

# دانشگاه تهران، دانشکده مهندسی برق و کامپیوتر طراحی و تحلیل الگورتیمها، نیمسال یکم، سال تحصیلی ۹۲-۹۶ تمرین کامپیوتری سوّم، سررسید انجام: سوم دیماه – ساعت ۱۱:۵۵



۱. آقای قربانی در پی ساختنِ یک قطعه ی موسیقی متفاوت است! او میخواهد از شماری از نوازندگانِ برترِ کشورمان دعوت کند تا در ساختِ آن همکاری کنند. آقای قربانی برایِ ساختِ این قطعه برنامه ی ویژهای در نظر دارد: قطعه با تکنوازیِ یک ساز آغاز میشود و پس از آن سازِ دیگری شروع به نواختن می کند و ساز اول خاموش میشود. سپس سازِ سوم با خاموش شدنِ سازِ دوم نواخته میشود و همین طور تا آخر. پس از نواختنِ سازِ آخر و خاموش شدنِ آن، یک بار دیگر سازِ نخستین نواخته میشود. برای بالاتر رفتن کیفیتِ کار، آقای قربانی برایِ هر ساز از بهترین نوازندهای که می شناخته دعوت کرده است اما برای طراحی ترتیب سازها دو مشکل بزرگ دارد:

- صدای برخی سازها با هم اصلا «همخوانی» ندارند، پس برای گوشنواز شدنِ هرچه بیشترِ قطعه، بایستی تنها
  صداهای کمابیش همخوان در پی هم بیایند.
- ناهمخوانیِ دو ساز می تواند کم یا زیاد باشد، هر دو سازی هم که در پیِ هم نواخته می شوند یک مقدار ناهمخوانی ها
  که با عدد قابلِ سنجش است را به گوشِ شنونده می رسانند، تلاش بر این است که جمعِ میزانِ این ناهمخوانی ها
  کمینه باشد.

رابطهی همخوانیِ صدای سازها و میزانِ ناهمخوانیِ دو ساز با هم به شما داده شده، بهترین موسیقیای که میتوان ساخت روی همرفته چقدر ناهمخوانی دارد؟

## ورودی:

در خط یکم ورودی عددهای طبیعیِ  $m < 10^4$  شمارِ سازها و  $m < 10^4$  می آیند. سپس در هر کدام از  $m < 10^4$  فرص عدد صحیح a و a می آیند که نشان می دهد سازهای a و a کمابیش همخوانند و مقدارِ ناهمخوانی که گوش سه عدد صحیح a و a می آیند که نشان می دهد سازهای a و a کمابیش همخوانی بینِ دو ساز یک رابطه ی دوسویه شنونده در هنگامِ نواختنِ این دو ساز در پیِ هم حس می کند برابر a است. (ناهمخوانیِ بینِ دو ساز یک رابطه ی دوسویه است) a است)

#### خروجي:

در تنها خط خروجی کمترین جمعِ مقدارهای ناهمخوانی که در یک قطعه میتوان دست یافت را بنویسید، اگه ساختِ چنین قطعه ای ممکن نیست عبارت *Impossible* چاپ شود.

ورودی نمونه	خروجی نمونه
5 6	24
012	
025	
1 2 100	
1 4 10	
234	
3 4 3	
4 3	Impossible
015	
122	
233	

۲. باهره قرار است شماری کنسرتِ دونوازی بهبهانهی یادبودِ آقای لطفی در شهرهای گوناگونِ ایران برگزار کند. هر کنسرت با هم کاریِ دقیقا دو هنرمندِ ویژه کار در یک سالن اجرا میشود. باهره برای این کار با هنرمندانِ چیره دستِ کشور گفتو گو کرده و برخی حاضر شده اند با هم کنسرت بدهند. (اشتیاقِ کنسرت دادنِ دو نفر با هم یک رابطهی دوسویه است) مجموعهی کنسرتهایی که باهره برمی گزیند باید دو شرط زیر را داشته باشند:

- برگزاریِ هر کنسرت یک مقدار هزینه ی مشخص دارد و به خاطرِ کمبودِ سرمایه بایستی کم ترین هزینه ی ممکن برداخت شود.
- فردی که بلیتِ یک کنسرت را خریده، باید بتواند با دنبالهای از جابهجاییهای بلیتش با یک فردِ دیگر، بلیتِ یک کنسرتِ دلخواهِ دیگر را به دست آورد.

گزینش کنسرتها بهنظر ساده میرسید تا این که باهره متوجه دو مشکل شد:

- در جامعهی هنردوستان یک رسمِ عجیب مرسوم است: یک فرد تنها زمانی حاضر به جابهجاییِ بلیتش با یک بلیتِ
  دیگر می شود که یکی از خوانندگان آن دو کنسرت مشترک باشد.
- یکی از دوستانِ صمیمیِ او یک کنسرتِ خاص را در نظر دارد و دوست دارد آن کنسرت حتما جزءِ کنسرتهایی باشد که برگزار می شوند. باهره هنوز نمی داند که دوستش چه کنسرتی را در نظر دارد اما خجالت می کشد از او برسد، بههمین خاطر او برای هر کنسرتِ C یک بار مسئله را به شرطِ این که C حتما در کنسرتهای انتخابی باشد حل می کند.

#### ورودی:

در خطِ یکمِ ورودی عددهای طبیعیِ  $n \leq 1000$  شمارِ نوازندگان و  $m < 10^5$  میآیند. سپس در هر کدام از m خطِ بعدی، سه عدد صحیح a و a میآیند که نشان میدهد نوازندگانِ a و a برای کنسرتدادن با هم مشکلی ندارند و هزینهی برگزاری کنسرتِ دونوازی آنها برابر a است. a است.

#### خروجي:

در تنها خط خروجی باید m عدد چاپ شود که عدد iام، کمترین هزینهی ممکنِ ترتیبدادنِ کنسرتهاست به شرطی که کنسرتِ دو نوازنده یِ خطِ (i+1)ام ورودی حتما در پاسخ باشد. اگر ترتیبدادنِ کنسرتها ممکن نیست عبارتِ Impossible

ورودی نمونه	خروجی نمونه
4 4	60 60 60 70
0 1 10	
0 2 20	
1 3 30	
2 3 40	
4 2	Impossible
01	
23	

 $^{7}$ . شماری کنسرت با هنرمندانی از سرتاسر جهان در تهران برگزار می شود. فاطمه یک عدد بلیتِ کنسرتِ دکتر د.ر.ه را خریده و می خواهد آن را با کنسرتِ آقای سهرابِ پورناظری جابه جا کند. مشکل اینجاست که بلیتِ هر کنسرتی را نمی توان با بلیت هر کنسرت دیگر جابه جا کرد و همچنین جابه جاییِ بلیت برای فاطمه یک مقدار هزینه ای دارد. او می خواهد دقیقا k جابه جایی انجام دهد و سرانجام بلیتِ کنسرتِ آقای پورناظری را داشته باشد. کمهزینه ترین روش جابه جایی چقدر هزینه دارد؟

#### ورودی:

هر کنسرت با یک شماره از 0 تا n-1 نشان داده می شود. کنسرت دکتر د.ر.ه شماره ی 0 و کنسرتِ آقای پورناظری شماره ی  $m<10^4$  داده می شود. n-1 دارد. در خط یکم ورودی عددهای طبیعی n-1 شماره ی n-1 شماره ی n-1 داده می شود. سپس در هر کدام از m خطِ بعدی، سه عددِ صحیح n و n-1 و n-1 و n-1 نشان می دهد بلیتِ کنسرتِ شماره ی n-1 فی n-1 و n-1 و n-1 نسرتِ شماره ی n-1 نسرتِ شماره ی گنسرتِ شماره ی گرد (جابه جایی پذیری یک رابطه ی دوسویه است) و هزینه ی این جابه جایی برابر n-1 است. n-1 است. n-1 و n-1 نسرتِ شماره ی n-1 و نسرتِ آقای پورناظری کنسرتِ آقای پورناظری و تا از n-1 در n-1 و نسرتِ آقای پورناظری و تا از n-1 در n-1 و نسرتِ آقای پورناظری و تا از n-1 و نسرتِ آقای پورناظری و تا از n-1 و تا از از n-1 و تا از n-1 و تا از از از از از از از از

### خروجي:

n-1 در تنها خطِ خروجی کمترین هزینهی ممکن را که میتوان با k جابهجایی بلیتِ کنسرتِ شمارهی 0 را به شمارهی تبدیل کرد، چاپ کنید و اگر جابهجایی ممکن نیست عبارتِ Impossible

ورودی نمونه	خروجی نمونه
4 4 3	3
012	
122	
232	
301	
433	Impossible
011	
121	
201	

بسان رود، رونده باشید.