# **Predicciones**

#### **Predicciones**

```
Procesos estocásticos con tendencia determinística
Tendencia Lineal
Modelo AR(1)
Predicción
Resultados
Tendencia cíclica
Mddelo ARMA(1,1)
Predicción
Resultados
```

## Procesos estocásticos con tendencia determinística

Supongamos el proceso Y formado por una componente estocástica X y una tendencia determinística mu, de la forma:

$$Y_t = X_t + \mu_t$$

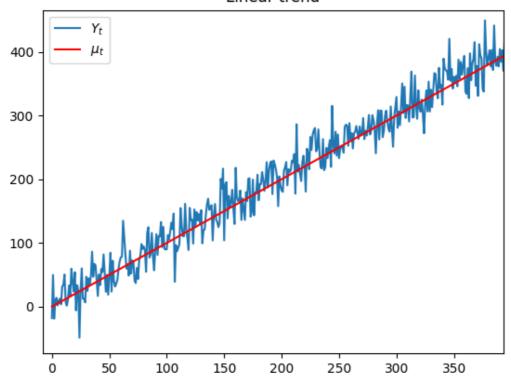
Como hemos visto la tendencia puede tener distintas representaciones:

```
\text{Tendencia determinística } \mu_t := \begin{cases} \text{Constante} & \mu_t = \mu \\ \text{Lineal} & \mu_t = \beta_0 + \beta_1 t \end{cases}
\text{Cuadrática} & \mu_t = \beta_0 + \beta_1 t + \beta_2 t^2
\text{Cíclica} & \mu_t = \mu_{t-T}
\text{Senoidal} & \mu_t = \beta \cos(\omega t + \phi) \end{cases}
```

### Tendencia Lineal

```
N=1000
mu=np.arange(0,N)
X=np.random.normal(5,25,N)
Y=X+mu
plt.plot(Y)
plt.plot(mu,color='red')
plt.title("Linear trend")
plt.legend(['$Y_t$','$\mu_t$'])
plt.show()
```

#### Linear trend



## Modelo AR(1)

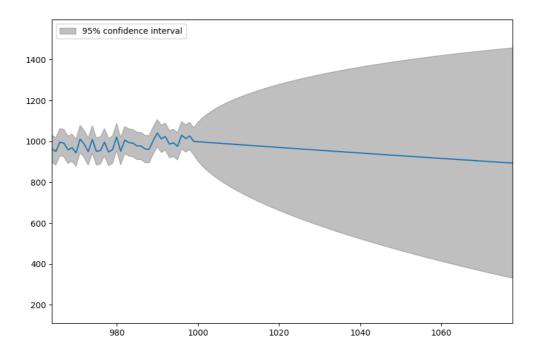
```
from statsmodels.graphics.tsaplots import plot_predict
from statsmodels.tsa.arima_process import arma_generate_sample
from statsmodels.tsa.arima.model import ARIMA
from sklearn.metrics import mean_squared_error

ar1 = ARIMA(Y, order=(1, 0, 0), trend="n")
ar1_res = ar1.fit()
print(ar1_res.summary())
```

```
SARIMAX Results
Dep. Variable:
                                          No. Observations:
                                                                               1000
Model:
                        ARIMA(1, 0, 0)
                                          Log Likelihood
                                                                          -4950.416
Date:
                      mar, 16 nov 2021
                                          AIC
                                                                           9904.832
                                                                           9914.647
Time:
                               14:11:27
                                          BIC
Sample:
                                                                           9908.562
                                   1000
Covariance Type:
                                    opg
                          std err
                                                    P> | z |
                  coef
                                                                [0.025
                                                                             0.975]
                                      649.713
                                                    0.000
                0.9986
                                                                 0.996
                                                                              1.002
ar.L1
                            0.002
             1160.9614
                            50.960
                                       22.782
                                                    0.000
                                                              1061.082
                                                                           1260.841
sigma2
                                      276.92
Ljung-Box (L1) (Q):
                                                Jarque-Bera (JB):
Prob(Q):
                                        0.00
                                                Prob(JB):
Heteroskedasticity (H):
                                        1.08
                                                Skew:
                                                                                    0.04
Prob(H) (two-sided):
                                        0.49
                                                Kurtosis:
```

#### Predicción

```
fig, ax = plt.subplots(figsize=(10, 8))
fig = plot_predict(ar1_res, start=1,end=2000, ax=ax)
legend = ax.legend(loc="upper left")
plt.show()
```



## Resultados

Lo que se observa es que a medida que aumenta el largo de la predicción aumenta también el intervalo de confianza del 95%, haciendo que la predicción acumule error. Esto se puede ver con la forma general del proceso ARIMA. Si  $\Psi_1,\Psi_2,\ldots,\Psi_{l-1}$  son los coeficientes del proceso, se puede observar que la varianza de la predicción del proceso AR(1) es:

$$\operatorname{var}(e_t(\ell)) = \sigma_e^2(1 + \Psi_1^2 + \Psi_2^2 + \ldots + \Psi_{\ell-1}^2)$$

es decir que la varianza aumenta a medida que se agregan términos de predicción o bien aumenta  $\ell$ . Para el caso AR1 además se puede usar el resultado de la serie geométrica y ver que:

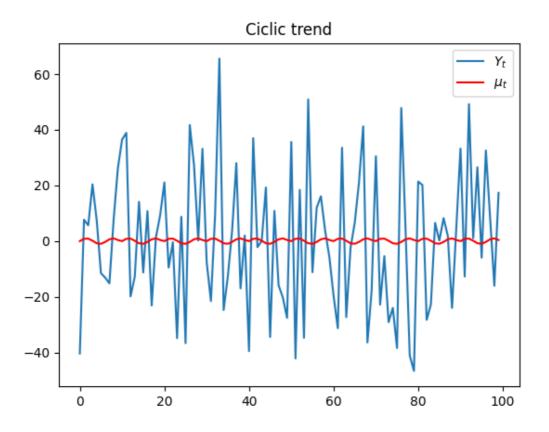
$$ext{var}(e_t(\ell)) = \sigma_e^2 \left(rac{1-\phi^{2\ell}}{1-\phi^2}
ight)$$

cuando el retardo  $\ell$  es muy largo, se puede aproximar y ver que el resultado es la autocovarianza de Y.

$$ext{var}(e_t(\ell)) pprox \left(rac{\sigma_e^2}{1-\phi^2}
ight) pprox ext{var}(Y_t) = \gamma_0$$

## Tendencia cíclica

```
n=100
N=10000
mu=np.repeat(np.sin(np.arange(n)),int(N/n))
X=np.random.normal(5,25,int(N))
Y=X+mu
plt.plot(Y)
plt.plot(mu,color='red')
plt.title("Ciclic trend")
plt.legend(['$Y_t$','$\mu_t$'])
plt.show()
```



## Mddelo ARMA(1,1)

```
ar1 = ARIMA(Y, order=(2, 0, 2), trend="n")
ar1_res = ar1.fit()
print(ar1_res.summary())

fig, ax = plt.subplots(figsize=(10, 8))
fig = plot_predict(ar1_res, start=1,end=2*N, ax=ax)
plt.plot(Y)
legend = ax.legend(loc="upper left")
plt.show()
```

Predicción

Resultados