Università degli Studi di Salerno. Corso di Laurea in Informatica. Corso di Ricerca Operativa Esame del 12/07/2012

Nome	Cognome	
Matricola		

1. (5 punti) Risolvere il seguente problema di programmazione lineare applicando l'algoritmo del simplesso:

$$\max 3x_1 + 2x_2 - 5x_3$$
s.t.
$$4x_1 - 2x_2 + 2x_3 \le 4$$

$$2x_1 + x_2 + x_3 \le 1$$

$$x_1 \ge 0 \ x_2 \ge 0 \ x_3 \ge 0$$

2. Si consideri il seguente problema di Programmazione Lineare:

$$\max z = x_1 + x_2$$

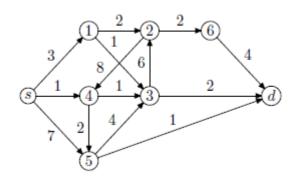
$$2x_1 - x_2 \ge 4$$

$$x_1 + 4x_2 \le 10$$

$$x_2 \ge 1$$

$$x_1 \ge 0 \ x_2 \ge 0$$

- (3 punti) Risolvere graficamente il problema dato, disegnando la regione ammissibile, individuando il punto di ottimo ed il
- (2 punti) Aggiungere un vincolo al problema dato in modo da rendere il problema inammissibile.
- (2 punti) Determinare una nuova funzione obiettivo tale che l'ottimo del problema sia finito e non unico.
- Con riferimento al problema di programmazione lineare del punto precedente:
 - (3 punti) Si riscriva il problema applicando il teorema della rappresentazione.
 - (3 punti) Si risolva il nuovo problema ottenuto e si commenti la relazione tra la soluzione ottima dei due problemi.
- (4 punti) Si consideri il grafo orientato in figura, dove i valori su ogni arco indicano la capacità dell'arco. Determinare il massimo flusso che può essere spedito dal nodo origine s al nodo destinazione d attraverso un opportuno algoritmo. Illustrare il procedimento ed il corrispondente taglio di capacità minima.



- (4 punti) Sia G = (V, A) un grafo orientato, dove V è l'insieme dei vertici ed A è l'insieme degli archi e dove ad ogni arco (i,j) è associata una capacità u_{ij} . Siano s e t rispettivamente un nodo sorgente ed un nodo destinazione individuati su G. Dimostrare che il valore di un qualunque flusso ammissibile da s a t è minore o uguale alla capacità di un qualunque taglio.
- Sia dato il seguente problema di programmazione lineare.

$$\min z = x_1 + 2x_2 + x_3 + x_4.$$

$$3x_1 + 5x_2 - \frac{1}{2}x_3 + x_4 \le 4$$

$$2x_1 + \frac{4}{3}x_2 - \frac{2}{3}x_3 + 5x_4 \ge \frac{8}{3}$$

$$x_1 - 5x_2 + 3x_3 + x_4 = 1$$

$$x_1 \ge 0 \ x_2 \ n. \ v \ x_3 \ge 0 \ x_4 \le 0$$

- (2 punti) Si riscriva il problema in forma standard di minimo.
- (2 punti) Si scriva il problema duale del problema dato.