



Hierarchical Clustering και Density-based Clustering στην R

1 Εισαγωγή

1.1 Εισαγωγή στο Hierarchical Clustering

Το hierarchical clustering είναι μια μέθοδος ομαδοποίησης που χρησιμοποιείται για να κατασκευάσει μια ιεραρχία από clusters. Στην bottom up (agglomerative) εκδοχή της μεθόδου, αρχικά κάθε σημείο έχει το δικό του cluster. Στη συνέχεια, τα clusters συνενώνονται με βάση την απόστασή τους. Υπάρχουν διαφορετικοί τρόποι ορισμού της απόστασης μεταξύ δύο clusters, όπως για παράδειγμα την απόσταση μεταξύ των δύο κοντινότερων σημείων των clusters, την απόσταση μεταξύ των δύο μακρινότερων σημείων των clusters, κ.α. Επίσης, είναι δυνατή η χρήση διαφορετικών μετρικών απόστασης (π.χ. ευκλείδεια, manhattan κ.α.). Εφόσον έχει κατασκευαστεί μια ιεραρχία με όλα τα clusters, επιλέγεται μια θέση αποκοπής όπου χωρίζονται τα clusters.

1.2 Εισαγωγή στο Density-based Clustering

Το density-based clustering αφορά το διαχωρισμό σε clusters με βάση την πυκνότητα των δεδομένων. Ο πιο γνωστός αλγόριθμος σε αυτήν την κατηγορία είναι ο DBSCAN (Density-based spatial clustering of applications with noise). Για ένα σύνολο σημείων ο DBSCAN ομαδοποιεί τα σημεία που είναι κοντά μεταξύ τους, δηλαδή που η απόσταση μεταξύ ενός σημείου του cluster με ένα τουλάχιστον άλλο σημείο είναι μεγαλύτερη ή ίση από την παράμετρο epsilon. Υπάρχει επίσης η παράμετρος minPoints που ορίζει τον ελάχιστο αριθμό σημείων που πρέπει να υπάρχουν σε κάθε cluster. Τα σημεία για τα οποία δεν ικανοποιούνται τα κριτήρια των παραμέτρων epsilon και minPoints θέτονται ως outliers.

1.3 Hierarchical Clustering στην R

Για ομαδοποίηση με χρήση hierarchical clustering στην R, υπολογίζουμε αρχικά τον πίνακα αποστάσεων για τα δεδομένα:

```
> d = dist(data)
```

Στη συνέχεια εφαρμόζουμε hierarchical clustering με την εντολή:

```
> hc = hclust(d, method = "single")
```

Με την παράμετρο `method` επιλέγουμε τον τρόπο ορισμού της απόστασης μεταξύ δύο clusters. Μπορούμε να επιλέξουμε την απόσταση μεταξύ των δύο κοντινότερων σημείων των clusters (`single`), την απόσταση μεταξύ των δύο μακρινότερων σημείων των clusters (`complete`), τη μέση απόσταση μεταξύ όλων των σημείων των clusters (`average`), την απόσταση μεταξύ των centroids των clusters (`centroid`), τη μείωση του τετραγωνικού σφάλματος που θα προκύψει αν συνενωθούν τα clusters (`ward.D2`) κ.α.

Μπορούμε να σχεδιάσουμε το δενδρόγραμμα με την εντολή:

```
> plot(hc)
```

Μπορούμε επίσης να εμφανίσουμε την κατανομή των σημείων σε clusters:

```
> clusters = cutree(hc, k = 4)
```

Όπου η παράμετρος `k` δηλώνει τον αριθμό των clusters.

Για να δούμε το διαχωρισμό των clusters στο δενδρόγραμμα (αφού έχουμε σχεδιάσει το δενδρόγραμμα με την εντολή `plot(hc)`) μπορούμε επιπλέον να εκτελέσουμε την εντολή:

```
> rect.hclust(hc, k = 4)
```

1.4 DBSCAN στην R

Για να χρησιμοποιήσουμε τον αλγόριθμο DBSCAN χρειαζόμαστε τη βιβλιοθήκη `cluster`:

```
> library(dbSCAN)
```

Για να εφαρμόσουμε τον αλγόριθμο εκτελούμε την εντολή:

```
> model = dbSCAN(ddata, eps = 1.0, minPts = 4)
```

Όπου μπορούμε να θέσουμε τις τιμές των παραμέτρων `epsilon` και `MinPoints` με τα `eps` και `minPts` αντίστοιχα.

Μπορούμε να εμφανίσουμε την κατανομή των σημείων σε clusters με την εντολή

```
> clusters = model$cluster
```

Στη μεταβλητή `clusters` υπάρχουν επίσης μηδενικές τιμές για τα σημεία εκείνα που ο DBSCAN τα έθεσε ως θόρυβο (`outliers`).

2 Κατασκευή Hierarchical Clustering

Για την ομαδοποίηση δεδομένων με hierarchical clustering θα χρησιμοποιήσουμε ως εφαρμογή τα δεδομένα του παρακάτω πίνακα.

	X	Y
x1	2	0
x2	8	4
x3	0	6
x4	7	2
x5	6	1

Θα απαντήσουμε στα παρακάτω ερωτήματα:

α) Σχεδιάστε τα δεδομένα.

β) Εφαρμόστε στα δεδομένα hierarchical clustering με single linkage.

γ) Εφαρμόστε στα δεδομένα hierarchical clustering με complete linkage.

δ) Κατασκευάστε τα μοντέλα στην R και επαναλάβετε τα ερωτήματα (β) και (γ). Σχεδιάστε το δενδρόγραμμα που προκύπτει σε κάθε περίπτωση.

ε) Διαχωρίστε τα δεδομένα σε δύο clusters χρησιμοποιώντας τα μοντέλα του ερωτήματος (δ). Για κάθε μοντέλο, σχεδιάστε εκ νέου τα δεδομένα με διαφορετικά χρώματα για κάθε cluster.

2.1 Κατασκευή Δεδομένων

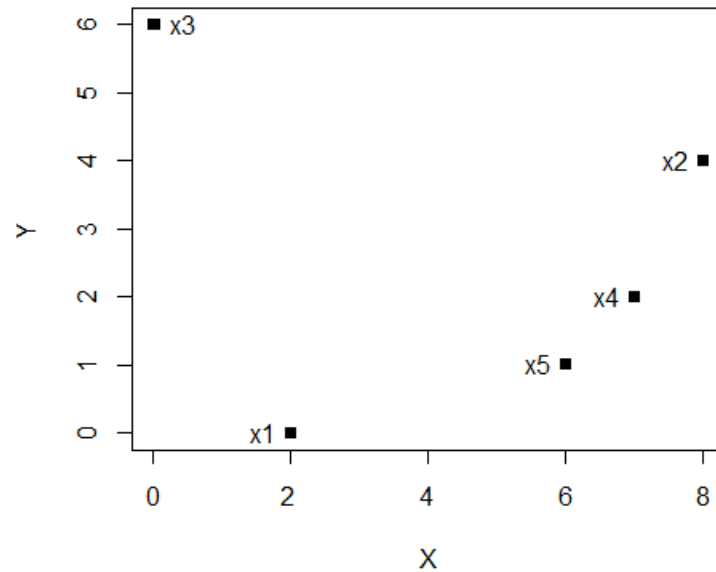
Αρχικά κατασκευάζουμε τα δεδομένα με τις παρακάτω εντολές:

```
> X = c(2, 8, 0, 7, 6)
> Y = c(0, 4, 6, 2, 1)
> rnames = c("x1", "x2", "x3", "x4", "x5")
> hdata = data.frame(X, Y, row.names = rnames)
```

Στη συνέχεια μπορούμε να τα σχεδιάσουμε με τις εντολές:

```
> plot(hdata, pch = 15)
> text(hdata, labels = row.names(hdata), pos = 2)
```

Τα δεδομένα φαίνονται στο σχήμα:



2.2 Υπολογισμός Single Linkage Hierarchical Clustering

Για το ερώτημα (β) εφαρμόζουμε Single Linkage Hierarchical Clustering.

1^η επανάληψη

Ο πίνακας αποστάσεων είναι:

	x1	x2	x3	x4	x5
x1	0	7.21	6.32	5.39	4.12
x2	7.21	0	8.25	2.24	3.61
x3	6.32	8.25	0	8.06	7.81
x4	5.39	2.24	8.06	0	1.41
x5	4.12	3.61	7.81	1.41	0

Ενώνουμε τα σημεία x4 και x5.

2^η επανάληψη

Ο νέος πίνακας αποστάσεων είναι:

	x1	x2	x3	x4-x5
x1	0	7.21	6.32	4.12
x2	7.21	0	8.25	2.24
x3	6.32	8.25	0	7.81
x4-x5	4.12	2.24	7.81	0

Ενώνουμε τα σημεία x2 και x4-x5.

3^η επανάληψη

Ο νέος πίνακας αποστάσεων είναι:

	x1	x2-x4-x5	x3
x1	0	4.12	6.32
x2-x4-x5	4.12	0	7.81
x3	6.32	7.81	0

Ενώνουμε τα σημεία x1 και x2-x4-x5.

4^η επανάληψη

Ο νέος πίνακας αποστάσεων είναι:

	x1-x2-x4-x5	x3
x1-x2-x4-x5	0	6.32
x3	6.32	0

Ενώνουμε τα σημεία x3 και x1-x2-x4-x5.

2.3 Υπολογισμός Complete Linkage Hierarchical Clustering

Για το ερώτημα (γ) εφαρμόζουμε Complete Linkage Hierarchical Clustering.

1^η επανάληψη

Ο πίνακας αποστάσεων είναι:

	x1	x2	x3	x4	x5
x1	0	7.21	6.32	5.39	4.12
x2	7.21	0	8.25	2.24	3.61
x3	6.32	8.25	0	8.06	7.81
x4	5.39	2.24	8.06	0	1.41
x5	4.12	3.61	7.81	1.41	0

Ενώνουμε τα σημεία x4 και x5.

2^η επανάληψη

Ο νέος πίνακας αποστάσεων είναι:

	x1	x2	x3	x4-x5
x1	0	7.21	6.32	5.39
x2	7.21	0	8.25	3.61
x3	6.32	8.25	0	8.06
x4-x5	5.39	3.61	8.06	1.41

Ενώνουμε τα σημεία x2 και x4-x5.

3^η επανάληψη

Ο νέος πίνακας αποστάσεων είναι:

	x1	x2-x4-x5	x3
x1	0	7.21	6.32
x2-x4-x5	7.21	0	8.25
x3	6.32	8.25	0

Ενώνουμε τα σημεία x1 και x3.

4^η επανάληψη

Ο νέος πίνακας αποστάσεων είναι:

	x1-x3	x2-x4-x5
x1-x3	0	8.25
x2-x4-x5	8.25	0

Ενώνουμε τα σημεία x1-x3 και x2-x4-x5.

2.4 Κατασκευή Μοντέλου με την R

Για το ερώτημα (δ) υπολογίζουμε αρχικά τον πίνακα αποστάσεων για τα δεδομένα:

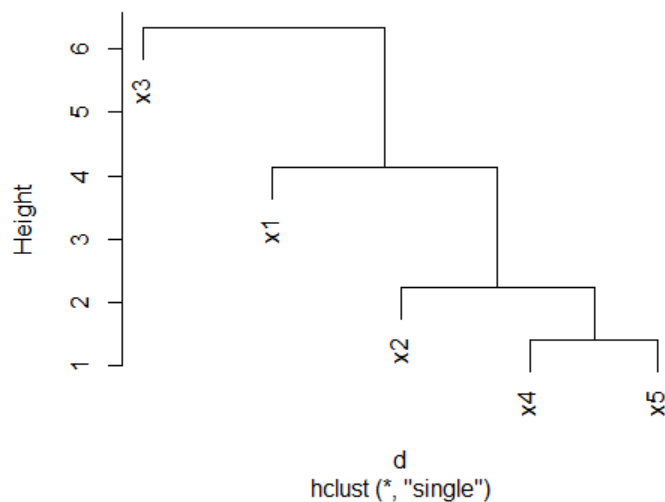
```
> d = dist(hdata)
```

Εφαρμόζουμε single linkage hierarchical clustering και σχεδιάζουμε το δενδρόγραμμα:

```
> hc_single = hclust(d, method = "single")
```

```
> plot(hc_single)
```

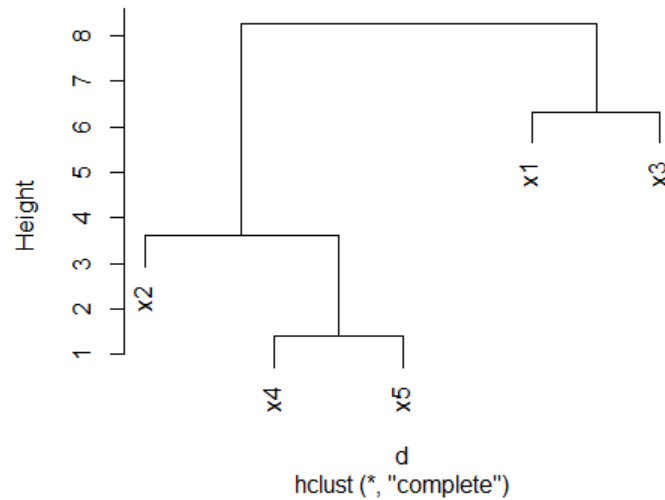
Οπότε προκύπτει το παρακάτω δενδρόγραμμα:



Εφαρμόζουμε complete linkage hierarchical clustering και σχεδιάζουμε το δενδρόγραμμα:

```
> hc_complete = hclust(d, method = "complete")  
> plot(hc_complete)
```

Οπότε προκύπτει το παρακάτω δενδρόγραμμα:



Τέλος, μπορούμε να διαχωρίσουμε τα δεδομένα σε δύο clusters με την εντολή:

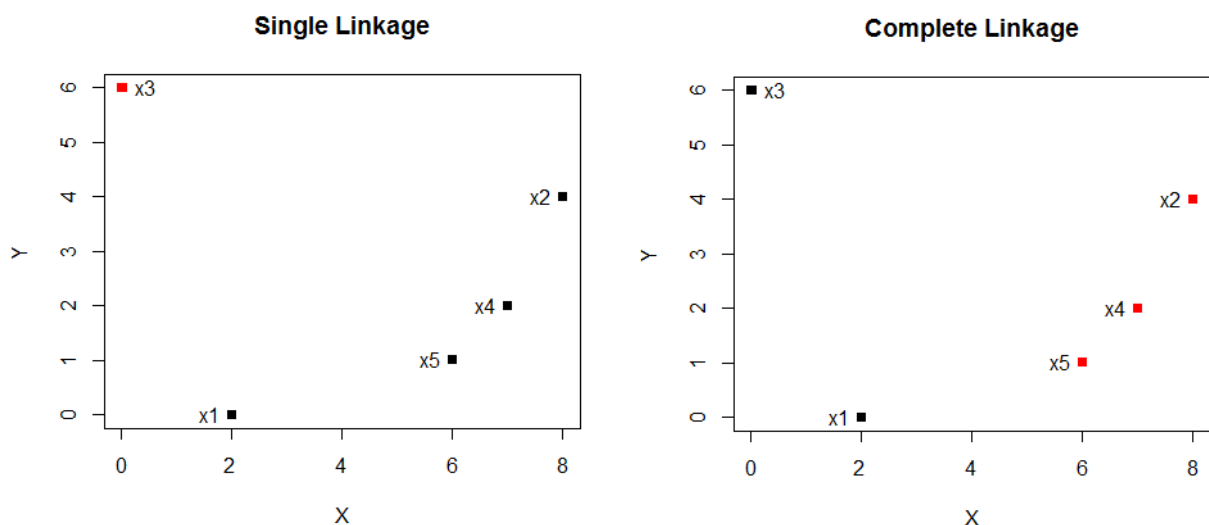
```
> clusters = cutree(hc_single, k = 2)
```

(ή για complete linkage με την εντολή `clusters = cutree(hc_complete, k = 2)`)

Σχεδιάζουμε τα δεδομένα με διαφορετικά χρώματα για κάθε cluster:

```
plot(hdata, col = clusters, pch = 15, main = "Single Linkage")  
text(hdata, labels = row.names(hdata), pos = 2)
```

(ή για complete linkage με όρισμα `main = "Single Linkage"` στην εντολή `plot`)



3 Εφαρμογή με Hierarchical Clustering

Για την κατασκευή ενός μοντέλου Hierarchical Clustering θα χρησιμοποιήσουμε ως εφαρμογή τα δεδομένα του αρχείου που δίνεται (europe.txt) για ένα πρόβλημα ομαδοποίησης. Ένα τμήμα των δεδομένων με την εντολή head είναι το παρακάτω:

	GDP	Inflation	Unemployment
Austria	41600	3.5	4.2
Belgium	37800	3.5	7.2
Bulgaria	13800	4.2	9.6
Croatia	18000	2.3	17.7
Czech Republic	27100	1.9	8.5
Denmark	37000	2.8	6.1
...

Αρχικά, κάνουμε import τις βιβλιοθήκες και εισάγουμε τα δεδομένα:

```
> library(cluster)
> library(scatterplot3d)
> europe = read.csv("europe.txt")
```

Στη συνέχεια, θα απαντήσουμε στα παρακάτω ερωτήματα:

- α) Εφαρμόστε hierarchical clustering με complete link ώστε να ομαδοποιήσετε τα δεδομένα. Σχεδιάστε το δενδρόγραμμα που προκύπτει.
- β) Χρησιμοποιήστε το μέσο silhouette ώστε να επιλέξετε τον αριθμό των clusters.
- γ) Ομαδοποιήστε τα δεδομένα σε 7 clusters. Απεικονίστε τα clusters σε δενδρόγραμμα.
- δ) Σχεδιάστε τα δεδομένα σε τρεις διαστάσεις με διαφορετικά χρώματα για κάθε cluster.
- ε) Υπολογίστε και σχεδιάστε το silhouette.

3.1 Κατασκευή Μοντέλου Hierarchical Clustering

Αρχικά κανονικοποιούμε τα δεδομένα και υπολογίζουμε τον πίνακα αποστάσεων:

```
> d = dist(scale(europe))
```

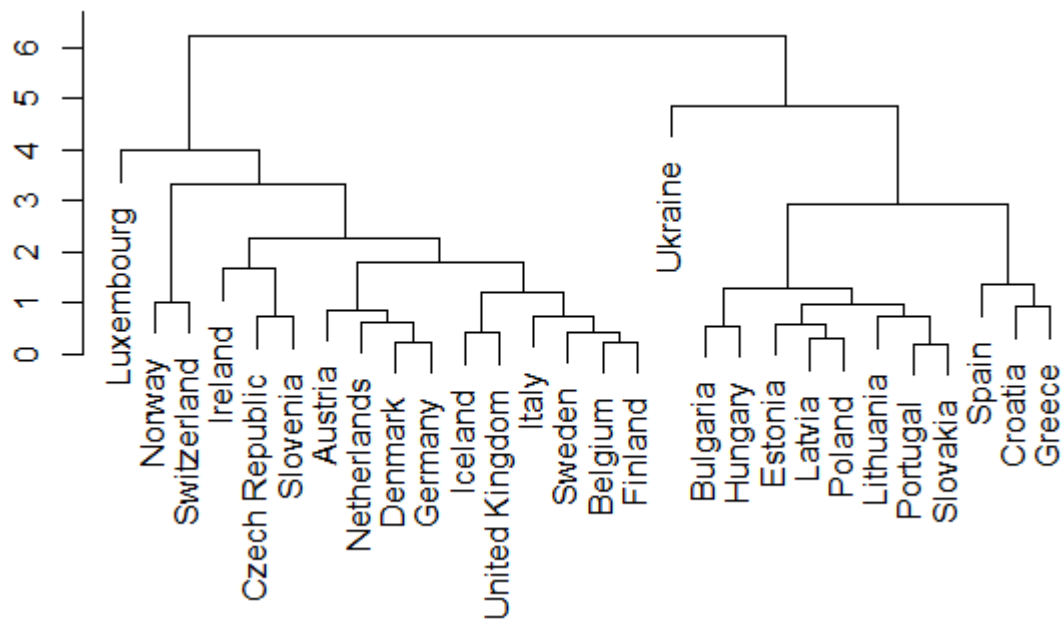
Στη συνέχεια εφαρμόζουμε hierarchical clustering με complete link (ερώτημα (α)):

```
> hc <- hclust(d, method = 'complete')
```

Μπορούμε να εμφανίσουμε το δενδρόγραμμα με την εντολή:

```
> plot(hc)
```


Οπότε προκύπτει το παρακάτω δενδρόγραμμα:



3.2 Επιλογή Αριθμού Clusters με βάση το Silhouette

Για να βρούμε ένα πλήθος clusters που να περιγράφουν τα δεδομένα (ερώτημα (β)), υπολογίζουμε το silhouette για τους διαχωρισμούς σε 2, ..., 20 clusters με τις παρακάτω εντολές:

```
slc = c()
for (i in 2:20){
  clusters = cutree(hc, k = i)
  slc [i-1] = mean(silhouette(clusters, d)[, 3])
}
```

Στη συνέχεια μπορούμε να σχεδιάσουμε το silhouette coefficient με την παρακάτω εντολή:

```
plot(2:20, slc, type="b", xlab="Number of Clusters", ylab="Silhouette")
```

3.3 Ομαδοποίηση Δεδομένων σε Clusters

Για το ερώτημα (γ) ομαδοποιούμε τα δεδομένα σε 3 clusters:

```
> clusters = cutree(hc, k = 7)
```

Όπου στη μεταβλητή clusters έχουμε την κατανομή των σημείων σε clusters.

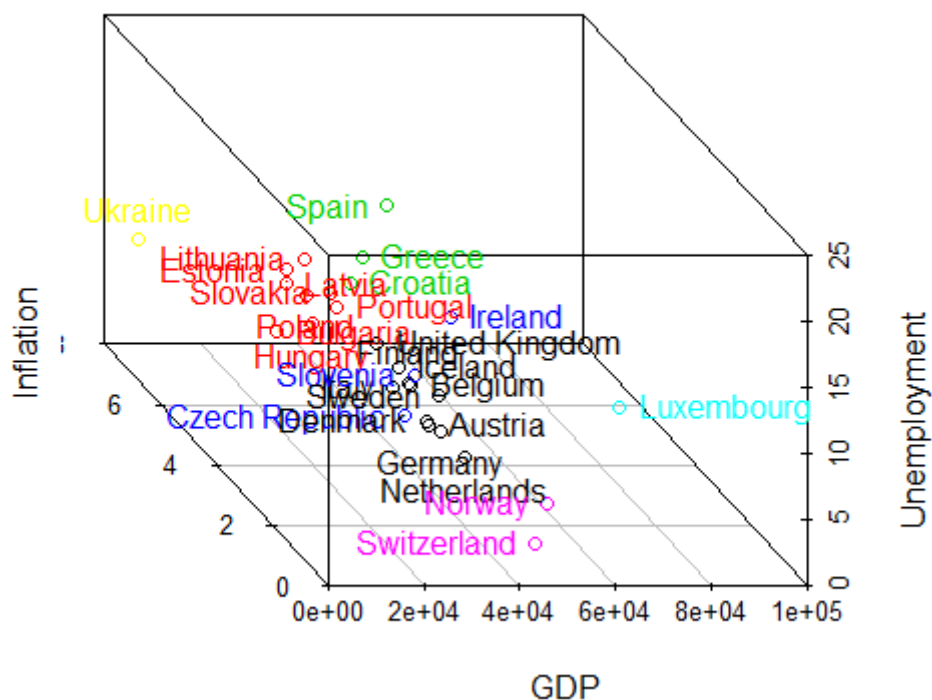
Για να απεικονίσουμε τα clusters στο δενδρόγραμμα εκτελούμε τις παρακάτω εντολές:

```
> plot(hc)
> rect.hclust(hc, k = 7)
```

Μπορούμε τέλος να σχεδιάσουμε τα δεδομένα με τα clusters (ερώτημα (δ)) με τις εντολές:

```
> s3d = scatterplot3d(europe, angle = 125, scale.y = 1.5, color = clusters)
> coords <- s3d$xyz.convert(europe)
> text(coords$x, coords$y, labels=row.names(europe), pos=sample(1:4),
      col = clusters)
```

Οπότε προκύπτει η ομαδοποίηση που φαίνεται στο σχήμα:



3.4 Υπολογισμός Silhouette και Κατασκευή Silhouette Plot

Για τον υπολογισμό του silhouette (ερώτημα (ε)) εκτελούμε την εντολή:

```
> model_silhouette = silhouette(clusters, d)
```

Στη συνέχεια μπορούμε να σχεδιάσουμε το silhouette plot με την παρακάτω εντολή:

```
> plot(model_silhouette)
```

4 Κατασκευή Density-based Clustering

Για την κατασκευή ενός μοντέλου DBSCAN θα χρησιμοποιήσουμε ως εφαρμογή τα δεδομένα εκπαίδευσης του παρακάτω πίνακα για ένα πρόβλημα ομαδοποίησης.

	X	Y
x1	2	10
x2	2	5
x3	8	4
x4	5	8
x5	7	5
x6	6	4
x7	1	2
x8	4	9

Θα απαντήσουμε στα παρακάτω ερωτήματα:

α) Σχεδιάστε τα δεδομένα.

β) Εφαρμόστε στα δεδομένα dbscan με $\text{eps} = 2$ και $\text{minPts} = 2$.

γ) Επαναλάβετε το ερώτημα (β) για $\text{eps} = 3.5$.

δ) Κατασκευάστε τα μοντέλα στην R και επαναλάβετε τα ερωτήματα (β) και (γ). Σχεδιάστε τα δεδομένα με διαφορετικό χρώμα για κάθε cluster και μαύρο χρώμα για τα σημεία που αποτελούν θόρυβο σε κάθε περίπτωση.

4.1 Κατασκευή Δεδομένων και Εισαγωγή Βιβλιοθηκών

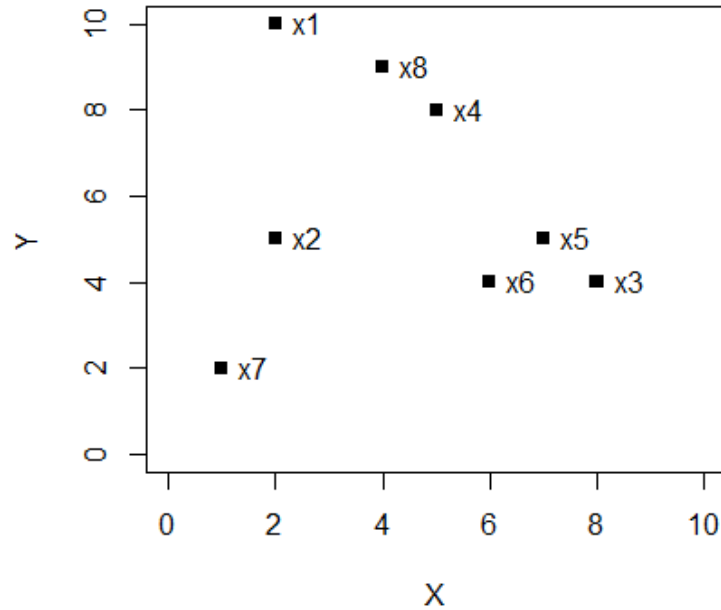
Αρχικά εισάγουμε τη dbscan κατασκευάζουμε τα δεδομένα με τις παρακάτω εντολές:

```
> library(dbSCAN)
> X = c(2, 2, 8, 5, 7, 6, 1, 4)
> Y = c(10, 5, 4, 8, 5, 4, 2, 9)
> rnames = c("x1", "x2", "x3", "x4", "x5", "x6", "x7", "x8")
> ddata = data.frame(X, Y, row.names = rnames)
```

Στη συνέχεια μπορούμε να τα σχεδιάσουμε (ερώτημα (α)) με τις εντολές:

```
> plot(ddata, pch = 15)
> text(ddata, labels = row.names(ddata), pos = 4)
```

Τα δεδομένα φαίνονται στο σχήμα:



4.2 Υπολογισμός DBSCAN

Για τα ερωτήματα (β) και (γ) υπολογίζουμε αρχικά τον πίνακα αποστάσεων για τα δεδομένα:

	x1	x2	x3	x4	x5	x6	x7	x8
x1	0.00							
x2	5.00	0.00						
x3	8.49	6.08	0.00					
x4	3.61	4.24	5.00	0.00				
x5	7.07	5.00	1.41	3.61	0.00			
x6	7.21	4.12	2.00	4.12	1.41	0.00		
x7	8.06	3.16	7.28	7.21	6.71	5.39	0.00	
x8	2.24	4.47	6.40	1.41	5.00	5.39	7.62	0.00

Για $\text{eps} = 2$ (ερώτημα (β)) είναι μικρότερες οι αποστάσεις που είναι έντονες στον πίνακα:

	x1	x2	x3	x4	x5	x6	x7	x8
x1	0.00							
x2	5.00	0.00						
x3	8.49	6.08	0.00					
x4	3.61	4.24	5.00	0.00				
x5	7.07	5.00	1.41	3.61	0.00			
x6	7.21	4.12	2.00	4.12	1.41	0.00		
x7	8.06	3.16	7.28	7.21	6.71	5.39	0.00	
x8	2.24	4.47	6.40	1.41	5.00	5.39	7.62	0.00

Εφαρμόζοντας τον αλγόριθμο (και με δεδομένο ότι κάθε ομάδα αποτελείται από τουλάχιστον 2 σημεία) σχηματίζονται τα clusters x3-x5-x6 και x4-x8

Για $eps = 3$ (ερώτημα γ)) είναι μικρότερες οι αποστάσεις που είναι έντονες στον πίνακα:

	x1	x2	x3	x4	x5	x6	x7	x8
x1	0.00							
x2	5.00	0.00						
x3	8.49	6.08	0.00					
x4	3.61	4.24	5.00	0.00				
x5	7.07	5.00	1.41	3.61	0.00			
x6	7.21	4.12	2.00	4.12	1.41	0.00		
x7	8.06	3.16	7.28	7.21	6.71	5.39	0.00	
x8	2.24	4.47	6.40	1.41	5.00	5.39	7.62	0.00

Εφαρμόζοντας τον αλγόριθμο (και με δεδομένο ότι κάθε ομάδα αποτελείται από τουλάχιστον 2 σημεία) σχηματίζονται τα clusters x1-x4-x8, x2-x7 και x3-x5-x6

4.3 Κατασκευή Μοντέλου με την R

Μπορούμε να εφαρμόσουμε τον DBSCAN στην R για $eps = 2$ εκτελώντας την εντολή:

```
> model = dbscan(ddata, eps = 2, minPts = 2)
```

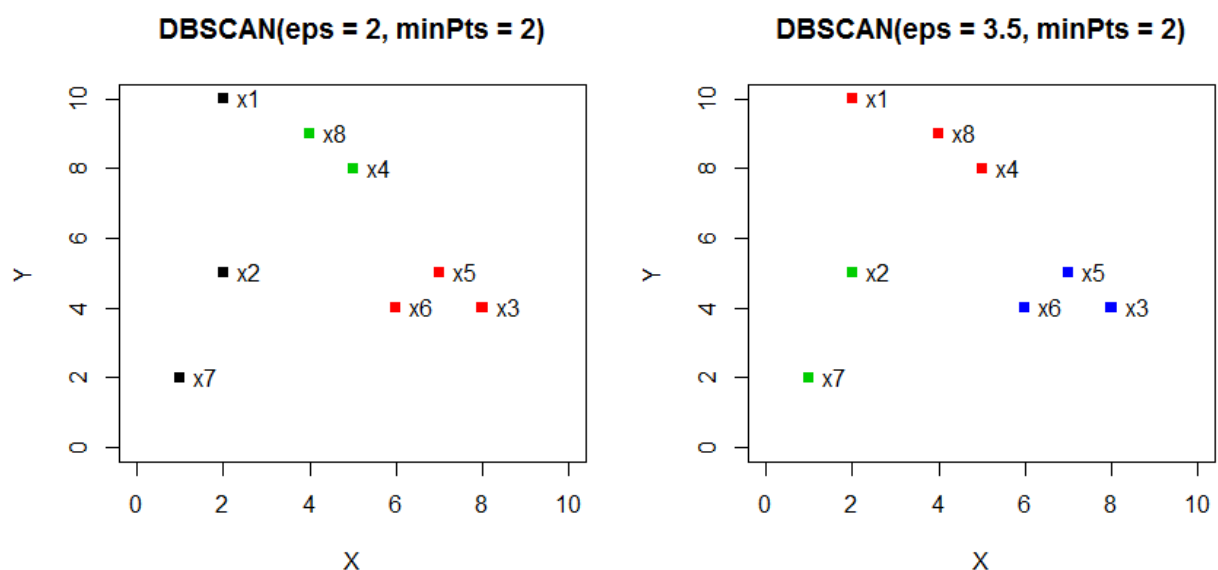
Για την κατανομή των σημείων σε clusters και τη σχεδιάσή τους εκτελούμε τις εντολές:

```
> clusters = model$cluster
```

```
> plot(ddata, col=clusters+1, pch=15, main="DBSCAN(eps = 2, minPts = 2)")
```

```
> text(ddata, labels = row.names(ddata), pos = 4)
```

Όμοια εκτελούμε τις εντολές με $eps = 3.5$. Οπότε προκύπτουν τα παρακάτω διαγράμματα:



5 Εφαρμογή με Density-based Clustering

Για την κατασκευή ενός μοντέλου Density-based Clustering θα χρησιμοποιήσουμε ως εφαρμογή τα δεδομένα του αρχείου που δίνεται (mdata.txt) για ένα πρόβλημα ομαδοποίησης. Ένα summary των δεδομένων με την R είναι το παρακάτω:

	X	Y
Min.	: 5.09	Min. : 7.537
1st Qu.:	10.45	1st Qu.: 9.775
Median	:13.30	Median :12.009
Mean	:13.28	Mean :12.027
3rd Qu.:	16.13	3rd Qu.:14.273
Max.	:21.43	Max. :16.480

Αρχικά, κάνουμε import τη βιβλιοθήκη dbSCAN και εισάγουμε τα δεδομένα:

```
> library(dbSCAN)
> mdata = read.csv("mdata.txt")
```

Στη συνέχεια, θα απαντήσουμε στα παρακάτω ερωτήματα:

α) Σχεδιάστε τα δεδομένα.

β) Εφαρμόστε τον k-Means στα δεδομένα ώστε να τα ομαδοποιήσετε σε 2 clusters. Στη συνέχεια, σχεδιάστε τα δεδομένα με διαφορετικό χρώμα για κάθε cluster. Περιγράφεται ικανοποιητικά το σύνολο δεδομένων;

γ) Υπολογίστε το kNN distance για τα δεδομένα με k ίσο με 10 ώστε να επιλέξετε την παράμετρο eps για τον DBSCAN.

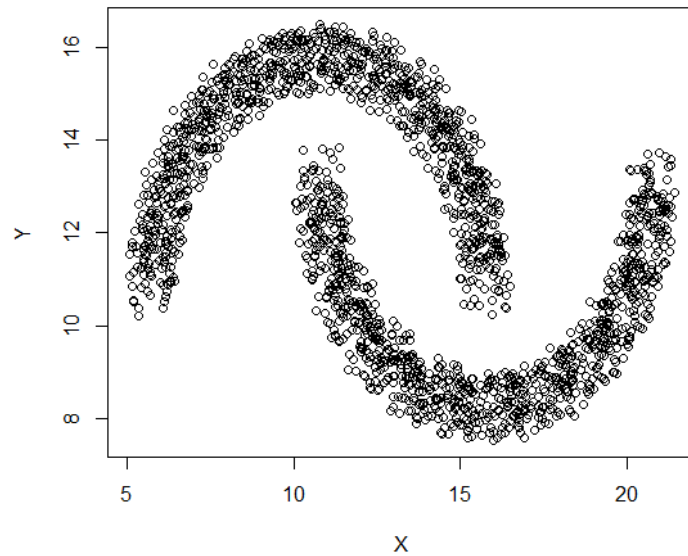
δ) Εφαρμόστε τον DBSCAN με eps = 0.4 και minPts = 10 για να ομαδοποιήσετε τα δεδομένα. Σχεδιάστε τα δεδομένα με διαφορετικό χρώμα για κάθε cluster και μαύρο χρώμα για τα σημεία που αποτελούν θόρυβο σε κάθε περίπτωση.

5.1 Κατασκευή Μοντέλου k-Means

Αρχικά σχεδιάζουμε τα δεδομένα με την εντολή (ερώτημα (α)):

```
> plot(mdata)
```

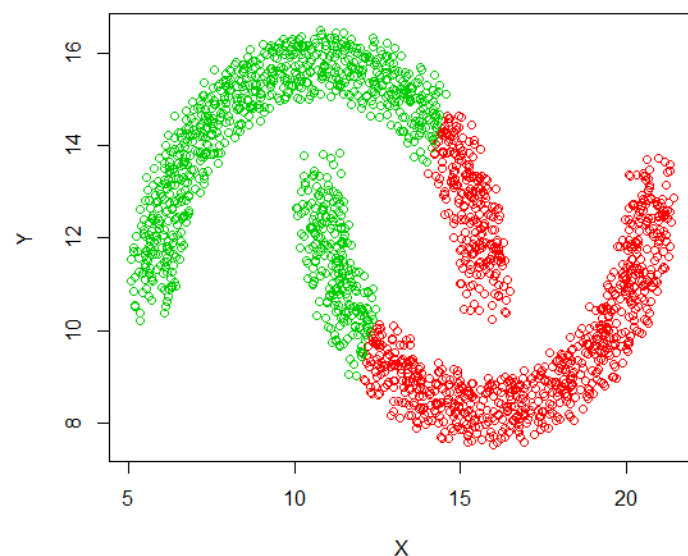
Οπότε προκύπτει το παρακάτω διάγραμμα:



Εφαρμόζουμε τον k-Means για 2 clusters και σχεδιάζουμε τα δεδομένα (ερώτημα (β)):

```
> model = kmeans(mdata, 2)
> plot(mdata, col = model$cluster + 1)
```

Οπότε προκύπτει το παρακάτω διάγραμμα:



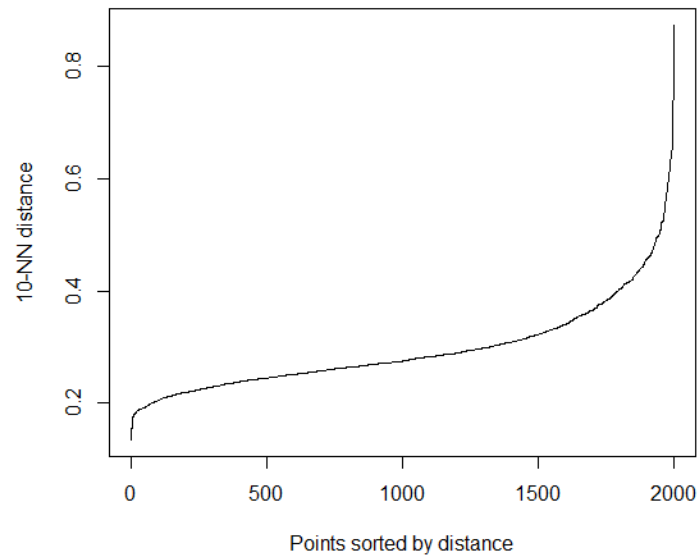
5.2 Επιλογή Παραμέτρου epsilon με βάση το kNN-distance plot

Για να βρούμε μια τιμή για την παράμετρο epsilon (ερώτημα (γ)) θα υπολογίσουμε αρχικά την απόσταση κάθε σημείου από τους 10 κοντινότερους γείτονές του. Εκτελούμε την εντολή:

```
> knndist = kNNdist(mdata, k = 10)
```

Στη συνέχεια θα σχεδιάσουμε την απόσταση κάθε σημείου από τον μακρινότερο από αυτούς τους γείτονες, αφού ταξινομήσουμε τα σημεία, με την εντολή:

```
> kdist = knndist[, 10]
> plot(sort(kdist), type = 'l', xlab = "Points sorted by distance",
       ylab = "10-NN distance")
```

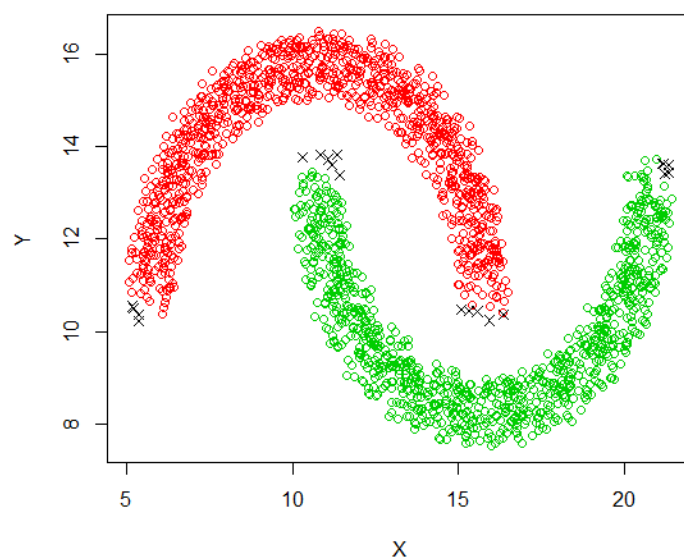


5.3 Κατασκευή Μοντέλου DBSCAN

Εφαρμόζουμε τον DBSCAN με $\text{eps} = 2$ και $\text{minPts} = 10$ (ερώτημα (δ)):

```
> model = dbscan(mdata, eps = 0.4, minPts = 10)
> plot(mdata, col = model$cluster + 1, pch = ifelse(model$cluster, 1, 4))
```

Οπότε προκύπτει το παρακάτω διάγραμμα:



6 Πρόβλημα για Εξάσκηση

Δίνονται τα δεδομένα dcddata.txt για ένα πρόβλημα ομαδοποίησης.

Ένα summary των δεδομένων με την R είναι το παρακάτω:

X1	X2	Y
Min. : -5.4760	Min. : -2.647	Min. : 1.0
1st Qu.: -3.0278	1st Qu.: 2.169	1st Qu.: 1.0
Median : -0.5966	Median : 3.179	Median : 1.5
Mean : 0.8727	Mean : 3.586	Mean : 1.5
3rd Qu.: 4.4123	3rd Qu.: 4.456	3rd Qu.: 2.0
Max. : 11.4910	Max. : 10.202	Max. : 2.0

Αρχικά, εισάγετε τα δεδομένα και διαχωρίστε τα:

```
> dcddata = read.csv("dcddata.txt")  
  
> target = dcddata[, 3]  
  
> dcddata = dcddata[, 1:2]
```

Στη συνέχεια, απαντήστε στα παρακάτω ερωτήματα:

α) Διαχωρίστε τα δεδομένα σε δύο ομάδες χρησιμοποιώντας hierarchical clustering με single linkage.

β) Διαχωρίστε τα δεδομένα σε δύο ομάδες χρησιμοποιώντας hierarchical clustering με complete linkage.

γ) Ομαδοποιήστε τα δεδομένα χρησιμοποιώντας DBSCAN με minPts = 5 και για τιμές του eps ίσες με 0.75, 1.00, 1.25, 1.50.

δ) Ομαδοποιήστε τα δεδομένα σε δύο ομάδες χρησιμοποιώντας τον k-Means.

ε) Σχεδιάστε την ομαδοποίηση που προέκυψε για κάθε μία από τις περιπτώσεις των ερωτημάτων (α), (β), (γ) και (δ). Τι συμπεραίνετε για την αποτελεσματικότητα κάθε αλγόριθμου στο συγκεκριμένο σύνολο δεδομένων;