

Árvore 2-3-4

Adrian Vieira

Allan Douglas

Aristoteles Peixoto

João da Silva Muniz

Mateus Monteiro

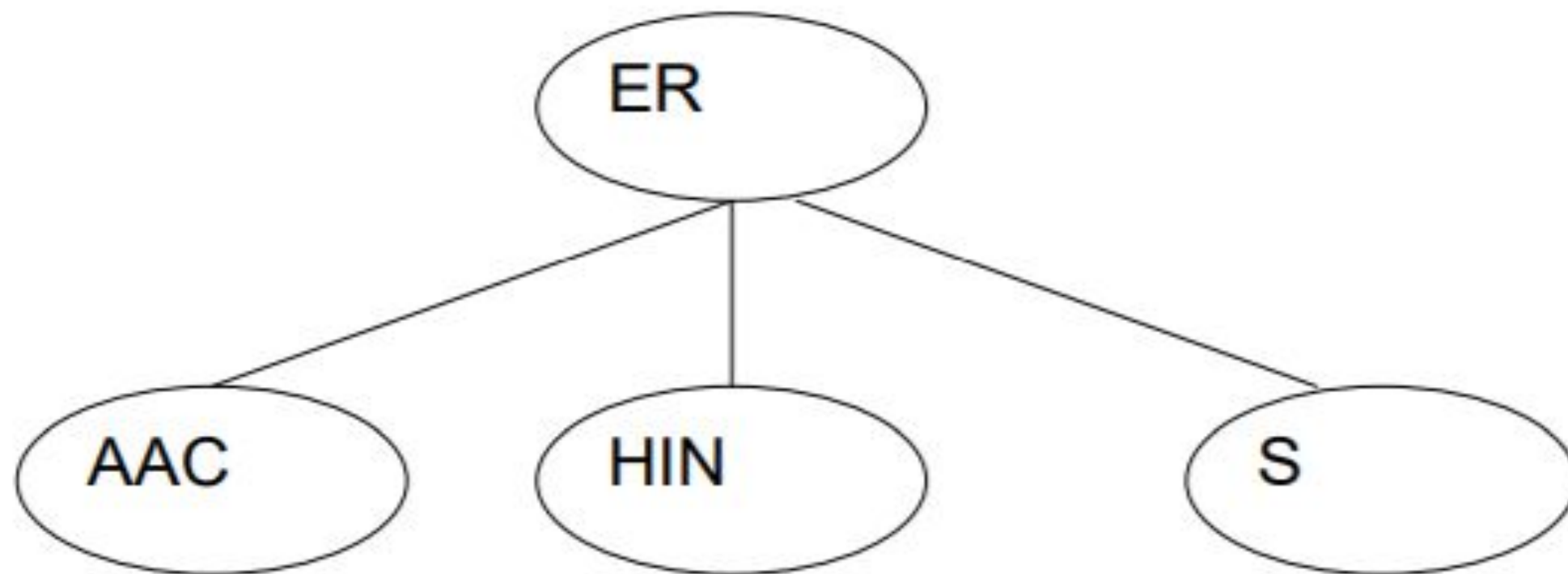
<https://github.com/AriBarros/ProjetoP2>

Motivação

- **Motivação:** Buscar em algum dicionário determinada palavra de forma mais rápida e eficiente? Ou uma forma de auto completar a palavra?
- **Estrutura:** Árvore 2-3-4

Introdução a árvore 2-3-4

Esta estrutura trata-se de uma árvore balanceada e ordenada, apresentando cada nó máximo de 4 filhos. Como na árvore 2-3, ela se mantém com altura invariante (“balanço perfeito”).



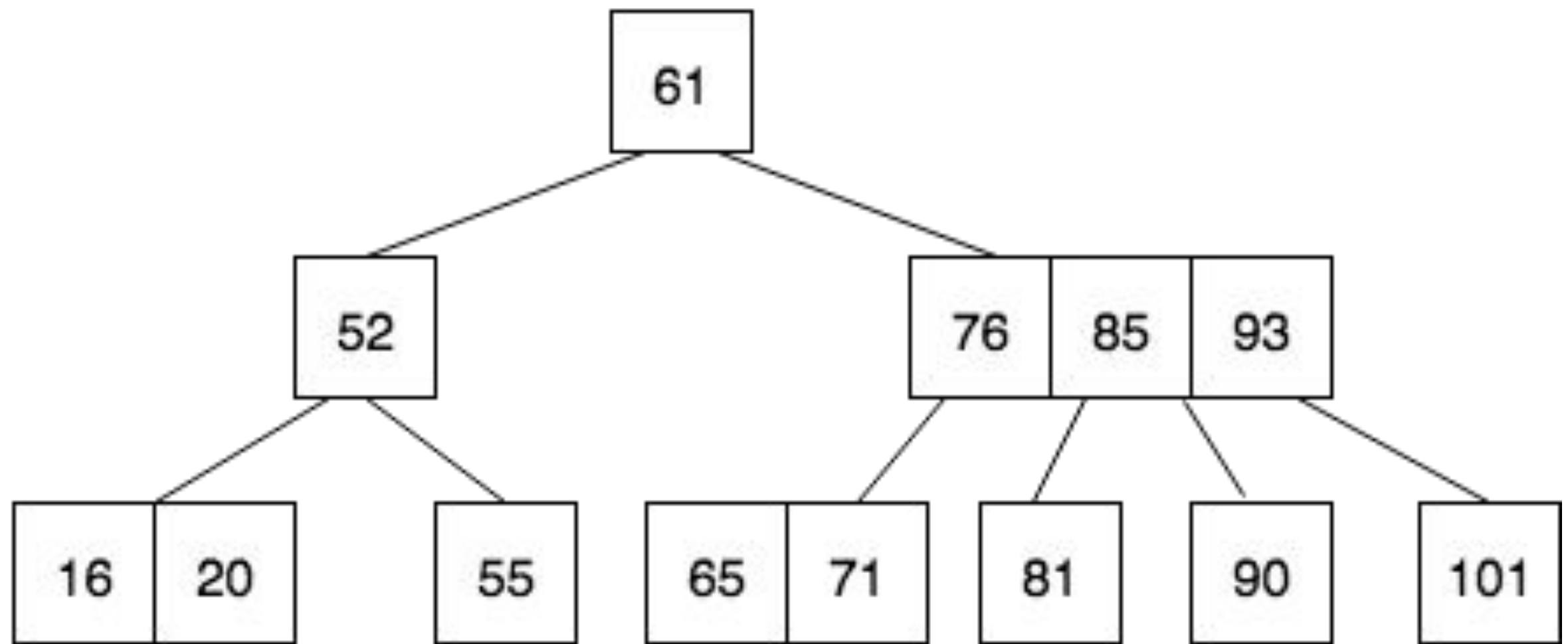
Introdução a árvore 2-3-4

Uma árvore 2-3-4 é uma estrutura de busca balanceada com três tipos de nós:

- O **2-nó** possui uma chave e dois nós filhos (assim como o nó da árvore de busca binária);
- O **3-nó** tem duas chaves e três nós filhos;
- O **4-nó** tem três chaves e quatro nós filhos.

Introdução a árvore 2-3-4

Se um nó tiver mais de uma chave (3 e 4 nós), as chaves deverão estar ordenadas. Isso garante que a travessia em ordem sempre produza as chaves ordenadas.



Definição de árvore 2-3-4

Árvore 2-3-4 é um tipo de árvore de pesquisa múltipla. É uma árvore auto-equilibrada e está sempre perfeitamente balanceada.

Eficiência da árvore 2-3-4

A busca de uma árvore 2-3-4 é $O(\log(n))$ tanto para seu melhor quanto para seu pior caso. A distância entre a raiz e as folhas é a mesma sempre.

Estrutura da árvore 2-3-4 em C

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#define M 3

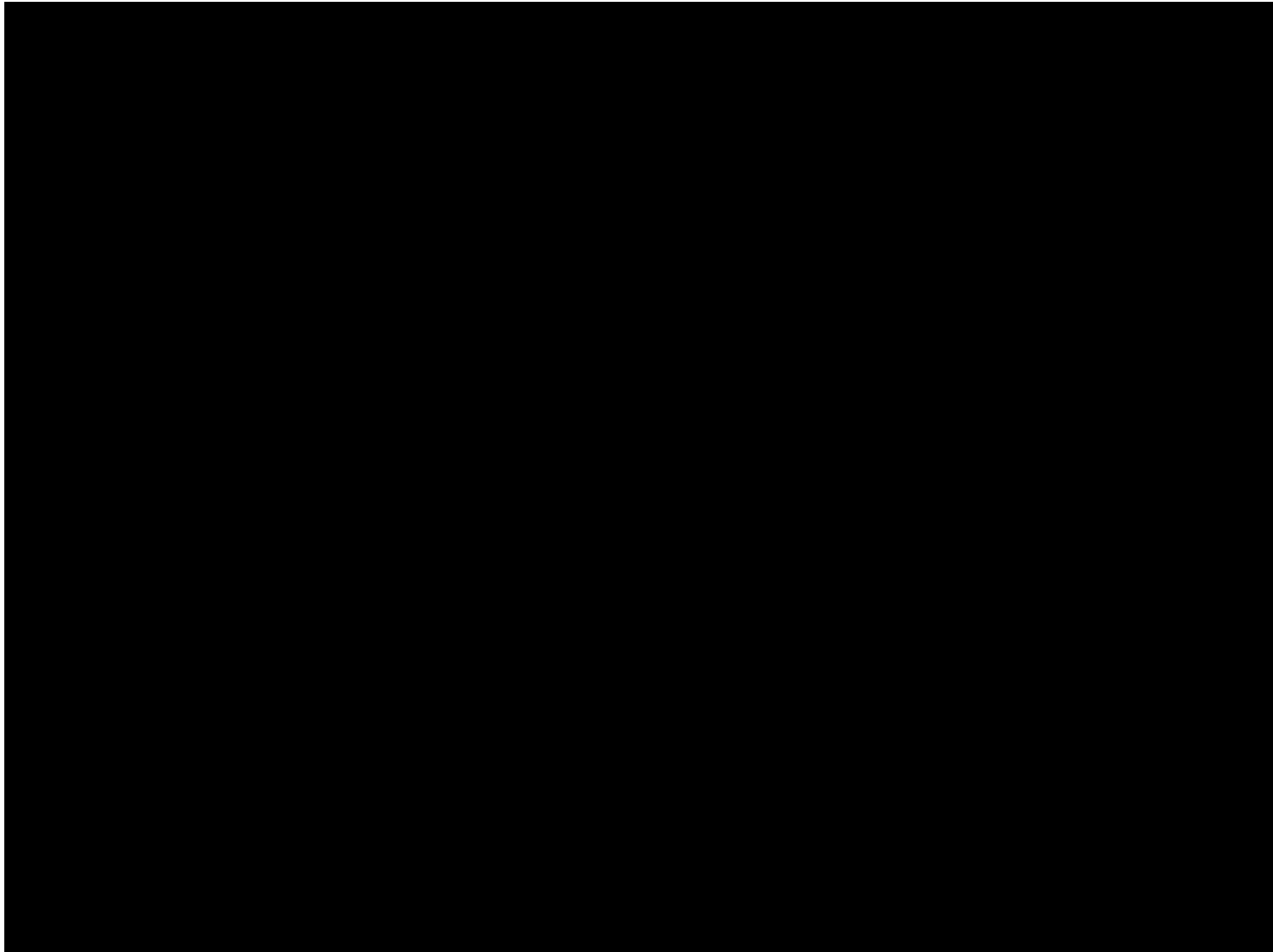
struct node {
    int n; /* n < M No. of keys in node will always less than order of B tree */
    int keys[M - 1]; /*array of keys*/
    struct node *p[M]; /* (n+1 pointers will be in use) */
}*root = NULL;

enum KeyStatus { Duplicate, SearchFailure, Success, InsertIt, LessKeys };
```


Função: Inserir

```
void insert(int key)
{
    struct node *newnode;
    int upKey;
    enum KeyStatus value;
    value = ins(root, key, &upKey, &newnode);
    if (value == Duplicate)
        printf("Key already available\n");
    if (value == InsertIt)
    {
        struct node *uproot = root;
        root = malloc(sizeof(struct node));
        root->n = 1;
        root->keys[0] = upKey;
        root->p[0] = uproot;
        root->p[1] = newnode;
    } /*End of if */
} /*End of insert()*/
```

Animação para o entendimento do código



Fonte: <https://prezi.com/zcqwwn6msjq9/arvore-2-3-4/>

Vantagens x Desvantagens

- Os tempos de busca são proporcionais a altura h dessa árvore;
- Alta facilidade de buscar, inserir e excluir elementos de uma árvore;
- Ela desperdiça muito espaço de memória alocado, já que alguns nós usam nem metade do que está disponível.

De volta à Motivação...

Podemos perceber que essa estrutura tem uma alta facilidade de buscar, inserir e excluir elementos de uma árvore. Mesmo tendo a desvantagem de ocupar memória desnecessária em alguns casos, no nosso exemplo do dicionário, ela deixa a busca por uma palavra muito rápida e simples por estar balanceada e por “quebrar” em vários casos menores, agilizando assim a busca.

Referências

[**https://algorithmtutor.com/Data-Structures/Tree/2-3-4-Trees/**](https://algorithmtutor.com/Data-Structures/Tree/2-3-4-Trees/)

[**https://www.educative.io/page/5689413791121408/80001**](https://www.educative.io/page/5689413791121408/80001)

[**https://prezi.com/zcqwwn6msjq9/arvore-2-3-4/**](https://prezi.com/zcqwwn6msjq9/arvore-2-3-4/)

[**https://github.com/YGAO008/2-3-4--Tree/blob/master/2-3-4%20Tree.c**](https://github.com/YGAO008/2-3-4--Tree/blob/master/2-3-4%20Tree.c)

[**https://homepages.dcc.ufmg.br/~rprates/aedsII/TranspArvore234.pdf**](https://homepages.dcc.ufmg.br/~rprates/aedsII/TranspArvore234.pdf)