به نام خدا



دانشکده ی مهندسی برق و کامپیوتر دانشگاه تهران طراحی و تحلیل الگوریتمها، نیمسال اول سال تحصیلی ۹۲–۹۶ تمرین شماره ۳ (برنامهنویسی حریصانه) موعد تحویل: ۲۸ آبان ۱۳۹۶



به نكات زير توجه فرماييد:

- الگوریتم خود را به طور کامل توضیح دهید؛ اگر در صورت سوال خواسته نشده نیازی به نوشتن شبه کد نیست.
 - در هر سوال باید پیچیدگی زمانی و پیچیدگی حافظه مصرفی الگوریتم خود را نیز محاسبه کنید.
 - سعى كنيد الگورتيم با كمترين پيچيدگى را بدست آوريد.
- f_i قرار است تعدادی کارگاه در کلاسهای یک ساختمان برگزار شوند، کارگاه iام زمان S_i شروع می شود و تا زمان و دامه دارد. در هر زمان هر کلاس فقط می تواند میزبان یک کارگاه باشد. الگوریتمی از مرتبه $O(n \ lg \ n)$ ارایه کنید که حداقل تعداد کلاسهای مورد نیاز را بدست آورد. درستی الگوریتم خود را اثبات کنید.
- ۲. نقاط $\{x_1, x_2, \dots, x_n\}$ روی محور اعداد حقیقی داده شدهاند. الگوریتمی از مرتبه $\{0 \ n \ lg \ n\}$ ارایه دهید که حداقل تعداد بازههای بسته به طول واحد را که برای پوشش دادن تمام این نقاط نیاز است بدست آورد. اثباتی بر درستی الگوریتم خود ارایه دهید.
- ۳. پویا میخواهد برای تعطیلات آخر هفته از تهران به شیراز برود. ماشین پویا به ازای هر یک لیتر بنزین یک کیلومتر راه می پیماید و گنجایش باک او c لیتر است. در مسیر تهران به شیراز شمار d پمپ بنزین وجود دارد که پمپ بنزین از می شروع به سفر از تهران قرار دارد و d_i ها به صورت مرتبشده به شما داده می شوند. پویا با باک پر شروع به سفر می کند.
- O(n) بویا می خواهد با حداقل تعداد توقف در پمپ بنزینها سفر را به انجام برساند. الگوریتمی از مرتبه .a ارایه دهید که به پویا بگوید در کدام پمپ بنزینها باید توقف کند. درستی الگوریتم خود را ثابت کنید.
- له اتمام قیمت هر لیتر بنزین در پمپ بنزین iام برابر p_i است. پویا میخواهد با حداقل هزینه سفرش را به اتمام برساند. الگوریتمی از مرتبه O(n) ارایه دهید که به پویا بگوید در هر پمپ بنزین باید چه مقدار بنزین خریداری کند. درستی الگوریتم خود را ثابت کنید.

- مهار n کار قرار است روی یک دستگاه انجام شوند، زمان مورد نیاز برای انجام کار iام برابر iاست و ضربالعجل مهار iام زمان iام برابر است با iام برابر است با که iام زمان iام است. دیرکرد انجام کار iام برابر است با iام دهید که این iام کار iام است. الگوریتمی از مرتبه iام iاریه دهید که این iام که بیشینه دیرکرد کمینه شود یعنی مقدار iام است iام است الگوریتم خود را اثبات کنید.
- ج. شمار n بازه به شکل $Z_i \in Z$ راده شدهاند. الگوریتمی از مرتبه $(n \ lg \ n)$ ارایه دهید که با استفاده از حداکثر $(n \ lg \ n)$ بازه به شکل (l_i, r_i) بازه بازه و این $(n \ lg \ n)$ بازه و این $(n \ lg \ n)$ بازه بازه بازه به شکل (l_i, r_i) تمام این $(n \ lg \ n)$ تمام این $(n \ lg \$

پیروز و سربلند باشید