

## 简单二维线段树题(segtree)

---

回滚莫队板子题。

对于一维的数颜色，维护上一个与其颜色相同的位置  $pre$ ，然后为  $[1, r]$  中  $pre < l$  的个数。

由于带权，可以改成二维数点，有  $n$  个带点权的点  $(i, pre_i)$ ，求  $[l, r][1, l)$  这个矩阵的权值和。

这个可以用二维分块  $O(1)$  修改  $O(\sqrt{n})$  查询解决，可以做 [Ynoi2007 rdiq](#)，这里的  $pre$  出了为 0 之外为别的值都是不同的，对于  $pre = 0$  可以单独写一个一维分块维护。

对于二维的问题，使用莫队维护一维，题目保证了每一列只有一个点，所以变为了一维数颜色。

普通莫队不太好维护  $pre$ ，考虑回滚莫队，用链表维护  $pre$ 。

时间复杂度平衡到了  $O(n\sqrt{n})$ 。

## 简单贪心题(greedy)

---

简单的 dp 题。

$k = 1$  直接输出  $n$  即可，因为必须从第一层试到最后一层才能确定鸡蛋的碎裂值。

$k = 2$  如果鸡蛋在第  $h$  层碎掉了我们还有花  $h - last_h$  次才能确定  $last_h$  表示上一次在  $h$  下面扔鸡蛋的高度，显然从下往上是最佳的，令  $h_i$  表示第  $i$  扔的时候的高度，最后的答案是  $\min_{i=1}^n h_i + i$  显然构造等差数列最优。

$k \geq 147744151$  直接二分显然最优，或者说只要  $k \geq \log(n)$  就可以二分。

考虑  $f_{i,j}$  表示  $i$  层楼  $j$  个鸡蛋时的最坏尝试次数，转移是显然的，  
 $f_{i,j} = \min_{i=1}^n (\max(f_{i-1,j-1}, f_{n-i,j})) + 1$ 。复杂度  $O(n^2k)$ 。加上如果  $k \geq \log(n)$  就直接二分可以获得 40pts。容易发现  $f_{i-1,j-1}$  和  $f_{n-i,j}$  都具有单调性，可以二分转移，时间复杂度  $O(n \log^2 n)$ ，可以获得 50pts。

这个  $f$  数组性质不够多，考虑换个状态定义。定义  $f_{i,j}$  表示扔了  $i$  次，有  $j$  次最多能确定多少层以内的答案。转移也是显然的  $f_{i,j} = f_{i-1,j-1} + f_{i-1,j} + 1$ 。时间复杂度  $O(n \log n)$  可以获得 70pts。

发现上面的式子有点既视感，很像组合数的形式。但是这个 1 很烦，尝试把这个 1 差分掉，容易发现差分后的值就是组合数。那么  $f_{i,j}$  的计算是容易的，而我们是要求一个最小的  $j$  使得  $f_{i,j} \geq n$ ，直接二分即可。时间复杂度  $O(\log^2 n)$ 。

## 简单数位 dp 题(number)

---

很典型的 AC 自动机。

暴力显然是把  $[l, r]$  中所有数插到 AC 自动机中去 dp。

然后发现有些情况后面几位不管怎么填都有贡献，把这些直接计入贡献，后面的不建出来即可。对转移的数组做个前缀和跑 AC 自动机上 dp 就可以了。

找方案很平凡把所有可能的路径倒推出来取 min。

## 简单计算几何题(geometry)

---

良心的签到题。

不难发现最终答案为整数，题目的精度误差是假的。

注意到第一次反射和第二次反射的两条边加起来为三角形边长。这两条边是不好讨论的，于是考虑去掉这两条边。

然后你发现下一条边的长度为  $L \bmod (L - l)$ ，这条边重复了  $L / (L - l)$  次。

好像是辗转相除？然后你就会了。直接模拟这个过程是  $O(\log V)$  的，可以通过。

不过如果你比较厉害可以发现答案为  $3 \times (L - \gcd(L, l))$ ，但是时间复杂度没有任何优化，好像没什么卵用。