



POLITECHNIKA WARSZAWSKA

WYDZIAŁ MATEMATYKI

I NAUK INFORMACYJNYCH



PRACA DYPLOMOWA MAGISTERSKA

INFORMATYKA

Opracowanie symulatora transportera wahadła odwróconego na wózku

**Development of simulator for transporter
of inverted pendulum on a cart**

Autor:

Jakub Abelski

Promotor: prof. dr hab. Krzysztof Marciniak

Warszawa, Grudzień 2016

.....
podpis promotora

.....
podpis autora

Streszczenie

Rozwój nowoczesnych technologii opiera się w głównej mierze na usprawnianiu istniejących zasobów oraz poszukiwaniu innowacyjnych rozwiązań. W celu ograniczenia nakładów finansowych, jak również minimalizacji ryzyka popełnienia błędu przy wdrażaniu nowych pomysłów warto rozważyć wykorzystanie narzędzi oferowanych przez środowiska symulacyjne. Komputer potrafi wykryć usterki, z niezwykłą precyzją odpowiedzieć na większość pytań postawionych przez użytkownika, a często daje możliwość wykonania optymalizacji procesu tak, by uzyskać zmaksymalizowany efekt końcowy.

Niniejsza praca wpisuje się w przedstawioną retorykę, gdyż poświęcona jest opracowaniu symulatora transportera wahadła odwróconego na wózku. Bazą dla projektu jest dobrze znane zagadnienie dwuwymiarowego układu złożonego z wahadła odwróconego umieszczonego na ruchomej podstawie. Głównym zadaniem systemu jest utrzymanie wahadła w niestabilnym punkcie równowagi i reagowanie na zakłócenia pochodzące z zewnątrz poprzez odpowiedni regulator napięcia na silniku sterującym ruchem podstawy. Prezentowana praca podchodzi do tego zagadnienia w sposób niestandardowy. Wspomniany układ zostaje przeniesiony do świata trójwymiarowego, w którym dwa niezależne systemy związane z kierunkami poziomych osi głównych zostają połączone w jeden moduł sterowania układem. Zabieg ten umożliwia zadanie trajektorii ruchu transportera i przetestowanie skuteczności różnych modeli sterowania położeniem układu i wychyleniem wahadła. Dodatkowym elementem projektu jest uwzględnienie zakłócenia dynamiki w postaci zewnętrznej siły wiatru. Zadaniem transportera jest reagowanie na zakłócenie w taki sposób, by zminimalizować ryzyko stracenia kontroli nad wahadłem.

Przygotowane rozwiązanie nie posiada jeszcze odzwierciedlenia w technice, natomiast doskonale odnajduje się w świecie symulacji i pozwala na dogłębną analizę pracy układu, jak również wykorzystanie go w grach komputerowych jako wirtualnego pojazdu z nietrywialnym sterowaniem.

Celem pracy jest zbudowanie uniwersalnego symulatora z konkretną realizacją przedstawionego problemu. Dodatkowym elementem jest możliwość dokonania dogłębnej analizy procesu tworzenia symulacji i wypracowania optymalnego rozwiązania. Ponadto dokument ma na celu ilustrację architektury i ogólnego schematu działania programu, a także przedstawienie wyników przeprowadzonych testów.

Pierwszy rozdział tekstu stanowi bazę teoretyczną dalszych rozważań. Zawiera on podstawowe definicje, przybliża istotę problemu oraz istniejące rozwiązania. Rozdział drugi opisuje logikę systemu. Rozdział trzeci skupia się na opisie rozwiązania: mechanice układu i użytym algorytmom. W czwartym rozdziale omówione zostają testy i porównanie rozwiązań przyjętych w projekcie. Rozdział piąty prezentuje architekturę opracowanego systemu, natomiast rozdział szósty stanowi instrukcję obsługi dla użytkownika. Ostatni rozdział podsumowuje całość pracy, opisuje wnioski oraz przedstawia możliwe kierunki rozwoju systemu.

Abstract

Development of new technologies is based mainly on the analysis, improvement of existing resources and finding innovative solutions. Unfortunately, due to financial constraints, as well as the risk of adverse effects it is not recommended to implement the idea without special preparation. In order to significantly reduce the risks using the tools offered by simulation environments should be considered. The computer is able to forgive the mistakes made at the design stage, as well as it can investigate the matter with great precision and answer most of the questions asked by the user. In addition it has the possibility of optimizing processes, so as to obtain the final effect maximized. These arguments leave no doubt that the simulation is an essential element in implementing the new technology.

The thesis is devoted to the development of a simulator for transporter of inverted pendulum on a cart. The project is based on well-known problem of two-dimensional system consisting of an inverted pendulum mounted on a movable platform. The main task of the system is to keep the pendulum in an unstable equilibrium and respond to noises from the environment through the special voltage controller of the platform's engine. The thesis approaches this problem in an innovative way. The system is transferred to a three-dimensional world in which two independent systems associated with the horizontal directions of the principal axes are integrated into a unit. As a result, the movement trajectory can be applied to the system and the pendulum should be transported according to given trajectory. An additional element of the project is adding the wind force. The transporter have to deal with the noise in such a way as to minimize the risk of losing control of the pendulum.

Prepared solution has not yet reflected in the technique however it perfectly finds itself in the world of simulation. The project allows for in-depth analysis of system's dynamics, as well as it can be used in computer games as a virtual vehicle with non-trivial control.

The aim of the thesis is to build a universal simulator with a concrete realization of the presented problem. An additional element is the possibility of an in-depth analysis of simulation's creation to develop the optimal solution. Furthermore, the document was prepared to illustrate the architecture and general scheme of the system, as well as present the results of tests.

The first chapter is a theoretical basis for further discussion. It includes basic definitions, brings physical background and discusses the existing solutions. The second chapter describes the logic of the whole program. The third chapter focuses on the mechanics of the system and comparison of the solutions adopted in the project. In the fourth and fifth chapter the system architecture and technical documentation are discussed. Chapter six covers manual and tests' description. The last chapter summarizes the whole work. It presents conclusions and future possible directions of development of the system.

Słowa kluczowe

Symulacja
Transporter
Wahadło odwrócone na wózku
Dynamika układu
Trajektoria ruchu
Stabilizacja układu
Regulator PID
Zakłócenia siłą wiatru
Równanie stanu
Linearyzacja
Algorytm Runge-Kutta

Podziękowania

Niniejszą pracę pragnę zadedykować rodzicom: Marcie i Janowi Abelskim, dzięki którym miałem możliwość swobodnego kształcenia się i rozwijania swoich zainteresowań.

Chciałbym wyrazić wdzięczność promotorowi: prof. Krzysztofowi Marciniakowi za jego wsparcie i dobre rady odnośnie kwestii merytorycznych jak i praktycznej części pracy. Specjalne podziękowania dla całej kadry zakładu CAD/CAM na wydziale Matematyki i Nauk Informacyjnych za przekazanie podstaw umożliwiających osiągnięcie odpowiedniego zaawansowania pracy i ugruntowanie wiedzy niezbędnej w przyszłej karierze zawodowej.

Spis treści

1	Wstęp	7
1.1	Podstawowe definicje	7
1.1.1	Symulacja	7
1.1.2	Układ dynamiczny	9
1.2	Opis problemu	12
1.2.1	Motywacja	12
1.2.2	Główne cele	12
1.3	Przegląd istniejących rozwiązań	13
1.3.1	Symulatory	13
1.3.2	Dynamika i sterowanie	14
2	Definicja projektu	15
2.1	Zakres projektu	15
2.2	Analiza wymagań	15
2.3	Ograniczenia	17
3	Opis rozwiązania	18
3.1	Podstawy matematyczno-fizyczne	18
3.1.1	Równanie stanu	18
3.1.2	Algorytm Rungego-Kutty	18
3.1.3	Regulator PID	18
3.1.4	Regulator podwójny PID	18
3.2	Mechanika systemu	18
3.2.1	Model matematyczny ruchu	18
3.2.2	Linearyzacja modelu	18
3.2.3	Stabilizacja układu	18
3.2.4	Wprowadzenie zakłóceń do modelu	18
3.2.5	Wprowadzenie trajektorii ruchu	18
3.2.6	Regulacja ruchu względem zadanej trajektorii	18
3.3	Rozwiązywanie równań mechaniki systemu	18
3.3.1	Algorytmy	18
4	Testy i porównanie przyjętych rozwiązań	19
4.1	Stabilizacja układu	19
4.2	Ruch po trajektorii	19

4.3	Wpływ parametrów układu na jego zachowanie	19
4.4	Testowanie przypadków szczególnych	19
5	Architektura systemu	20
5.1	Ogólny opis rozwiązania	20
5.2	Wykorzystane narzędzia	20
5.2.1	Windows Presentation Foundation	20
5.2.2	HelixToolkit	20
5.2.3	OxyPlot	20
5.2.4	Pozostałe	20
5.3	Wzorce projektowe	20
5.4	Komponenty aplikacji	20
5.4.1	Modele	20
5.4.2	Kontrolery	20
5.5	Zarządzanie aplikacją	20
6	Instrukcja użytkownika	21
6.1	Panel kontrolny	21
6.1.1	Moduły	21
6.1.2	Opcje	21
6.1.3	Sterowanie parametrami	21
6.2	Wizualizacja	21
6.2.1	Scena	21
6.2.2	Wykresy	21
6.2.3	Podgląd stanu	21
7	Podsumowanie pracy	22
7.1	Ocena rozwiązania	22
7.1.1	Stopień realizacji projektu	22
7.1.2	Poprawność rozwiązania	22
7.2	Krytyczna refleksja	22
7.3	Możliwości rozszerzania projektu	22

Rozdział 1

Wstęp

1.1 Podstawowe definicje

1.1.1 Symulacja

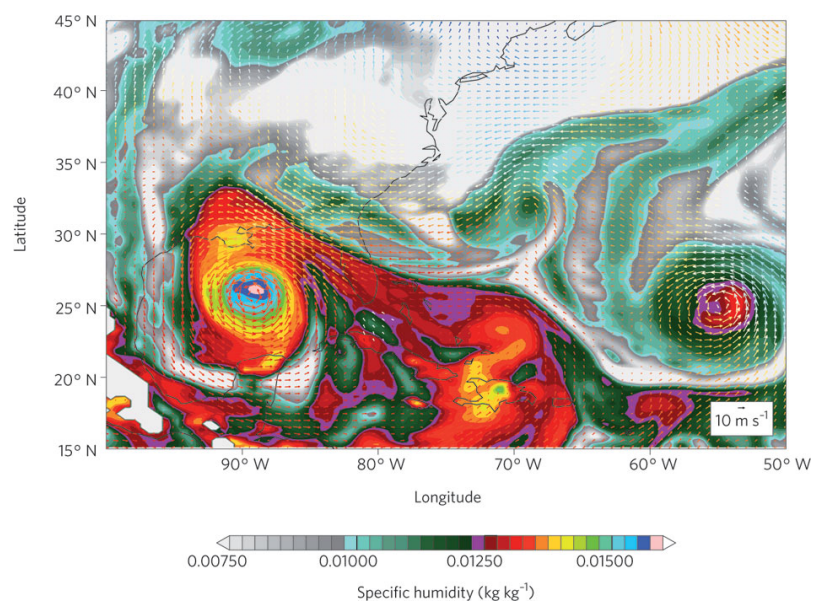
Według Słownika Języka Polskiego [6] symulacja to sztuczne odtwarzanie właściwości danego obiektu lub zjawiska za pomocą jego modelu, natomiast bardziej szczegółowo w zakresie symulacji komputerowej jest to badanie zachowania się obiektów rzeczywistych na podstawie obserwacji działania programów komputerowych symulujących to zachowanie.

Symulację komputerową wykonuje się wtedy, gdy trudno jest wyznaczyć analityczne rozwiązanie problemu lub gdy złożoność systemu uniemożliwia jakąkolwiek ręczną analizę problemu. Symulacja komputerowa wykorzystuje pewien zadany model matematyczny pod postacią kodu programu komputerowego, który jest przetwarzany, a następnie prezentowane są rezultaty.

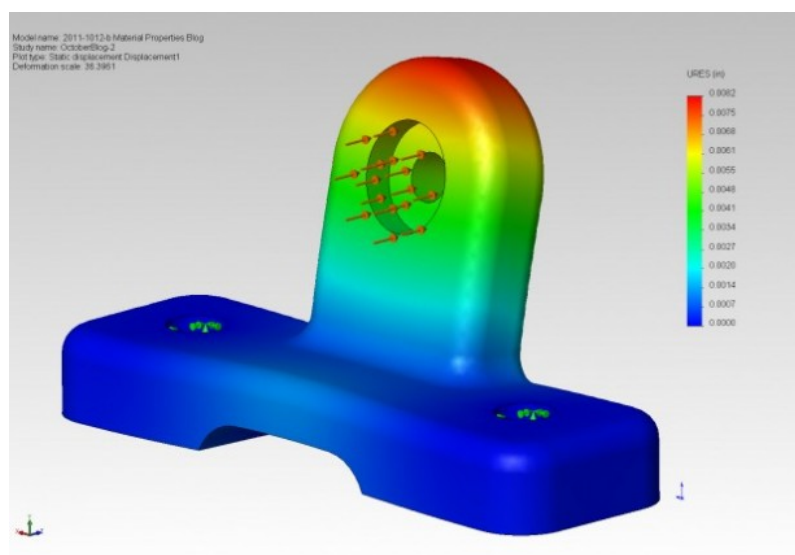
Symulacja znajduje zastosowania w wielu dziedzinach takich jak:

- Inżynieria - np. w budownictwie do badania wytrzymałości konstrukcji.
- Systemy treningowe, gry komputerowe - np. symulatory samolotów, czołgów, statków, itp.
- Ekonomia i biznes - np. do wyceny instrumentów pochodnych na giełdzie.
- Nauki społeczne - np. w badaniu dynamiki populacji.
- Nauki przyrodnicze - np. w meteorologii do wyznaczania prognozy pogody.

Kilka przykładów zastosowań symulacji komputerowej przedstawiono na ilustracjach 1.1 i 1.2.



Rysunek 1.1: Symulacja dwóch tropikalnych huraganów nad Atlantykiem [8]



Rysunek 1.2: Analiza własności materiału za pomocą symulacji SolidWorks [9]

Bazując na [7] symulacje komputerowe można podzielić ze względu na:

- Przewidywalność zdarzeń - deterministyczne, gdzie wyniki są powtarzalne i zależne tylko od zadanych parametrów i i interakcji oraz stochastyczne - generowane losowo.
- Upływ czasu - ciągły, w którym chwile pośrednie są interpolowane brzegowymi lub dyskretny, gdzie czas zwiększa się przyrostowo.
- Dane wyjściowe - statyczne, w których wynikiem jest zbiór danych lub dynamiczne, które ukazują cały proces przebiegający w czasie, np. animacja.
- Zasób komputerów - lokalny lub rozproszony.

Przygotowywana praca realizuje symulator z deterministyczną przewidywalnością zdarzeń, czas zwiększa się stałymi przyrostami z możliwością ich modyfikowania. Przetwarzanie systemu odbywa się na pojedynczym komputerze, natomiast dane wyjściowe prezentowane są w postaci dynamicznej animacji.

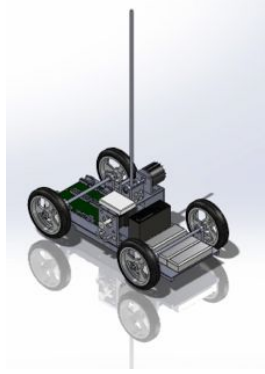
1.1.2 Układ dynamiczny

Wprowadzenie

Układ dynamiczny jest to matematyczny model zjawiska występującego w przyrodzie, określany poprzez funkcję zachowania układu w danym czasie. Model ten jest zwykle opisany poprzez układ równań różniczkowych, zwanych równaniem stanu. W danej jednostce czasowej system posiada stan wyrażony jako wektor liczb utożsamiany z punktem w przestrzeni stanu. Ewolucja układu polega na wyznaczaniu kolejnych stanów na podstawie poprzednich poprzez użycie funkcji przejścia. Funkcja ta może być deterministyczna lub stochastyczna. W pierwszym przypadku dla zadanego czasu stan wyznaczany jest jednoznacznie, w drugim przypadku na ewolucję układu wpływają dodatkowe zdarzenia losowe (przytoczone zagadnienie zostało szerzej omówione w [1]).

Wahadło odwrócone na wózku

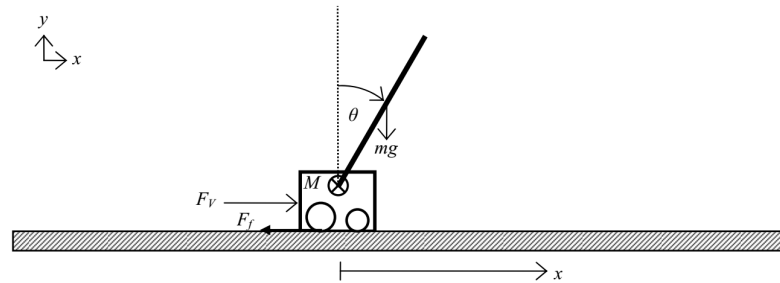
Niniejsza praca skupia się na modelu dynamiki układu złożonego z wahadła odwróconego umieszczonego na ruchomej platformie. Wahadło odwrócone jest rodzajem wahadła, w którym środek masy znajduje się powyżej punktu zaczepienia. Wahadło połączone jest z wózkiem, który porusza się w płaszczyźnie poziomej za pomocą silnika napędowego. Przykładowy układ pokazany został na ilustracji 1.3.



Rysunek 1.3: Model bezprzewodowego układu mechanicznego dla odwróconego wahadła na wózku [10]

Przedstawione ustawienie wahadła powoduje, że znajduje się ono w niestabilnym punkcie równowagi. Punkt równowagi jest miejscem przy którym element pozostaje w bezruchu (prędkość zmiany stanu jest zerowa). Wyróżniamy stabilne i niestabilne punkty równowagi. Wahadło posiada dwa punkty równowagi: stabilne znajdujące się poniżej punktu zaczepienia i niestabilne powyżej punktu równowagi. W przypadku drugiego z nich nawet niewielkie zaburzenie stanu układu wywołuje ruch wahadłowy, który ustaje dopiero po zatrzymaniu się w stabilnym punkcie równowagi.

Układ będący przedmiotem zainteresowania pokazany został na schemacie 1.4.



Rysunek 1.4: Uproszczony schemat fizyki układu wahadła odwróconego na wózku [4]

Najważniejsze elementy schematu:

- F_v - siła napędowa wózka $[N]$.
- F_f - siła tarcia $[N]$.
- m - masa wahadła $[kg]$.
- M - masa wózka $[kg]$.
- g - przyspieszenie ziemskie $[\frac{m}{s^2}]$
- θ - kąt między osią wahadła a pionową osią układu $[rad]$.

Stan układu określany jest poprzez cztery parametry:

- Położenie środka wózka w osi X.
- Prędkość liniowa wózka.
- Kąt odchylenia wahadła od osi pionowej.
- Prędkość kątowa wahadła.

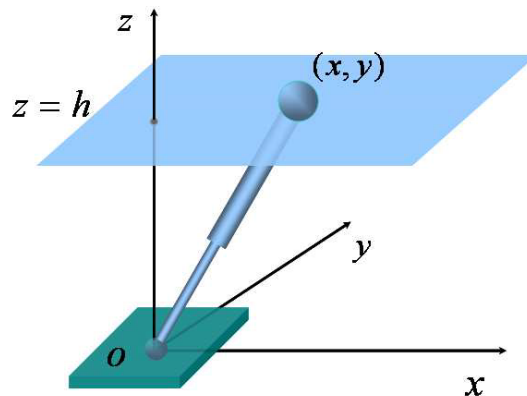
Parametry fizyczne układu (wraz z nominalnymi wartościami opracowanymi na podstawie literatury [4]) pokazane zostały w poniższej tabeli:

Parametr	Wartość
masa wózka	0.79 kg
masa wahadła	0.23 kg
długość wahadła	0.61 m
współczynnik tarcia wózka	$7.68 \frac{\text{N}}{\text{ms}^{-1}}$
współczynnik konwersji napięcia na siłę	$1.72 \frac{\text{N}}{\text{V}}$

Podstawowym zagadnieniem związanym z omawianym układem jest kontrola wychylenia wahadła. Urządzenie sterujące poprzez przyłożenie odpowiedniego napięcia na silniku wywołuje siłę napędową, która porusza platformą. Odpowiedni ruch podstawy pozwala na utrzymanie wahadła w punkcie równowagi.

Trójwymiarowa wersja układu

Dwuwymiarowy układ wahadła odwróconego na wózku można wykorzystać do zbudowania trójwymiarowego odpowiednika. Nowy model składa się z dwóch podukładów odpowiedzialnych za płaszczyzny związane z osiami głównymi układu, odpowiednio: O(XZ) i O(YZ). Przybliżony model znajduje się na rysunku 1.5



Rysunek 1.5: Uproszczony schemat trójwymiarowego układu wahadła odwróconego na wózku [11]

Wynikowy stan całego układu jest sumą stanów poszczególnych komponentów. Ruch trójwymiarowego modelu wyznaczany jest jako złożenie (superpozycja) ruchów

podukładów. Kierunek wychylenia wahadła można wyznaczyć za pomocą elementarnych własności geometrycznych.

Opracowany w ten sposób model pozwala na poruszanie układem po płaszczyźnie $O(XY)$. Wykorzystując odpowiednie narzędzie sterujące można dokonać stabilizacji układu nie tylko dla kąta odchylenia wahadła, ale również pozycji wózka na płaszczyźnie.

1.2 Opis problemu

1.2.1 Motywacja

Opracowywane zagadnienie jest nietrywialną modyfikacją dobrze znanego zagadnienia sterowania wahadłem odwróconym na wózku. Wybrana tematyka pracy magisterskiej jest ściśle związana z zainteresowaniami autora oraz materiałem realizowanym w ramach studiów. Przygotowanie pracy daje możliwość pogłębienia wiedzy z zakresu układów dynamiki i teorii sterowania. Dodatkowo pozwala na zmierzenie się z problemem wykonania symulacji, która w profesjonalny sposób zrealizuje zadane zagadnienie, a dodatkowo będzie atrakcyjna dla użytkownika końcowego. Ponadto wypracowana koncepcja systemu nie posiada jeszcze odzwierciedlenia we współczesnej technice. Toteż ze względu na elementy innowacyjności rozwiązania, pomysł ten jest okazją do analizy niestandardowego systemu, który może mieć zastosowanie w przyszłości, przynajmniej w środowisku wirtualnym.

1.2.2 Główne cele

Podstawowym celem pracy jest opracowanie symulatora transportera wahadła odwróconego na wózku. Zagadnienie to można w naturalny sposób podzielić na kilka podproblemów, co pozwala na szczegółowy przegląd poszczególnych elementów:

- Układ wahadła odwróconego na wózku. Projekt opiera się na analizie prostego modelu fizycznego wraz z implementacją jego zachowania. Dodatkowo rozszerza podstawową, dwuwymiarową wersję, na układ trójwymiarowy, by zwiększyć poziom skomplikowania, ocenić użyteczność zaproponowanego pomysłu i wzbogacić efekt końcowy. Dodatkowym elementem jest wprowadzenie zakłóceń do układu w postaci podmuchów powietrza. Istotny jest również przegląd przypadków szczególnych i wypracowanie odpowiedniej reakcji na ich zaistnienie. Projekt powinien w pełni przedstawić zadane zagadnienie, wraz z możliwością wprowadzania modyfikacji układu i pełnym podglądem na jego stan. Dysponując w pełni zaimplementowanym modelem bazowym można badać zachowanie układu wobec zadanych parametrów wejściowych i dynamicznych.
- Stabilizacja układu. Naturalnym zagadnieniem wiążącym się z układem wahadła odwróconego na wózku jest próba stabilizacji wychylenia wahadła w obrębie pionowej osi układu tak, by komponent pozostawał w niestabilnym punkcie równowagi. Celem projektu jest zrealizowanie wspomnianej stabilizacji za pomocą

regulacji napięcia podawanego na wejście do silników sterujących wózkiem. Zadanie to wymaga wykorzystania wiedzy z zakresu teorii sterowania, w szczególności pojęcia regulatora. Praca powinna oprzeć się na implementacji odpowiedniego regulatora i przetestowaniu jego działania względem poszczególnych parametrów systemu.

- Transport układu. Osiągnięcie kontroli nad wychyleniem wahadła pozwala na dalsze rozszerzanie funkcjonalności systemu. Kolejnym etapem projektu jest stworzenie modułu sterującego ruchem całego układu. System powinien umożliwić stworzenie dowolnej trajektorii ruchu lub wczytanie przygotowanego przykładu, a następnie zmuszenie układu fizycznego do odwzorowania zadanej ścieżki ruchu.
- Opracowanie symulatora. System nie będzie użyteczny, jeśli nie zostanie zaprezentowany użytkownikowi końcowemu w wygodnej i atrakcyjnej wizualnie formie. Ostatnim istotnym celem projektu jest stworzenie aplikacji na komputer, której zadaniem będzie wizualizacja zachowania całego układu fizyki. Ponadto program powinien posiadać intuicyjny panel sterowania oraz dostarczać na bieżąco pełnej informacji na temat stanu systemu. Dodatkowym walorem aplikacji może być tryb interakcyjny, który pozwoli użytkownikowi nie tylko na przegląd mechaniki układu, lecz również na zabawę w sterowanie pojazdem.

1.3 Przegląd istniejących rozwiązań

1.3.1 Symulatory

W obecnych czasach oprogramowanie symulacyjne jest podstawą funkcjonowania wielu gałęzi przemysłu. Przed przystąpieniem do realizacji projektu autor skupił się na przeglądzie najbardziej popularnych narzędzi symulacyjnych w celu znalezienia kluczowych cech, jakie powinien spełniać dobry symulator. Na szczególną uwagę zasługują trzy rozwiązania:

- Simulink - pakiet numeryczny MATLAB firmy The MathWorks służący do przeprowadzania symulacji komputerowych. Narzędzie pozwala na tworzenie modeli poprzez wybór komponentów z interfejsu graficznego. Zapewnia symulację z czasem dyskretnym i ciągłym. Simulink wykorzystywany jest głównie do cyfrowego przetwarzania sygnałów, teorii sterowania i analizy obwodów elektrycznych.
- LabVIEW - środowisko programistyczne firmy National Instruments skupiające się głównie na pomiarach i analizie danych. Pozwala na tworzenie modeli poprzez specjalny graficzny język programowania. LabVIEW znajduje zastosowanie w ośrodkach badawczych i testach przemysłowych.
- SolidWorks Simulation - pakiet symulacyjny będący częścią programu komputerowego typu CAD firmy Dassault Systèmes. Umożliwia analizę modeli pod wieloma kątami technicznym, symulację ruchu układu w obecności różnych czynników zewnętrznych. Narzędzie wykorzystywane przez wiodące firmy zajmujące się przemysłem.

Przytoczone przykłady zostały zanalizowane pod kątem budowy, możliwości technicznych, sposobu prezentacji danych i interakcji z użytkownikiem. Wypracowane wnioski dały gruntowną podstawę do stworzenia własnego rozwiązania opartego na kilku najważniejszych cechach dobrej symulacji:

- Modułarna budowa - program powinien być zbudowany z respektowaniem standardów inżynierii oprogramowania. Poszczególne funkcjonalności powinny być wydzielone i tworzyć pojedyncze pakiety, które będzie można wykorzystywać jako samodzielne elementy.
- Prostota - konkretne narzędzie powinno spełniać wszystkie wymagania techniczne i ukazywać rezultaty w jak najbardziej przejrzysty sposób. Dodatkowe elementy powodują jedynie przesłonięcie kluczowych funkcjonalności.
- Dostęp do danych - symulacja powinna w każdej chwili udostępniać komplet niezbędnych danych fizycznych, wizualizować stan zadanego układu oraz gromadzić istotne parametry w formie wykresów lub diagramów.
- Sterowanie - modyfikacja parametrów symulacji powinna być intuicyjna dla każdego użytkownika.

1.3.2 Dynamika i sterowanie

Zagadnienie stabilizacji dwuwymiarowego układu wahadła odwróconego na wózku zostało szeroko omówione w wielu pracach naukowych. Ze względu na prostotę podstawowego modelu temat ten często pojawia się jako materiał na laboratorium na studiach poświęconych automatyce i robotyce (przykładem jest instrukcja [4]).

Dokładna analiza problemu opiera się na wyborze jednego z dwóch modeli: nieliniowego lub zlinearyzowanego. W pierwszym przypadku model wiernie odwzorowuje zachowanie wahadła niezależnie od jego wychylenia, w drugim pojawia się ograniczenie na nieznaczne wychylenia wahadła. Większość przeanalizowanych prac realizuje drugie założenie ze względu na znaczne uproszczenia obliczeń. Kolejnym wyróżnikiem jest sposób stabilizacji układu. Istnieje wiele narzędzi z zakresu teorii sterowania, które pozwalają na kontrolowanie układu. Najbardziej popularnymi są regulatory: PID i LQR. Szczegółowy przegląd i porównanie narzędzi zostało omówione w artykule [13]. Autor pracy skupił się wyłącznie na sterowaniu regulatorem PID, jednakże pozostawił możliwość zamiany kontrolera na dowolny inny.

Zagadnienie trójwymiarowe znajduje swoje odniesienie jedynie w modelowaniu poruszania dwunożnego robota, w którym skomplikowany model zostaje zastąpiony wahadłem. Stabilizacja uproszczonego modelu pozwala na poruszanie robotem przy zachowaniu stabilności jego postawy. Temat został gruntownie przedstawiony w artykule [12].

Symulacja transportera układu nie jest zagadnieniem szeroko omówionym, toteż autor oparł rozwiązanie na ogólnej wiedzy z zakresu dynamiki układów i sterowania.

Rozdział 2

Definicja projektu

2.1 Zakres projektu

Projekt obejmuje opracowanie biblioteki fizyki dla transportera wahadła odwróconego na wózku oraz symulatora wizualizującego działanie biblioteki. Aplikacja przeznaczona jest na platformę Windows.

Projekt podzielony jest na kilka głównych elementów:

- Budowa dynamiki układu w oparciu o podstawy matematyczno-fizyczne.
- Opracowanie modułu kontroli układem w celu zapewnienia stabilności.
- Wprowadzenie modułu zakłóceń w postaci siły wiatru.
- Obsługa trajektorii ruchu.
- Wizualizacja układu na trójwymiarowej scenie.
- Zarządzanie animacją i modyfikacja parametrów układu.
- Umożliwienie użytkownikowi ręcznej kontroli systemu poprzez tryb gry.

2.2 Analiza wymagań

Wymagania względem projektu można podzielić na funkcjonalne i нефункционалне. Pierwsze odnoszą się do konkretnych zadań, jakie aplikacja powinna realizować. Drugie dotyczą ogólnych cech jakimi program powinien się charakteryzować.

Podstawowe wymagania нефункционалне:

- Użyteczność - program powinien w pełni realizować postawione zadania, a dodatkowo zachęcać użytkownika do zrozumienia tematyki.
- Stabilność - aplikacja powinna działać poprawnie bez względu na interakcję użytkownika.

- Łatwość użytkowania - korzystanie z funkcjonalności powinno być intuicyjne, ponadto wszystkie najważniejsze informacje powinny zostać zebrane w charakterze pomocy.
- Łatwość modyfikowania - program powinien umożliwiać dostosowywanie ustawień w zależności od potrzeb użytkownika.
- Modularność - każdy element systemu powinien być skonstruowany jako oddzielny moduł udostępniający szereg funkcji.
- Rozszerzalność - kod źródłowy aplikacji powinien być przejrzysty, łatwy do zarządzania i rozszerzalny.

Najważniejsze wymagania funkcjonalne:

- Zarządzanie aplikacją
 - Wybór jednego z trybów działania aplikacji (podstawowy, śledzenie trajektorii, tryb gry).
 - Modyfikacja parametrów startowych układu.
 - Możliwość ustawienia aktualnego regulatora i generatora wiatru.
 - Modyfikacja dokładności śledzenia trajektorii.
 - Zarządzanie parametrami wiatru w trakcie przebiegu animacji.
 - Wybór trajektorii z zestawu przygotowanych przykładów.
 - Możliwość stworzenia nowej trajektorii poprzez zadanie jej parametryzacji.
- Wizualizacja
 - Trójwymiarowa scena z możliwością swobodnej manipulacji kamerą.
 - Umieszczenie modelu transportera w postaci platformy na kołach z przyczepionym odwróconym wahadłem.
 - Wyświetlanie płaszczyzny, po której porusza się model, wraz z podziałką metryczną.
 - W zależności od ustawień wyświetlania pokazywanie trajektorii ruchu wahadła i wózka.
 - Kontrolowanie postępu animacji poprzez odpowiedni panel.
 - Możliwość przełączania wyświetlania między trybami: prostych kolorów i tekstur.
 - Możliwość ręcznego sterowania układem za pomocą myszy i klawiatury.
- Prezentacja danych
 - Dynamiczne wykresy dla kluczowych danych, tj. błąd regulacji czy podawane napięcie na silniku.

- Możliwość zapisywania aktualnie wygenerowanych wykresów.
- Wyświetlanie aktualnego stanu układu.
- Prezentacja informacji ogólnych na temat aplikacji i dynamiki układu oraz interaktywnej pomocy.

2.3 Ograniczenia

W trakcie wstępnej analizy projektu przyjęto zestaw ograniczeń w celu zachowania spójności pracy i uniknięcia nadmiernego rozszerzania mniej istotnych elementów. Są to:

- Konieczność spełnienia wszystkich podstawowych wymagań wymienionych w poprzedniej sekcji.
- Możliwość uproszczenia modelu w celu zmniejszenia złożoności obliczeń.
- Ograniczenie realizacji stabilizacji układu do użycia różnych odmian regulatora PID.
- Ograniczenie jakości wizualizacji do wyświetlania prostego modelu układu na trójwymiarowej scenie.

Rozdział 3

Opis rozwiązania

3.1 Podstawy matematyczno-fizyczne

3.1.1 Równanie stanu

3.1.2 Algorytm Rungego-Kutty

3.1.3 Regulator PID

3.1.4 Regulator podwójny PID

3.2 Mechanika systemu

3.2.1 Model matematyczny ruchu

3.2.2 Linearyzacja modelu

3.2.3 Stabilizacja układu

3.2.4 Wprowadzenie zakłóceń do modelu

3.2.5 Wprowadzenie trajektorii ruchu

3.2.6 Regulacja ruchu względem zadanej trajektorii

3.3 Rozwiązywanie równań mechaniki systemu

3.3.1 Algorytmy

Rozdział 4

Testy i porównanie przyjętych rozwiązań

4.1 Stabilizacja układu

4.2 Ruch po trajektorii

4.3 Wpływ parametrów układu na jego zachowanie

4.4 Testowanie przypadków szczególnych

Rozdział 5

Architektura systemu

5.1 Ogólny opis rozwiązania

5.2 Wykorzystane narzędzia

5.2.1 Windows Presentation Foundation

5.2.2 HelixToolkit

5.2.3 OxyPlot

5.2.4 Pozostałe

5.3 Wzorce projektowe

5.4 Komponenty aplikacji

5.4.1 Modele

5.4.2 Kontrolery

5.5 Zarządzanie aplikacją

Rozdział 6

Instrukcja użytkownika

6.1 Panel kontrolny

6.1.1 Moduły

6.1.2 Opcje

6.1.3 Sterowanie parametrami

6.2 Wizualizacja

6.2.1 Scena

6.2.2 Wykresy

6.2.3 Podgląd stanu

Rozdział 7

Podsumowanie pracy

7.1 Ocena rozwiązania

7.1.1 Stopień realizacji projektu

7.1.2 Poprawność rozwiązania

7.2 Krytyczna refleksja

7.3 Możliwości rozszerzania projektu

Bibliografia

- [1] Marciniak K., *Dynamic systems*, w: *Modelling in state space*, Warszawa, 2003.
- [2] Marciniak K., *Design of Closed loop control*, w: *Modelling in state space*, Warszawa, 2003.
- [3] Marciniak K., *Control systems*, w: *Modelling in state space*, Warszawa, 2003.
- [4] Robles R., Shardt Y., *Linear motion inverted pendulum, derivation of the state-space model*
<http://www.jtjt.pl/www/pages/odwrocone-wahadlo/LMIP.pdf>
- [5] Tyma J., *Odwrócone wahadło*
<http://www.jtjt.pl/odwrocone-wahadlo>
- [6] *Słownik Języka Polskiego*
<http://sjp.pwn.pl>
- [7] *Symulacja komputerowa*,
https://pl.wikipedia.org/wiki/Symulacja_komputerowa
- [8] Hawkins E., Vidale P. *Two tropical Atlantic hurricanes in a high-resolution atmospheric simulation with the HadGEM3 global climate model at a resolution of N512*, 27.07.2012,
http://www.nature.com/nclimate/journal/v2/n8/fig_tab/nclimate1639_F1.html
- [9] 3DVision Technologies *The Importance of Material Properties in Analysis with SolidWorks Simulation*, 18.05.2012
<http://blogs.solidworks.com/solidworksblog/2012/05/material-properties-in-analysis.html>
- [10] *Wireless Inverted Pendulum Cart*,
http://www.mne.k-state.edu/static/nlc/tiki-index.php?page=S_H_WirelessInvertedPendulumCart
- [11] *Project: Gait Pattern Generation*,
<http://www.wrighteagle.org/en/research/projgait.php>
- [12] Kajita S., *The 3D Linear Inverted Pendulum Mode: A simple modeling for a biped walking pattern generation*, 2001

- [13] Prasad L., *Optimal Control of Non linear Inverted Pendulum Dynamical System with Disturbance Input using PID Controller & LQR*, 2011

Warszawa, dnia 29 listopada 2016

Oświadczenie

Oświadczam, że pracę magisterską pod tytułem: „Opracowanie symulatora transportera wahadła odwróconego na wózku”, której promotorem jest prof. dr hab. Krzysztof Marciniak, wykonałem samodzielnie, co poświadczam własnoręcznym podpisem.

.....