1000 korekcji i w żadnym przypadku nie osiągnął maksymalnej ilości iteracji. Dla każdej macierzy pomiar był powtarzany pięciokrotnie a wyniki zostały uśrednione. Podczas obliczeń ziarno domyślnego globalnego generatora liczb losowych biblioteki NumPy było ustawione na 0. Program działał z zablokowaną ilością wątków obliczeniowych. Pomiary czasu pracy dotyczyły przede wszystkim samego algorytmu¹⁶.

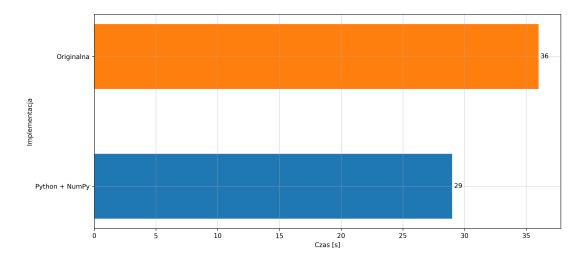


Rysunek 5: Wyniki testów wydajności alternatywnej implementacji Python i NumPy (niebieski) w porównaniu do implementacji oryginalnej(pomarańczowy) dla macierzy ρ_2 - ρ_6 .

W testach uzyskałem blisko 30% redukcję długości czasu pracy względem oryginalnego kodu. Na rysunku 5 kolorem pomarańczowym oznaczone zostały czasy pracy oryginalnego programu, w zależności od rozmiaru macierzy gęstości. Niebieskie kolumny to czasy pracy alternatywnej implementacji. Warto tutaj zauważyć że to, o ile wzrośnie wydajność, w dużej mierze zależy od danych wejściowych, ponieważ inny zestaw macierzy gęstości może spowodować, że inne fragmenty kodu będą podlegały szczególnemu obciążeniu.

 $^{^{15}\}mathrm{Tryb}$ FSnQd jest odpowiednikiem trybu 1 (full separability of an n-quDit state) z oryginalnego kodu.

 $^{^{16}{\}rm Nie}$ biorą więc pod uwagę czasu pochłoniętego przez importowanie modułów itp., natomiast operacje wczytywania danych i pisania do plików są wliczane w czas pracy.



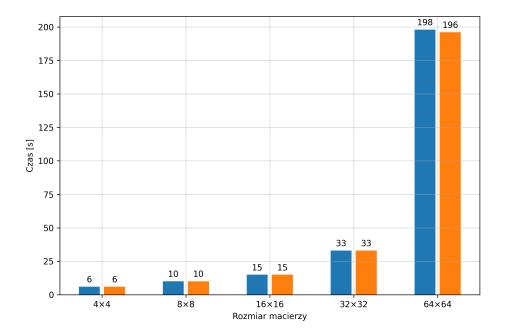
Rysunek 6: Wyniki testów wydajności alternatywnej implementacji Python i NumPy (niebieski) w porównaniu do implementacji oryginalnej z zablokowaną ilością wątków (pomarańczowy) dla macierzy ρ_7 .

Przekazując do programu macierz ρ_0 , przedstawioną na rysunku 2, uzyskałem wyniki różniące się od tych wykorzystujących macierze ρ_2 - ρ_6 . Wyniki te zostały przedstawione na rysunku 6, gdzie kolorem pomarańczowym oznaczone są wyniki oryginalnej implementacji, natomiast kolorem niebieskim, wyniki nowo utworzonego kodu. Na wykresie widoczna jest około 20% redukcja długości czasu pracy przy takich samych danych wejściowych.

Ponieważ macierz ρ_0 występuje tylko w jednym rozmiarze, nie jest możliwe aby uzyskać tak szerokie spektrum wyników jak w przypadku macierzy ρ_2 - ρ_6 . Z tego względu macierze ρ_2 - ρ_6 stanowią wygodny zestaw danych do weryfikacji ogólnej charakterystyki zachowania alternatywnych implementacji algorytmu i będą dalej wykorzystywane w testach wydajności.

2.6.2 Python i NumPy z AOT

Pomiary czasu pracy były wykonywane przy użyciu macierzy ρ_2 - ρ_6 . Dane przekazywałem kolejno do programu z poleceniem działania w trybie FSnQd¹⁷ do osiągnięcia co najmniej 1000 korekcji lub do 2.000.000 iteracji algorytmu, w zależności od tego co nastąpi szybciej. Dla wszystkich macierzy algorytmu zyskał co najmniej 1000 korekcji i w żadnym przypadku nie osiągnął maksymalnej ilości iteracji. Dla każdej macierzy pomiar był powtarzany pięciokrotnie a wyniki zostały uśrednione. Podczas obliczeń ziarno domyślnego globalnego generatora liczb losowych biblioteki NumPy było ustawione na 0. Program działał z zablokowaną ilością wątków obliczeniowych. Pomiary czasu pracy dotyczyły przede wszystkim samego algorytmu¹⁸.



Rysunek 7: Wyniki testów wydajności alternatywnej implementacji Python i NumPy (niebieski) w porównaniu do implementacji Python i NumPy z AOT (pomarańczowy) dla macierzy ρ_2 - ρ_6 .

W testach nie była widoczna żadna istotna statystyczne zmiana wydajności. Na rysunku 7 kolorem pomarańczowym oznaczone zostały czasy pracy implementacji z AOT, w zależności od rozmiaru macierzy gęstości. Niebieskie kolumny to czasy pracy alternatywnej implementacji bez AOT.

2.6.3 Python i NumPy z JIT

2.6.4 Rust

2.7 Precyzja obliczeń

Oryginalny program posługiwał się liczbami zespolonymi stworzonymi na bazie zmiennoprzecinkowych podwójnej precyzji. Jednak w przypadku analizowania niewielkich macierzy ponieważ analizowane dane utrzymują zakres wartości blisko 0, do efektywnych obliczeń nie jest konieczna podwójna precyzja. Podstawową zaletą tej zmiany jest zmniejszenie rozmiaru macierzy w pamięci, a to w pozwala na umieszczenie większej części macierzy w pamięci podręcznej procesora. Dodatkowo zwiększa to przepustowość wektoryzowanego kodu (Zestawy instrukcji FMA używają rejestrów o rozmiarach 128 i 256 bit, można więc w jednym takim rejestrze umieścić dwukrotnie więcej 32 bitowych liczb pojedynczej precyzji niż 64 bitowych podwójnej).

 $^{^{17}\}mathrm{Tryb}$ FSnQd jest odpowiednikiem trybu 1 (full separability of an n-quDit state) z oryginalnego kodu.

¹⁸Nie biorą więc pod uwagę czasu pochłoniętego przez importowanie modułów itp., natomiast operacje wczytywania danych i pisania do plików są wliczane w czas pracy.

- 2.8 Pomiary czasu pracy
- 2.9 Ponowne profilowanie
- 2.10 Funkcja kronecker
- 2.11 Funkcja product
- 3 Wyniki
- 4 Dyskusja

Odwołania

- [1] Carl Friedrich Bolz i in. "Tracing the meta-level: PyPy's tracing JIT compiler". W: Proceedings of the 4th workshop on the Implementation, Compilation, Optimization of Object-Oriented Languages and Programming Systems. 2009, s. 18–25.
- [2] Patrick Lindemann. "The gilbert-johnson-keerthi distance algorithm". W: Algorithms in Media Informatics (2009).
- [3] Stefan Behnel i in. "Cython: The best of both worlds". W: Computing in Science & Engineering 13.2 (2010), s. 31–39.
- [4] Yury Selivanov Elvis Pranskevichus. What's New In Python 3.5. 2015. URL: https://docs.python.org/3/whatsnew/3.5.html (term. wiz. 14.05.2023).
- [5] Siu Kwan Lam, Antoine Pitrou i Stanley Seibert. "Numba". W: Proceedings of the Second Workshop on the LLVM Compiler Infrastructure in HPC. ACM, list. 2015. DOI: 10.1145/2833157.2833162. URL: https://doi.org/10.1145/2833157.2833162.
- [6] Feng Li i in. "CPU versus GPU: which can perform matrix computation faster—performance comparison for basic linear algebra subprograms". W: Neural Computing and Applications 31 (2019), s. 4353–4365.
- [7] Inc. Anaconda i in. *Numba documentation*. 2020. URL: https://numba.readthedocs.io/en/stable/user/index.html (term. wiz. 12.05.2023).
- [8] Charles R. Harris i in. "Array programming with NumPy". W: *Nature* 585.7825 (wrz. 2020), s. 357–362. DOI: 10.1038/s41586-020-2649-2. URL: https://doi.org/10.1038/s41586-020-2649-2.
- [9] Palash Pandya, Omer Sakarya i Marcin Wieśniak. "Hilbert-Schmidt distance and entanglement witnessing". W: *Physical Review A* 102.1 (2020), s. 012409.
- [10] Marcin Wieśniak i in. "Distance between bound entangled states from unextendible product bases and separable states". W: Quantum Reports 2.1 (2020), s. 49–56.
- [11] Mirko Consiglio, Tony JG Apollaro i Marcin Wieśniak. "Variational approach to the quantum separability problem". W: *Physical Review A* 106.6 (2022), s. 062413.
- [12] NumPy Developers. NumPy documentation. 2022. URL: https://numpy.org/doc/stable/ (term. wiz. 12.05.2023).
- [13] Inc. GitHub. The top programming languages. 2022. URL: https://octoverse.github.com/2022/top-programming-languages (term. wiz. 14.05.2023).
- [14] Marcin Wieśniak. "Two-Qutrit entanglement: 56-years old algorithm challenges machine learning". W: arXiv preprint arXiv:2211.03213 (2022).
- [15] The go-python Authors. go-python/gopy: gopy generates a CPython extension module from a go package. 2023. URL: https://github.com/go-python/gopy (term. wiz. 14.05.2023).
- [16] Cython C-Extensions for Python. 2023. URL: https://cython.org/ (term. wiz. 14.05.2023).
- [17] Matt Davis. $snakeviz \cdot PyPI$. 2023. URL: https://pypi.org/project/snakeviz/ (term. wiz. 22.05.2023).
- [18] NumPy Developers. Random Generator NumPy v1.24 Manual. 2023. URL: https://numpy.org/doc/1.24/reference/random/generator.html (term. wiz. 22.05.2023).
- [19] The pip developers. $pip \cdot PyPI$. 2023. URL: https://pip.pypa.io/en/stable/ (term. wiz. 14.05.2023).
- [20] The PyO3 developers. *PyO3 user guide*. 2023. URL: https://pyo3.rs/v0.18.3/ (term. wiz. 14.05.2023).
- [21] Python Software Foundation. ctypes A foreign function library for Python. 2023. URL: https://docs.python.org/3/library/ctypes.html (term. wiz. 14.05.2023).
- [22] Python Software Foundation. Extending Python with C or C++. 2023. URL: https://docs.python.org/3/extending/extending.html (term. wiz. 14.05.2023).
- [23] Inc. Free Software Foundation. Git. 2023. URL: https://gcc.gnu.org/ (term. wiz. 14.05.2023).
- [24] Ivan Levkivskyi Guido van Rossum. PEP 483 The Theory of Type Hints. 2023. URL: https://peps.python.org/pep-0483/ (term. wiz. 14.05.2023).

- [25] Łukasz Langa Guido van Rossum Jukka Lehtosalo. PEP 484 Type Hints. 2023. URL: https://peps.python.org/pep-0484/ (term. wiz. 14.05.2023).
- [26] hanabi1224. Programming Language and compiler Benchmarks C VS Python benchmarks. 2023. URL: https://programming-language-benchmarks.vercel.app/c-vs-python (term. wiz. 14.05.2023).
- [27] hanabi1224. Programming Language and compiler Benchmarks C++ VS Python benchmarks. 2023. URL: https://programming-language-benchmarks.vercel.app/cpp-vs-python (term. wiz. 14.05.2023).
- [28] hanabi1224. Programming Language and compiler Benchmarks Rust VS Python benchmarks. 2023. URL: https://programming-language-benchmarks.vercel.app/rust-vs-python (term. wiz. 14.05.2023).
- [29] Steve Klabnik i Carol Nichols. The Rust programming language. No Starch Press, 2023.
- [30] Jukka Lehtosalo i mypy contributors. mypy 1.2.0 documentation. 2023. URL: https://mypy.readthedocs.io/en/stable/ (term. wiz. 14.05.2023).
- [31] TIOBE Software. TIOBE Index for May 2023. 2023. URL: https://www.tiobe.com/tiobe-index/(term. wiz. 14.05.2023).
- [32] mypyc team. mypyc 1.2.0 documentation. 2023. URL: https://mypyc.readthedocs.io/en/stable/(term. wiz. 14.05.2023).
- [33] The PyPy Team. PyPy Home Page. 2023. URL: https://www.pypy.org/(term. wiz. 14.05.2023).
- [34] Krzysztof Wiśniewski. CSSFinder (Core, PyPI). 2023. URL: https://pypi.org/project/cssfinder/(term. wiz. 14.05.2023).
- [35] Krzysztof Wiśniewski. CSSFinder (Core). 2023. URL: https://github.com/Argmaster/CSSFinder (term. wiz. 12.05.2023).
- [36] Krzysztof Wiśniewski. CSSFinder Numpy Backend. 2023. URL: https://github.com/Argmaster/cssfinder_backend_numpy (term. wiz. 12.05.2023).
- [37] Krzysztof Wiśniewski. CSSFinder Numpy Backend (PyPI). 2023. URL: https://pypi.org/project/cssfinder-backend-rust/(term. wiz. 12.05.2023).
- [38] Krzysztof Wiśniewski. CSSFinder Rust Backend. 2023. URL: https://github.com/Argmaster/cssfinder_backend_rust (term. wiz. 12.05.2023).
- [39] Krzysztof Wiśniewski. CSSFinder Rust Backend (PyPI). 2023. URL: https://pypi.org/project/cssfinder-backend-numpy/ (term. wiz. 12.05.2023).