



دانشکده فنی دانشگاه تهران

دانشکده مهندسی برق و کامپیوتر

تمرین اول درس ریاضیات مهندسی

طراح نیما کیاحیرتی ریاضیات مهندسی تمرین اول

سوال ١

سرى فوريه تابع

$$f(x) = |\sin(x)| \quad , \quad -\pi < x < \pi$$

را بدست آورید و سپس حاصل عبارت زیر را پیدا کنید:

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n+1}}{4n^2 - 1}$$

سوال ۲ امتیازی

تابع f(x) را میتوان بر حسب سری فوریه آن به شکل زیر بیان نمود:

$$f(x) = \frac{1}{3} + \frac{1}{2} \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^2 + 1} \cos(nx) + \frac{1}{n^3} \sin(nx)$$

حاصل انتگرال زیر را بدست آورید:

$$\int_{-\pi}^{\pi} f(x) [1 + \cos(2x) + \sin(3x)] dx$$

سوال ۳

جواب خصوصی معادله دیفرانسیل زیر را به کمک سری فوریه بیابید.

$$y'' + \alpha y' - y = f(x)$$

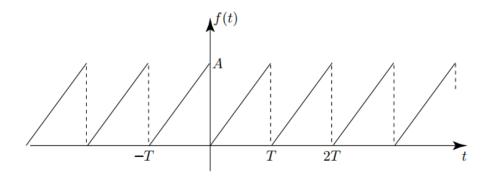
ابتدا سری فوریه مختلط تابع f(x) را حساب کنید و سپس به کمک آن معادله دیفرانسیل را حل کنید.

$$f(x) = e^{-\left|\frac{x}{2}\right|} sin(5\pi x), \quad -2 < x < 2, \quad T = 4$$

ریاضیات مهندسی تمرین اول

سوال ۴

یک سیگنال ولتاژ متناوب به صورت زیر داریم:



(۴ سوال f(t) شکل f(t) تابع

الف)شکل مختلط سری فوریه سیگنال داده شده، $f(t)=\sum_{-\infty}^{\infty}C_ne^{jn\omega_0t}$ ، را بدست $\omega_0=\frac{2\pi}{T}$. $\omega_0=\frac{2\pi}{T}$ را بدست آورید که در آن $\sum_{-\infty}^{\infty}|C_n|^2$ را بدست آورید.

سوال ۵

سری فوریه مختلط $f(x)=\sin^3 x\cos 2x$ را بدست آورید و سپس به کمک رابطه پارسوال حاصل رابطه $\int_0^\pi \sin^6 x\cos^2 2x$ را بدست آورید.

سوال ۶

اگر $f(x)=1+\sum_{n=1}^{\infty}\frac{1}{n^3+1}\cos nx+\frac{n}{n^3+1}\sin nx$ باشد حاصل عبارت زیر را بدست آورید.

$$I = \int_{-\pi}^{\pi} f(x)(\sin^2 x + \cos 5x)^2 \sin 3x$$

ياضيات مهندسي

سوال ٧

سری فوریه تابع $f(x) = \sin^7(x)$ را: الف) در بازه $\pi < x < \pi$ بدست آورید. ب) در بازه $0 < x < \pi$ بدست آورید.

سوال ۸ امتیازی

چنانچه f(x) یک تابع متناوب با دوره تناوب 2π بوده و مقدار متوسط آن صفر باشد با جایگذاری ضرایب در بسط فوریه تابع نشان دهید که میتوان f(x) را به صورت زیر نوشت:

$$f(x) = \frac{1}{\pi} \sum_{n=1}^{\infty} \int_{-\pi}^{\pi} f(x') \cos(n(x'-x)) dx'$$

ریاضیات مهندسی تمرین اول

نكات كلى درباره تمرين

- در صورتی که در تمرین هر گونه ابهام و یا سوالی دارید میتوانید با نیما کیاحیرتی در ارتباط باشید.
- در صورتی که سوالی از تمرین دارید که ممکن است برای دیگران نیز مفید باشد،آن را در گروه درس مطرح کنید.
- مشورت و همفکری با دوستان خود هنگام نوشتن تمرین کاری مفید و سازنده است و از انجام آن پرهیز نکنید، اما این کار باید در راستای فهم درس و تمرین باشد و از کپی کردن تمارین یکدیگر خودداری کنید.
- پاسخ های خود را به صورت یک فایل مرتب به فرمت PDF در سامانه درس با فرمت نامگذاری Engmath-HWNum-SID بارگذاری نمایید.