# Redes Neurais LSTM

July 26, 2023

# 0.1 Previsão de Séries Temporais do Custeio Administrativo do Governo Federal utilizando Redes Neurais LSTM

As séries temporais são conjuntos de dados organizados em ordem cronológica, onde cada observação está associada a um momento específico no tempo. Essa estrutura de dados é amplamente utilizada em diferentes áreas, como economia, finanças, meteorologia e muitas outras, devido à sua natureza sequencial e à capacidade de capturar padrões e tendências ao longo do tempo.

Gostaria de ter utilizado outros dados que são mais próximos do cotidiano, no entanto, muitos não posso divulgar por questões legais, então me baseei neste que está na base de dados abertos.

É importante salientar que há diversos outros fatores (econômicos, políticos, geopolíticos) que influenciam na previsão dessa despesa. Para mais detalhes sobre o Custeio Administrativo, é possível encontrar na Lei nº 4.320/1964, art. 12, § 1º, "Gastos com manutenção de serviços anteriormente criados, inclusive os destinados a atender a obras de conservação e adaptação de bens imóveis." Basicamente são despesas públicas encontradas no rol de Despesas Correntes e não geram aumento de patrimônio para o Estado, apenas manutenção dos serviços já existentes.

 $\label{link} Link \quad dos \quad dados: \quad https://www.tesourotransparente.gov.br/visualizacao/series-temporais-dotesouro-nacional$ 

#### 0.1.1 1) EDA (Exploratory Data Analysis) e ETL (Extract, Transform e Load)

#### 0.1.2 1.1) Bibliotecas

```
[1]: import pandas as pd
  import numpy as np
  import matplotlib.pyplot as plt
  import seaborn as sns

import torch
  import torch.nn as nn
  from torch.autograd import Variable

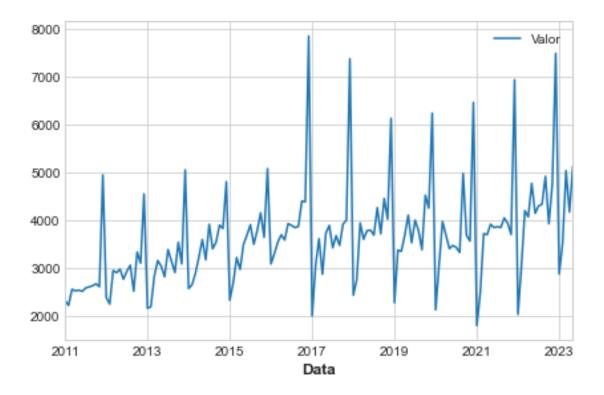
from statsmodels.tsa.statespace.sarimax import SARIMAX
  from statsmodels.tsa.seasonal import seasonal_decompose
  from statsmodels.tsa.stattools import adfuller
  from statsmodels.graphics.tsaplots import plot_acf, plot_pacf
from sklearn.metrics import r2_score
```

```
from sklearn.preprocessing import MinMaxScaler

from math import sqrt

plt.style.use("seaborn-whitegrid")
plt.rc("figure", autolayout=True)
plt.rc("axes", labelweight="bold", labelsize="large", titleweight="bold", use titlesize=14, titlepad=10)
```

```
0.1.3 1.2) Carregamento do arquivo e Limpeza
[2]: df = pd.read_csv('./dados/Custeio_Administrativo.csv',sep=';')
[3]: df['Data'] = pd.to_datetime(df['Data'], format='%d/%m/%Y')
[4]: df = df.sort_values(by='Data', ascending=True)
    df.set_index('Data', inplace=True)
[6]: df['Valor'] = df['Valor'].str.replace('.', '').str.replace(',', '.')
     df['Valor'] = df['Valor'].astype(float)
[7]: df.tail()
[7]:
                   Valor
    Data
     2023-01-01 2869.98
     2023-02-01 3509.75
     2023-03-01 5032.82
     2023-04-01 4168.13
     2023-05-01 5125.55
[8]: df.plot()
[8]: <AxesSubplot:xlabel='Data'>
```



## 0.1.4 1.3) Função de uma das métricas que usarei para avaliar o modelo

O Erro Médio Absoluto em Percentual (MAPE):

$$MAPE = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} \left| \frac{Atual-Previsto}{Atual} \right| \times 100$$

# 0.1.5 2) Construção do Modelo de Redes Neurais LSTM

# 0.1.6 2.1) Atribuição de variáveis e transformações para adaptar à arquitetura

```
[10]: prediction_window=12
n_input=12
n_features=1 #previsão univariada, será usada para definir o tamanho do input
train = df.copy()
# normalização dos dados que o algoritmo espera receber
```

```
scaler = MinMaxScaler()
scaler.fit(train)
scaled_train = scaler.transform(train)
```

# 0.1.7 2.2) Função para fazer a Rede Neural prever o $13^{\circ}$ mês a partir das 12 amostras anteriores

```
[11]: def shaping(data, n_input):
    X_train=[]
    y_train=[]
    for i in range(n_input,len(data)):
        X_train.append(data[i-n_input:i])
        y_train.append(data[i])
    return np.array(X_train), np.array(y_train)
```

#### 0.1.8 2.3) Ajuste dos tensores para o formato que o Pytorch espera receber

```
[12]: x, y = shaping(scaled_train, prediction_window)
    train_size = int(len(train) - prediction_window*3)
    val_size = len(train) - train_size

dataX = Variable(torch.Tensor(np.array(x)))
    dataY = Variable(torch.Tensor(np.array(y)))

X_train = Variable(torch.Tensor(np.array(x[:train_size])))
    y_train = Variable(torch.Tensor(np.array(y[:train_size])))

X_valid = Variable(torch.Tensor(np.array(x[train_size:len(x)])))
    y_valid = Variable(torch.Tensor(np.array(y[train_size:len(y)])))
```

#### 0.1.9 2.4) Construção da arquitetura da Rede Neural LSTM

```
class LSTMnet(nn.Module):
    def __init__(self, input_size, hidden_size, num_layers):
        super(LSTMnet, self).__init__()
        self.input_size = input_size
        self.hidden_size = hidden_size
        self.num_layers = num_layers

# camada LSTM

self.lstm = nn.LSTM(
        input_size=input_size, hidden_size=hidden_size,
        num_layers=num_layers, batch_first=True
)

# camada para saida da rede
        self.fc1 = nn.Linear(hidden_size,40)
```

```
self.fc2 = nn.Linear(40,1)
self.relu = nn.ReLU()

# método de propagação forward pass da rede neural
def forward(self,x):
    # inicialização dos estados ocultos
    h0 = Variable(torch.zeros(self.num_layers, x.size(0), self.hidden_size))
    c0 = Variable(torch.zeros(self.num_layers, x.size(0), self.hidden_size))

# propagação dos dados pela camada LSTM
    _, (h_out,_) = self.lstm(x, (h0,c0))

# redicionamento da saída
h_out = h_out.view(-1, self.hidden_size)

# camada de ativação ReLu -> f(x) = max (0, x)
out = self.fc2(self.relu(self.fc1(h_out)))
return out
```

#### **0.1.10 2.5**) Paramêtros

```
[14]: EPOCHS = 2000
    LEARNING_RATE = 0.008
    DEVICE = 'cuda' if torch.cuda.is_available() else 'cpu'

INPUT_SIZE = n_features
HIDDEN_SIZE = 100
NUM_LAYERS = 1

model = LSTMnet(INPUT_SIZE, HIDDEN_SIZE, NUM_LAYERS)
model.to(DEVICE)
print(model)

LSTMnet(
    (lstm): LSTM(1, 100, batch_first=True)
    (fc1): Linear(in_features=100, out_features=40, bias=True)
    (fc2): Linear(in_features=40, out_features=1, bias=True)
    (relu): ReLU()
)
```

#### 0.1.11 2.6) Definição da função de perda e do otimizador

```
[15]: criterion = torch.nn.MSELoss()
optimizer = torch.optim.Adam(model.parameters(), lr = LEARNING_RATE)
```

## 0.1.12 2.7) Definição dos parâmetros para Early Stopping

```
[16]: early_stopping_patience = 500
early_stopping_counter = 0
valid_loss_min=np.inf
```

## 0.1.13 2.8) Treinamento do Modelo

```
[17]: for epoch in range (EPOCHS):
          optimizer.zero_grad()
          model.train()
          output = model(X train)
          train loss = criterion(output, y train)
          train_loss.backward()
          optimizer.step()
          # validação em cada época para aplicar Early Stopping
          with torch.no_grad():
              model.eval()
              output_val = model(X_valid)
              valid_loss = criterion(output_val, y_valid)
              # salvando o modelo com a menor perda de validação
              if valid_loss <= valid_loss_min:</pre>
                  torch.save(model.state dict(), './model/lstm.pt')
                    print(f'Epoch {epoch + 0:01}: Validation loss decreased
       \hookrightarrow ({valid_loss_min:.6f} --> {valid_loss:.6f}). Saving model ...')
                  valid_loss_min = valid_loss
                  early_stopping_counter=0 # reseta contador quando o loss cai
                    print(f'Epoch {epoch + 0:01}: Validation loss did not decrease')
                  early_stopping_counter+=1
              # aplicando Early Stopping caso a perda de validação não diminua por um
       ⇒número de epochs que defini
              if early_stopping_counter > early_stopping_patience:
                  print('Early stopped at epoch :', epoch)
                  break
                print(f'\t Train_Loss: {train_loss:.4f} Val_Loss: {valid_loss:.4f} __
       →BEST VAL Loss: {valid_loss_min:.4f}\n')
```

Early stopped at epoch: 678

#### 0.1.14 3) Previsão do Treino x Teste

Previsão utilizando dados de treino e teste para avaliar as métricas e fazer os devidos comparativos

```
[18]: # carregando o modelo treinado para fazer previsão
      model.load_state_dict(torch.load('./model/lstm.pt'))
      valid predict = model(X valid)
      y_pred_scaled = valid_predict.data.numpy()
      y_pred = scaler.inverse_transform(y_pred_scaled)
      df_pred=train.iloc[-24:]
      df_pred['prediction']=y_pred
     C:\Users\ariel\AppData\Local\Temp\ipykernel_4196\4007267415.py:9:
     SettingWithCopyWarning:
     A value is trying to be set on a copy of a slice from a DataFrame.
     Try using .loc[row_indexer,col_indexer] = value instead
     See the caveats in the documentation: https://pandas.pydata.org/pandas-
     docs/stable/user_guide/indexing.html#returning-a-view-versus-a-copy
       df_pred['prediction']=y_pred
[19]: plt.figure(figsize=(14,5))
      plt.plot(df_pred["Valor"], label="Real", marker="o")
      plt.plot(df_pred["prediction"], label="Previsto", marker="o")
      plt.title("Previsão com Redes Neurais", fontsize=25)
      plt.ylabel("Valor")
      plt.legend(title_fontsize=14, fontsize=13, fancybox=True, shadow=True, __

¬frameon=True)
      fig = plt.gcf()
      plt.show()
```

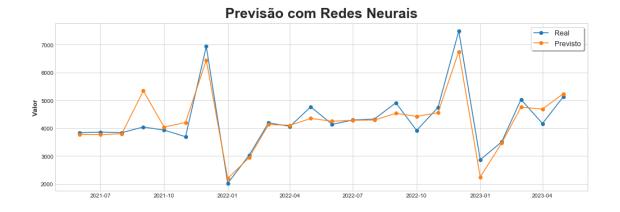


fig.savefig('./graficos/RedesNeurais.png', format='png')

#### 0.1.15 4) Avaliação da Previsão

Mape: quanto mais baixo melhor

R<sup>2</sup>: quanto mais próximo de 1 (100%) melhor

```
[20]: mape_lstm = mape(df_pred["Valor"], df_pred["prediction"])
print(f"MAPE OF LSTM MODEL : {mape_lstm:.2f} %")
```

MAPE OF LSTM MODEL : 6.85 %

```
[21]: print(f'{r2_score(df_pred["Valor"], df_pred["prediction"]):.4f}%')
```

0.8609%

#### 0.1.16 5) Previsão para um novo período de 12 meses

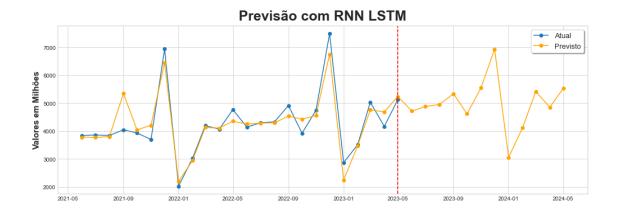
# 0.1.17 5.1) Previsão sequencial da série

```
[22]: test_predictions = [] # lista para armazenar as previsões
      # avalia batch de previsão daqueles 12 meses instanciados no início do notebook
      eval_batch = Variable(torch.Tensor(scaled_train[-n_input:]))
      # reshape dos dados (1,12,1)
      current batch=eval batch.reshape((1,n input,n features))
      for i in range(len(scaled_train[-n_input:])):
          # previsão do batch atual
          current_pred = model(current_batch)
          # junta as previsões à lista
          test_predictions.append(current_pred)
          \# atualiza o batch de avaliação usando a previsão removendo o primeiro_\sqcup
       \rightarrow valor
          # faz a função do "sliding window" para fazer previsão de forma sequencial
       ⇔na time series
          current_batch = torch.cat((current_batch[:,1:,:],current_pred.
       \rightarrowreshape(1,1,1),1)
```

#### 0.1.18 5.2) Formata as previsões para obter valores finais

```
[23]: forec_vals = [val.flatten().item() for val in test_predictions]
forec_vals = np.array(forec_vals).reshape(-1,1)
forec_vals = scaler.inverse_transform(forec_vals)
```

```
[24]: DatetimeIndex(['2023-06-01', '2023-07-01', '2023-08-01', '2023-09-01',
                     '2023-10-01', '2023-11-01', '2023-12-01', '2024-01-01',
                     '2024-02-01', '2024-03-01', '2024-04-01', '2024-05-01'],
                    dtype='datetime64[ns]', name='Data', freq=None)
[25]: df_forecast=pd.DataFrame({'date': forecast_dates})
      df_forecast.set_index('date', inplace=True)
      df_forecast['prediction'] = forec_vals
      df_forecast.head(12)
[25]:
                  prediction
      date
      2023-06-01 4715.412964
      2023-07-01 4880.108572
      2023-08-01 4952.617748
      2023-09-01 5337.228141
      2023-10-01 4614.367731
      2023-11-01 5550.308902
      2023-12-01 6933.635020
      2024-01-01 3057.375240
      2024-02-01 4127.120718
      2024-03-01 5416.249735
      2024-04-01 4854.095073
      2024-05-01 5529.593752
[26]: df_full= pd.concat([df_pred, df_forecast])
[27]: plt.figure(figsize=(14,5))
      plt.plot(df_full["Valor"], label="Atual", marker="o")
      plt.plot(df_full["prediction"], label="Previsto", marker="o", color="orange")
      plt.axvline(df_pred.index[-1], color="red", linestyle="--")
      plt.title("Previsão com RNN LSTM", fontsize=25)
      plt.ylabel('Valores em Milhões', fontsize=15)
      plt.legend(title_fontsize=14, fontsize=13, fancybox=True, shadow=True,
       →frameon=True)
      fig = plt.gcf()
      plt.show()
      fig.savefig('./graficos/RedesNeuraisPrevisao.png', format='png')
```



#### 0.1.19 6) Considerações Finais:

Após a implementação do modelo de previsão e a realização de avaliações cuidadosas, foram obtidos resultados promissores na capacidade de prever a série temporal com base nos dados coletados. A qualidade do modelo foi avaliada por meio de análises quantitativas e, quando relevante, também foram considerados aspectos qualitativos para garantir a relevância e a utilidade das previsões geradas.

Os resultados obtidos fornecem uma base sólida para a aplicação prática das previsões em cenários reais, auxiliando a tomada de decisões informadas e estratégicas em relação aos dados temporais analisados. No entanto, é importante ressaltar que a precisão do modelo pode ser afetada por mudanças nas tendências e comportamentos futuros, portanto, o monitoramento contínuo e a atualização do modelo com novos dados são aspectos relevantes para sua aplicação a longo prazo.