4 - Desarrollo de Modelos II - Ensambles

December 29, 2020

1 4. Desarrollo de modelos II. Ensambles.

Este cuaderno intentará mejorar los resultados del cuaderno anterior utilizando distintas formas de combinarlos. A esto se denomina 'Ensambles'. El procedimiento está organizado en las siguientes secciones (las primeras son casi idénticas al cuaderno anterior, con diferencias menores de uso de API de SKLearn para cálculo de métricas):

- 1. Carga de dataset con distintos preprocesamientos.
- 2. Desarrollo y entrenamiento de modelos de ensamble utilizando los modelos desarrollados en el cuaderno anterior con SKLearn y ML-Ensamble
- 3. Comparación de resultados y conclusiones.

1.1 4.1 Carga de dataset con distintos preprocesamientos

En el cuaderno anterior se generaron los siguientes archivos CSV: - creditcard_train.csv: partición de dataset original para entrenamiento con modificación de columnas (row_id y tiempo). - creditcard_test.csv: partición de dataset original para evaluación con modificación de columnas (row_id y tiempo). - creditcard_downsampled.csv: dataset balanceado por método de undersampling. - creditcard_train_oversampled_adasyn.csv: partición de entrenamiento balanceado por upsampling (ADASYN). - creditcard_train_oversampled_smote.csv: partición de entrenamiento balanceado por upsampling (SMOTE). - creditcard_train_oversampled_blsmote.csv: partición de entrenamiento balanceado por upsampling (Borderline SMOTE).

En esta sección se los carga y particiona para poder utilizarlos en el entrenamiento de modelos.

```
[2]: import pandas as pd
import numpy as np
import joblib
import json
import matplotlib.pyplot as plt
```

```
[3]: DATASET_PATH = '/data/credit_fraud/'
```

Se utilizará un diccionario para facilitar la selección de un dataset durante la configuración de los entrenamientos .

Dataset de evaluación.

```
[5]: test_df = pd.read_csv(DATASET_PATH+"creditcard_test.csv")
```

Selección de columnas de features.

```
[6]: non_feature_cols = ['Unnamed: 0','time','row_id','class']
feature_cols = [x for x in test_df.columns if x not in non_feature_cols]
feature_cols
```

```
[6]: ['v1',
       'v2',
       'v3',
       'v4',
       'v5',
       'v6',
       'v7',
       'v8',
       'v9',
       'v10',
       'v11',
       'v12',
       'v13',
       'v14',
       'v15',
       'v16',
       'v17',
       'v18',
       'v19',
       'v20',
       'v21',
       'v22',
       'v23',
       'v24',
       'v25',
```

```
'v26',
'v27',
'v28',
'amount']
```

Para los datos a los cuáles se ha aplicado undersampling es necesario particionar en train y split. Como el undersampling se hizo eliminando muestras de la clase mayoritaria, en este caso los datos ya están balanceados y se puede aplicar cualquier métrica sobre el test set.

```
[7]: from sklearn.model_selection import train_test_split
     TEST_SIZE = 0.3
     X_train_downsampled, X_test_downsampled, y_train_downsampled, y_test_downsampled =_ _
      →train_test_split(
         train_ds_dict['downsampled'][feature_cols],
         train_ds_dict['downsampled']['class'],
         test_size=TEST_SIZE, random_state=42)
[8]: X_train_downsampled.head(3)
[8]:
                 v1
                            v2
                                        v3
                                                  v4
                                                             v5
                                                                        v6
     398
         -0.112195
                      0.401013
                                -1.368654
                                            1.325461
                                                       1.812514 -1.655252
                      3.044469
     523
         -4.727713
                                -5.598354
                                            5.928191 -2.190770 -1.529323
     809 -26.457745
                     16.497472 -30.177317
                                            8.904157 -17.892600 -1.227904
                 ν7
                                       ν9
                                                 v10
                                                              v20
                                                                         v21 \
                            v8
     398
           1.887604
                     -0.971989
                               1.356304
                                            0.874950
                                                     ... -0.038966
                                                                   0.164669
     523 -4.487422
                      0.916392 -1.307010
                                          -4.138891 ... -0.207759
     809 -31.197329 -11.438920 -9.462573 -22.187089 ... 2.812241 -8.755698
               v22
                         v23
                                    v24
                                              v25
                                                        v26
                                                                  v27
                                                                             v28
         1.618395
                    0.465093 -0.081923 -1.065862 -0.418760 0.439829 -0.040883
     398
                    0.628843 -0.238128 -0.671332 -0.033590 -1.331777
     523 0.254983
                                                                       0.705698
     809
         3.460893
                    0.896538 0.254836 -0.738097 -0.966564 -7.263482 -1.324884
          amount
     398
           45.00
     523
           30.39
     809
            1.00
     [3 rows x 29 columns]
    X_test_downsampled.head(3)
[9]:
                                                 v4
                                                           v5
                 v1
                           v2
                                       v3
                                                                                 v7
```

613 -10.645800 5.918307 -11.671043 8.807369 -7.975501 -3.586806 -13.616797

```
451 -2.218541 1.211222 -0.326345 0.763670 -0.741354 1.914052
                                                                         0.943716
     731 -4.198735 0.194121 -3.917586 3.920748 -1.875486 -2.118933 -3.614445
                8v
                          ν9
                                    v10
                                                 v20
                                                           v21
     613 6.428169 -7.368451 -12.888158 ... -0.046170 2.571970 0.206809
     451 -5.294108 1.432909
                               2.441081
                                        ... -1.347714 2.981848 -1.551763
     731 1.687884 -2.189871 -4.684233 ... 1.003350 0.801312 -0.183001
               v23
                         v24
                                   v25
                                             v26
                                                       v27
                                                                 v28
                                                                      amount
     613 -1.667801 0.558419 -0.027898 0.354254 0.273329 -0.152908
                                                                        0.00
     451 0.922801
                    0.722661 -1.848255 -0.816578 -0.757258 -1.143818
                                                                      282.98
     731 -0.440387 0.292539 -0.144967 -0.251744 1.249414 -0.131525
     [3 rows x 29 columns]
[10]: y_train_downsampled.value_counts(), y_test_downsampled.value_counts()
[10]: (1
           346
           342
       0
      Name: class, dtype: int64,
           150
       1
           146
      Name: class, dtype: int64)
```

Para los datos con oversampling no es necesario realizar esta partición pues ya se ha hecho previamente (y sólo se han incorporado muestras a la partición de train). No obstante, los datos del test no han sido balanceados, por lo tanto deben balancearse o seleccionar una métrica apropiada.

1.2 4.2 Entrenamiento de modelos

En esta sección se procederá a entrenar modelos de ensamble a partir de los modelos desarrollados en el cuaderno anterior.

1.2.1 4.2.1 Carga de modelos desarrollados anteriormente

Se cargarán los modelos desarrollados en el cuaderno anterior.

```
[12]: df_models = pd.read_csv(MODELS_PATH+"model_summary.csv", skiprows=1, names=[
          "name", "accuracy", "precision", "recall", "auc", "f1-score", "description"
      ]).set index('name')
      df_models
```

accuracy	precision	recall	auc	f1-score	\
0.493243	0.493243	1.000000	0.500000	0.660633	
0.902027	0.887417	0.917808	0.965845	0.902357	
0.925676	0.969697	0.876712	0.976438	0.920863	
0.908784	0.921986	0.890411	0.964087	0.905923	
0.922297	0.976744	0.863014	0.973333	0.916364	
0.905405	0.909722	0.897260	0.976210	0.903448	
0.925676	0.992063	0.856164	0.979452	0.919118	
0.905405	0.953846	0.849315	0.961187	0.898551	
	0.493243 0.902027 0.925676 0.908784 0.922297 0.905405 0.925676	0.493243	0.493243 0.493243 1.000000 0.902027 0.887417 0.917808 0.925676 0.969697 0.876712 0.908784 0.921986 0.890411 0.922297 0.976744 0.863014 0.905405 0.909722 0.897260 0.925676 0.992063 0.856164	0.493243 0.493243 1.000000 0.500000 0.902027 0.887417 0.917808 0.965845 0.925676 0.969697 0.876712 0.976438 0.908784 0.921986 0.890411 0.964087 0.922297 0.976744 0.863014 0.973333 0.905405 0.909722 0.897260 0.976210 0.925676 0.992063 0.856164 0.979452	0.493243 0.493243 1.000000 0.500000 0.660633 0.902027 0.887417 0.917808 0.965845 0.902357 0.925676 0.969697 0.876712 0.976438 0.920863 0.908784 0.921986 0.890411 0.964087 0.905923 0.922297 0.976744 0.863014 0.973333 0.916364 0.905405 0.909722 0.897260 0.976210 0.903448 0.925676 0.992063 0.856164 0.979452 0.919118

description

name base

Modelo base DecisionTree DecisionTree RandomForest RandomForest LogisticRegression LogisticRegression SVM SVM MLP MLP xgboost xgboost NearestNeighbors NearestNeighbors

Como el modelo baseline no es de interés para los ensambles, se descartará.

```
[13]: df_models.drop('base',inplace=True)
      df models
```

```
「13]:
                         accuracy precision
                                               recall
                                                            auc f1-score \
     name
     DecisionTree
                         0.902027
                                    0.887417 0.917808 0.965845
                                                                 0.902357
     RandomForest
                         0.925676
                                    0.969697
                                             0.876712 0.976438
                                                                 0.920863
     LogisticRegression 0.908784
                                    0.921986
                                             0.890411 0.964087
                                                                 0.905923
     SVM
                         0.922297
                                    0.976744
                                             0.863014 0.973333
                                                                 0.916364
     MLP
                         0.905405
                                    0.909722 0.897260 0.976210
                                                                 0.903448
     xgboost
                         0.925676
                                    0.992063 0.856164 0.979452 0.919118
```

```
NearestNeighbors
                          0.905405
                                     0.953846 0.849315 0.961187 0.898551
                                 description
      name
      DecisionTree
                                DecisionTree
      RandomForest
                                RandomForest
     LogisticRegression LogisticRegression
     SVM
     MLP
                                         MLP
      xgboost
                                     xgboost
                            NearestNeighbors
      NearestNeighbors
[14]: df_models.loc[:,'model'] = df_models.loc[:,:].apply(lambda row : joblib.
       →load(MODELS_PATH+row.name+".pkl"), axis = 1)
      df models.loc[:,'model params'] = df models.loc[:,:].apply(lambda row : json.
       →load(open(MODELS_PATH+row.name+".json")), axis = 1)
      df_models.sort_values(by="auc", ascending=False)
[14]:
                          accuracy precision
                                                              auc f1-score \
                                                 recall
     name
                                     0.992063 0.856164 0.979452
      xgboost
                          0.925676
                                                                   0.919118
      RandomForest
                          0.925676
                                     0.969697 0.876712 0.976438
                                                                   0.920863
     MLP
                          0.905405
                                     0.909722 0.897260 0.976210 0.903448
     SVM
                          0.922297
                                     0.976744 0.863014 0.973333 0.916364
     DecisionTree
                          0.902027
                                     0.887417 0.917808 0.965845
                                                                   0.902357
     LogisticRegression 0.908784
                                     0.921986 0.890411 0.964087
                                                                   0.905923
     NearestNeighbors
                          0.905405
                                     0.953846 0.849315 0.961187
                                                                   0.898551
                                 description \
      name
      xgboost
                                     xgboost
      RandomForest
                                RandomForest
     MLP
                                         MLP
      SVM
                                         SVM
     DecisionTree
                                DecisionTree
     LogisticRegression LogisticRegression
      NearestNeighbors
                            NearestNeighbors
                                                                      model \
     name
                          XGBClassifier(base_score=0.5, booster='gbtree'...
      xgboost
      RandomForest
                          (DecisionTreeClassifier(max_features='auto', m...
     MLP
                          MLPClassifier(alpha=3.8925818075083096e-05,\n ...
      SVM
                          SVC(C=17.48365748417831, max_iter=1000, probab...
      DecisionTree
                          DecisionTreeClassifier(max_depth=22, min_sampl...
                          LogisticRegression(max_iter=1659, penalty='non...
      LogisticRegression
      NearestNeighbors
                          KNeighborsClassifier(algorithm='kd_tree', leaf...
```

model_params

```
name
                     {'boosting': 'gblinear', 'tree_method': 'appro...
xgboost
                     {'min_samples_leaf': 13, 'min_samples_split': ...
RandomForest
MLP
                     {'solver': 'lbfgs', 'n_layers': 5, 'learning_r...
SVM
                     {'C': 17.48365748417831, 'kernel': 'rbf', 'gam...
DecisionTree
                     {'criterion': 'gini', 'max_depth': 22, 'min_sa...
                    {'solver': 'newton-cg', 'n_layers': 1659, 'pen...
LogisticRegression
                     {'n_neighbors': 10, 'weights': 'distance', 'al...
NearestNeighbors
```

4.2.2 Criterio de evaluación 1.2.2

Se mantiene el mismo criterio de evaluación usado anteriormente. Para todos los modelos se obtendrán métricas relevantes para la clasificación binaria:

- Accuracy: Ratio de observaciones correctas sobre total de observaciones. $\frac{TP+TN}{TP+FP+FN+TN}$. Dado que se ha aplicado undersampling a los datos para balancearlos, esta métrica puede usarse. De mantenerse el dataset imbalanceado esta métrica puede dar una interpretación errónea del desempeño del algoritmo.
- Precision: $\frac{TP}{TP+FP}$. Se relaciona con una baja tasa de falsos positivos. Recell: $\frac{TP}{TP+FP}$ M: John M:
- Recall: $\frac{TP}{TP+FN}$. Mide la cantidad de predicciones correctas para cada clase. De todos los casos de fraude, ¿cuántos fueron correctamente identificados?.
- Curva ROC: La curva ROC indica qué tan capaz es un modelo de distinguir clases relacionando la tasa de falsos positivos con la tasa de verdaderos positivos.
- AUC: el Área bajo la Curva ROC es un indicador de qué tan bueno es un clasificador independientemente del umbral de clasificación elegido.
- f1-score: Promedio entre Precision y Recall. 2 Recall** Precision
 Matriz de Confusión: es una forma de visualizar para cada clase TP,TN,FP y FN.

Siendo: - TP (True Positives): casos de Fraude identificados como Fraude. - TN (True Negatives): casos de No fraude identificados como No Fraude. - FP (False Positives): casos de No Fraude identificados como Fraude. - FN (False Negatives): casos de Fraude identificados como No Fraude.

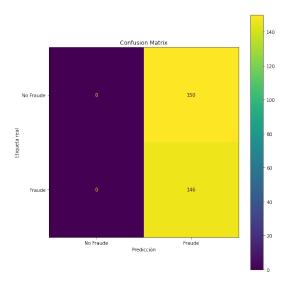
Se provee una función que realiza un reporte con las anteriores métricas para un modelo y un dataset de evaluación. A diferencia del cuaderno anterior, se utiliza confusion_matrix y ConfusionMatrixDisplay porque los clasificadores de ML-Ensamble no cumplen exactamente con la API de los de SKLearn.

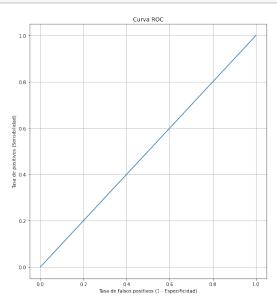
```
[15]: from sklearn import metrics
      from sklearn.metrics import confusion_matrix,ConfusionMatrixDisplay
      def model_evaluation_report(model,y_test,y_pred,y_pred_prob,description):
          accuracy = metrics.accuracy_score(y_test, y_pred.round(), normalize=True)
          precision = metrics.precision_score(y_test, y_pred,zero_division=False)
          recall = metrics.recall_score(y_test, y_pred)
          #fig, axes = plt.subplots(1, 2, figsize=(8, 4),  
       \rightarrow gridspec_kw=dict(width_ratios=[4, 3]))
```

```
fpr, tpr, thresholds = metrics.roc_curve(y_test, y_pred_prob[:,1])
   auc = metrics.auc(fpr, tpr)
   f1_score = metrics.f1_score(y_test, y_pred)
   fig, axes = plt.subplots(1,2,figsize=(20,10))
   cm = confusion_matrix(y_test, y_pred)
   disp = ConfusionMatrixDisplay(confusion_matrix=cm, display_labels=['Nou
→Fraude','Fraude'])
   disp = disp.plot(ax=axes[0])
   axes[0].set_title("Confusion Matrix")
   axes[0].set_xlabel('Predicción')
   axes[0].set_ylabel('Etiqueta real')
   #plt.show()
   #plt.figure()
   axes[1].plot(fpr, tpr)
   axes[1].grid(which='Both')
   axes[1].set_title("Curva ROC")
   axes[1].set_xlabel('Tasa de falsos positivos (1 - Especificidad)')
   axes[1].set_ylabel('Tasa de positivos (Sensibilidad)')
   plt.show()
   print("AUC:", auc )
   print("Accuracy:", accuracy )
   print("Precision:", precision )
   print("Recall:", recall)
   print("f1-score: ", f1_score)
   model_summary={
       "accuracy": accuracy,
       "precision": precision,
       "recall": recall,
       "auc": auc,
       "f1-score": f1_score,
       "description": description
   return model_summary
```

Ejemplo para el clasificador de base (Dummy).

```
[16]: X_train, y_train, X_test, y_test= choose_dataset('undersampling')
[17]: from sklearn.dummy import DummyClassifier
    model = DummyClassifier(strategy='most_frequent')
```





AUC: 0.5

Accuracy: 0.49324324324324326 Precision: 0.49324324324324326

Recall: 1.0

f1-score: 0.6606334841628959

1.2.3 4.2.3 Entrenamiento de modelos

```
[18]: # Para futura tabla comparativa
model_metrics_list = {}
```

Lista con todos los estimadores anteriores.

```
[19]: estimators = []
for idx, row in df_models.iterrows():
    estimators.append((row.name,row['model']))
estimators
```

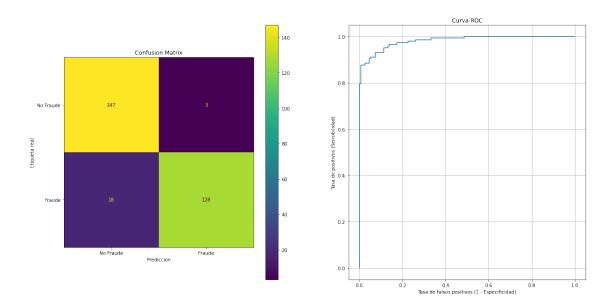
```
RandomForestClassifier(min_samples_leaf=13, min_samples_split=6,
                         n_estimators=158)),
 ('LogisticRegression',
 LogisticRegression(max_iter=1659, penalty='none', solver='newton-cg')),
 ('SVM', SVC(C=17.48365748417831, max_iter=1000, probability=True)),
 ('MLP',
 MLPClassifier(alpha=3.8925818075083096e-05,
                hidden_layer_sizes=[15, 8, 31, 12, 43], max_iter=2000,
                solver='lbfgs')),
 ('xgboost',
  XGBClassifier(base_score=0.5, booster='gbtree', boosting='gblinear',
                colsample_bylevel=0.67, colsample_bynode=0.35,
                colsample_bytree=0.51, eval_metric='rmse', gamma=0, gpu_id=-1,
                importance_type='gain', interaction_constraints='',
                learning_rate=0.020262168850806294, max_delta_step=0,
                max_depth=14, min_child_weight=2, missing=nan,
                monotone_constraints='()', n_estimators=100, n_jobs=8,
nthread=-1,
                num_parallel_tree=1, objective='reg:tweedie', random_state=0,
                reg_alpha=1, reg_lambda=3, scale_pos_weight=None, subsample=1.0,
                tree_method='approx', validate_parameters=1, verbosity=None)),
 ('NearestNeighbors',
  KNeighborsClassifier(algorithm='kd_tree', leaf_size=70, n_neighbors=10, p=1,
                       weights='distance'))]
```

4.2.3.1 Votador blando (SKLearn) El primer ensamble será un votador blando en el que todos los modelos devuelven la probabilidad de fraude y la respuesta final será el promedio de todos los votadores.

```
[]: from sklearn.ensemble import VotingClassifier
ensemble_name = "VotingSoft"
ensemble_model = VotingClassifier(estimators, voting='soft')
ensemble_model.fit(X_train, y_train)

y_pred = ensemble_model.predict(X_test)
y_pred_prob = ensemble_model.predict_proba(X_test)
```

[21]: model_metrics_list[ensemble_name]=model_evaluation_report(ensemble_model,y_test,y_pred,y_pred



AUC: 0.9821004566210045 Accuracy: 0.9290540540540541 Precision: 0.9770992366412213 Recall: 0.8767123287671232

f1-score: 0.924187725631769

4.2.3.2 Stacking (SKLearn) Este tipo de ensamble utiliza dos niveles de modelos: - Los de aprendizaje básico, que generan sus predicciones. - Un modelo final (meta) que utiliza las predicciones de los modelos anteriores. La diferencia respecto a la votación, es que en este caso el modelo "meta" asigna un peso al resultado de cada modelo de la etapa anterior.

```
[]: from sklearn.ensemble import StackingClassifier
from sklearn.linear_model import LogisticRegression

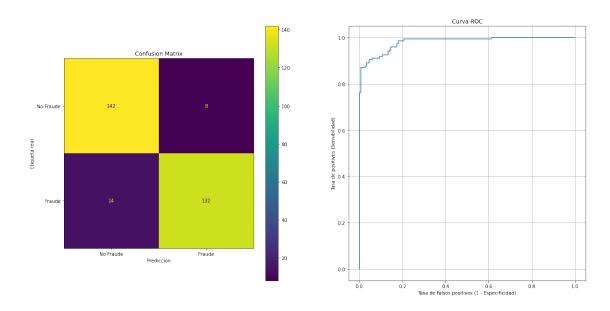
ensemble_name = "Stacking"

ensemble_model = StackingClassifier(estimators=estimators,

→final_estimator=LogisticRegression())
ensemble_model.fit(X_train, y_train)

y_pred = ensemble_model.predict(X_test)
y_pred_prob = ensemble_model.predict_proba(X_test)
```

[23]: model_metrics_list[ensemble_name]=model_evaluation_report(ensemble_model,y_test,y_pred,y_pred_



AUC: 0.980958904109589

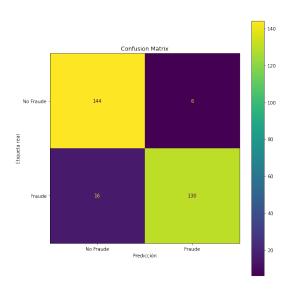
Accuracy: 0.9256756756756757 Precision: 0.9428571428571428 Recall: 0.9041095890410958 f1-score: 0.923076923076923

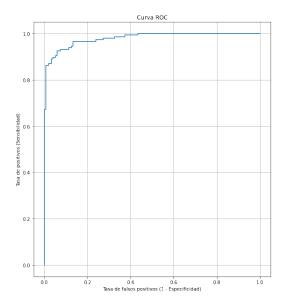
4.2.3.3 Stacking (BlendEnsembler de ML-Ensemble) Se creará otro modelo de Stacking con la librería ML-Ensemble.

```
[30]: from mlens.ensemble import BlendEnsemble from sklearn.linear_model import LogisticRegression from sklearn.svm import SVC from mlens.metrics import make_scorer from sklearn.metrics import roc_auc_score
```

```
[]: ensemble_name = "BlendEnsembler"
  auc_scorer = make_scorer(roc_auc_score, average='micro', greater_is_better=True)
  ensemble_model = BlendEnsemble(scorer=auc_scorer)
  ensemble_model.add([ x[1] for x in estimators ],proba=True,meta=True)
  ensemble_model.add_meta(LogisticRegression(),proba=True)
  ensemble_model.fit(X_train, y_train)
```

```
[32]: y_pred_prob = ensemble_model.predict_proba(X_test)
y_pred = np.argmax(y_pred_prob,axis=1)
model_metrics_list[ensemble_name]=model_evaluation_report(ensemble_model,y_test,y_pred,y_pred)
```





AUC: 0.9798630136986302 Accuracy: 0.9256756756756757

Precision: 0.9558823529411765 Recall: 0.8904109589041096 f1-score: 0.9219858156028369

1.3 4.3 Comparación de resultados y conclusiones

A continuación se presentan las métricas para el Test Set de los modelos entrenados.

```
[33]: df = pd.DataFrame.from_dict(model_metrics_list,orient='index') df.sort_values(by="auc", ascending=False)
```

```
[33]:
                     accuracy precision
                                            recall
                                                         auc f1-score
                                0.977099
     VotingSoft
                     0.929054
                                          0.876712
                                                   0.982100 0.924188
     Stacking
                     0.925676
                                0.942857
                                          0.904110
                                                    0.980959 0.923077
     BlendEnsembler 0.925676
                                0.955882
                                          0.890411 0.979863 0.921986
```

description

VotingSoft VotingSoft Stacking Stacking BlendEnsembler BlendEnsembler

Los resultados obtenidos anteriormente son:

[34]:		accuracy	precision	recall	auc	f1-score
	name					
	xgboost	0.925676	0.992063	0.856164	0.979452	0.919118
	RandomForest	0.925676	0.969697	0.876712	0.976438	0.920863
	MLP	0.905405	0.909722	0.897260	0.976210	0.903448
	SVM	0.922297	0.976744	0.863014	0.973333	0.916364
	DecisionTree	0.902027	0.887417	0.917808	0.965845	0.902357
	LogisticRegression	0.908784	0.921986	0.890411	0.964087	0.905923
	NearestNeighbors	0.905405	0.953846	0.849315	0.961187	0.898551

Comparativa para selección de modelo final.

```
[35]: df_all = pd.concat([df,df_models],axis=0)
df_all[['accuracy','precision','recall','auc','f1-score']].

→sort_values(by="auc", ascending=False)
```

[35]:		accuracy	precision	recall	auc	f1-score
	VotingSoft	0.929054	0.977099	0.876712	0.982100	0.924188
	Stacking	0.925676	0.942857	0.904110	0.980959	0.923077
	BlendEnsembler	0.925676	0.955882	0.890411	0.979863	0.921986
	xgboost	0.925676	0.992063	0.856164	0.979452	0.919118
	RandomForest	0.925676	0.969697	0.876712	0.976438	0.920863
	MLP	0.905405	0.909722	0.897260	0.976210	0.903448
	SVM	0.922297	0.976744	0.863014	0.973333	0.916364
	DecisionTree	0.902027	0.887417	0.917808	0.965845	0.902357
	LogisticRegression	0.908784	0.921986	0.890411	0.964087	0.905923
	NearestNeighbors	0.905405	0.953846	0.849315	0.961187	0.898551

Se observa que los ensambles (tanto aquellos con Voting y Stacking utilizando modelos anteriores) como los ensambles del cuaderno anterior (XGBoost y Random Forest) presentan resultados significativamente mejores que los modelos individuales.

Se usó la API básica de la librería ML-Ensemble, sin llegar a ensayar otras funciones como selección de modelos y optimización de etapa de preprocesamiento (qué tampoco se hizo para el cuaderno anterior) y tampoco se usaron sus funciones de análisis.

Aún con trabajo pendiente, ya se tiene un modelo que puede ser puesto en producción.