

# Polynomials

Arkadiusz Janus  
8 sty 2022



# Informacje o projekcie

Projektem który chciałbym tutaj zaprezentować jest implementacja operacji na wielomianach z wykorzystaniem tablic.

W podsekcjach znajduje się szczegółowy opis własności samej implementacji takich jak:

- [Złożoność](#)
- [Uruchomienie](#)
- [Obsługa](#)

## Złożoność

Złożoność poszczególnych operacji możemy podzielić na:

- [Czasowa](#)
- [Pamięciowa](#)

### Czasowa

Złożoność czasowa poszczególnych operacji:

- `add()`
  - $O(N)$  - ponieważ musimy przejść przez wszystkie współczynniki magazynowane w tablicy mniejszego wielomianu
- `substract()`
  - $O(N)$  - ponieważ musimy przejść przez wszystkie współczynniki magazynowane w tablicy mniejszego wielomianu
- `muliply()`
  - $O(N*M)$  - ponieważ musimy przejść przez wszystkie współczynniki magazynowane w tablicach obu wielomianów
- `calculate()`
  - $O(N)$  - ponieważ musimy przejść przez wszystkie współczynniki wielomianu magazynowane w tablicy
- `print()`
  - $O(N)$  - ponieważ musimy przejść przez wszystkie współczynniki wielomianu magazynowane w tablicy

Gdzie  $N$  i  $M$  to liczba współczynników pierwszego i drugiego wielomianu.

### Pamięciowa

Złożoność pamięciowa poszczególnych operacji:

- `add()`
  - $O(N+M)$  - ponieważ przechowujemy wszystkie elementy w już wykorzystywanej tablicy większego z wielomianów, ale istnieje druga tablica przechowująca wartości mniejszego z nich
- `substract()`
  - $O(N+M)$  - ponieważ przechowujemy wszystkie elementy w już wykorzystywanej tablicy większego z wielomianów, ale istnieje druga tablica przechowująca wartości mniejszego z nich
- `muliply()`

- **$O(N+M)$**  - musimy zaalokować nową tablicę będącą sumą rozmiarów obu tablic minus jeden, ale nadal istnieją dwie poprzednie tablice o rozmiarach  **$N$**  i  **$M$** , więc całkowita pamięć potrzebna na funkcję wynosi  $2(n+m)$ , gdzie dla definicji dużego  $O$ , pomijamy stałą
- `calculate()`
  - **$O(1)$**  - wykorzystujemy do zapisywania wyniku tylko jedną zmienną typu `int`
- `print()`
  - Nie wykorzystuje pamięci

Gdzie  **$N$**  i  **$M$**  to liczba współczynników pierwszego i drugiego wielomianu.

## Uruchomienie

Do programu dołączony został plik **MakeFile** dzięki któremu uruchomienie programu sprowadza się do wywołania prostej komendy w wierszu poleceń. Wymaganiem jest aby ją wywoływać znajdując się w folderze zawierającym wszystkie niezbędne pliki potrzebne do działania programu.

### Nota

Do skorzystania z tej możliwości wymagane jest również posiadanie zainstalowanej aplikacji MakeFile o której informacje można znaleźć na oficjalnej stronie:  
<https://www.gnu.org/software/make/manual/make.html>

## Uruchomienie programu

```
make run
```

## Uruchomienie testów

```
make test
```

## Obsługa

Po uruchomieniu programu zostajemy przywitani przez następujący ekran:

```
Wybierz co chcesz zrobić:
1. Dodaj wielomiany
2. Odejmij wielomiany
3. Pomnóż wielomiany
4. Oblicz wartość wielomianu
5. Wyjdź
Opcja:
```

### Nota

(Po każdej wykonanej operacji będzie on wyświetlany ponownie aż do zakończenia działania programu)

Który pozwala nam skorzystać z następujących funkcjonalności programu:

---

## Dodawanie

Po wybraniu opcji numer 1 i zatwierdzeniu enterem jesteśmy poproszeni o podanie stopnia pierwszego wielomianu:

```
Wybierz co chcesz zrobić:
1. Dodaj wielomiany
2. Odejmij wielomiany
3. Pomnóż wielomiany
4. Oblicz wartość wielomianu
5. Wyjdź
Opcja: 1
Podaj stopień wielomianu:
```

A następnie jego współczynniki przy odpowiednich potęgach x'a:

```
Wybierz co chcesz zrobić:
1. Dodaj wielomiany
2. Odejmij wielomiany
3. Pomnóż wielomiany
4. Oblicz wartość wielomianu
5. Wyjdź
Opcja: 1
Podaj stopień wielomianu: 2
Podaj wyraz wolny (x^0): 1
Podaj współczynnik przy x: 1
Podaj współczynnik przy x^2: 1
```

Po zebraniu wszystkich elementów program poprosi o stworzenie drugiego wielomianu w dokładnie taki sam sposób.

```
Wybierz co chcesz zrobić:
1. Dodaj wielomiany
2. Odejmij wielomiany
3. Pomnóż wielomiany
4. Oblicz wartość wielomianu
5. Wyjdź
Opcja: 1
Podaj stopień wielomianu: 2
Podaj wyraz wolny (x^0): 1
Podaj współczynnik przy x: 1
Podaj współczynnik przy x^2: 1
Podaj stopień wielomianu: 2
Podaj wyraz wolny (x^0): 1
Podaj współczynnik przy x: 1
Podaj współczynnik przy x^2: 1
```

Gdzie po zatwierdzeniu zostaną one utworzone i do siebie dodane co zostanie zasygnalizowane wypisaniem całego równania wraz ich wynikiem.

```
( 1 + x + x^2 ) + ( 1 + x + x^2 ) = 2 + 2x + 2x^2
```

---

## Odejmowanie

Po wybraniu opcji numer 2 i zatwierdzeniu enterem jesteśmy poproszeni o podanie stopnia pierwszego wielomianu:

```
Wybierz co chcesz zrobić:
1. Dodaj wielomiany
2. Odejmij wielomiany
3. Pomnóż wielomiany
4. Oblicz wartość wielomianu
```

```
5. Wyjdź
Opcja: 2
Podaj stopień wielomianu:
```

A następnie jego współczynniki przy odpowiednich potęgach  $x$ 'a:

```
Wybierz co chcesz zrobić:
1. Dodaj wielomiany
2. Odejmij wielomiany
3. Pomnóż wielomiany
4. Oblicz wartość wielomianu
5. Wyjdź
Opcja: 2
Podaj stopień wielomianu: 2
Podaj wyraz wolny ( $x^0$ ): 1
Podaj współczynnik przy  $x$ : 2
Podaj współczynnik przy  $x^2$ : 3
```

Po zebraniu wszystkich elementów program poprosi o stworzenie drugiego wielomianu w dokładnie taki sam sposób.

```
Wybierz co chcesz zrobić:
1. Dodaj wielomiany
2. Odejmij wielomiany
3. Pomnóż wielomiany
4. Oblicz wartość wielomianu
5. Wyjdź
Opcja: 2
Podaj stopień wielomianu: 2
Podaj wyraz wolny ( $x^0$ ): 1
Podaj współczynnik przy  $x$ : 2
Podaj współczynnik przy  $x^2$ : 3
Podaj stopień wielomianu: 2
Podaj wyraz wolny ( $x^0$ ): 1
Podaj współczynnik przy  $x$ : 1
Podaj współczynnik przy  $x^2$ : 1
```

Gdzie po zatwierdzeniu zostaną one utworzone i od siebie odejęte co zostanie zasygnalizowane wypisaniem całego równania wraz ich wynikiem.

```
( 1 + 2x + 3x^2 ) - ( 1 + x + x^2 ) = + x + 2x^2
```

---

## Mnożenie

Po wybraniu opcji numer 3 i zatwierdzeniu enterem jesteśmy poproszeni o podanie stopnia pierwszego wielomianu:

```
Wybierz co chcesz zrobić:
1. Dodaj wielomiany
2. Odejmij wielomiany
3. Pomnóż wielomiany
4. Oblicz wartość wielomianu
5. Wyjdź
Opcja: 3
Podaj stopień wielomianu:
```

A następnie jego współczynniki przy odpowiednich potęgach  $x$ 'a:

```
Wybierz co chcesz zrobić:
1. Dodaj wielomiany
2. Odejmij wielomiany
3. Pomnóż wielomiany
4. Oblicz wartość wielomianu
```

```
5. Wyjdź
Opcja: 3
Podaj stopień wielomianu: 2
Podaj wyraz wolny (x^0): 1
Podaj współczynnik przy x: 1
Podaj współczynnik przy x^2: 1
```

Po zebraniu wszystkich elementów program poprosi o stworzenie drugiego wielomianu w dokładnie taki sam sposób.

```
Wybierz co chcesz zrobić:
1. Dodaj wielomiany
2. Odejmij wielomiany
3. Pomnóż wielomiany
4. Oblicz wartość wielomianu
5. Wyjdź
Opcja: 3
Podaj stopień wielomianu: 2
Podaj wyraz wolny (x^0): 1
Podaj współczynnik przy x: 1
Podaj współczynnik przy x^2: 1
Podaj stopień wielomianu: 2
Podaj wyraz wolny (x^0): 1
Podaj współczynnik przy x: 1
Podaj współczynnik przy x^2: 1
```

Gdzie po zatwierdzeniu zostaną one utworzone i przez siebie pomnożone co zostanie zasygnalizowane wypisaniem całego równania wraz ich wynikiem.

```
( 1 + x + x^2 ) * ( 1 + x + x^2 ) = 1 + 2x + 3x^2 + 2x^3 + x^4
```

---

## Obliczanie wartości

Po wybraniu opcji numer 4 i zatwierdzeniu enterem jesteśmy poproszeni o podanie stopnia wielomianu który chcemy policzyć:

```
Wybierz co chcesz zrobić:
1. Dodaj wielomiany
2. Odejmij wielomiany
3. Pomnóż wielomiany
4. Oblicz wartość wielomianu
5. Wyjdź
Opcja: 4
Podaj stopień wielomianu:
```

A następnie jego współczynników przy odpowiednich potęgach x'a:

```
Wybierz co chcesz zrobić:
1. Dodaj wielomiany
2. Odejmij wielomiany
3. Pomnóż wielomiany
4. Oblicz wartość wielomianu
5. Wyjdź
Opcja: 4
Podaj stopień wielomianu: 3
Podaj wyraz wolny (x^0): 2
Podaj współczynnik przy x: 3
Podaj współczynnik przy x^2: 5
Podaj współczynnik przy x^3: -4
Podaj x dla którego obliczyć wynik: 3
```

Gdzie po zatwierdzeniu wielomian zostanie utworzony, a wynik dla danej wartości obliczony co zostanie zasynchronizowane wypisaniem całego wielomianu i jego wielkości dla podanego argumentu.

```
W(x) = (2 + 3x + 4x^2 - 4x^3)
W(3) = -61
```



# Indeks klas

## Lista klas

Tutaj znajdują się klasy, struktury, unie i interfejsy wraz z ich krótkimi opisami:

<a href="#"><u>Poly</u></a> .....	10
-----------------------------------	----

# Indeks plików

## Lista plików

Tutaj znajduje się lista wszystkich plików z ich krótkimi opisami:

<a href="#"><u>Info.cpp</u></a> (Plik stron informacyjnych dokumentacji ) .....	13
<a href="#"><u>main.cpp</u></a> (Główny plik odpowiadający za interfejs pozwalający użytkownikowi wykorzystać funkcjonalność programu ) .....	14
<a href="#"><u>Poly.cpp</u></a> (Plik implementujący funkcjonalność obiektu <a href="#"><u>Poly()</u></a> ) .....	17
<a href="#"><u>Poly.h</u></a> (Plik nagłówkowy odpowiadający za implementację wielomianów ) .....	18
<a href="#"><u>test_poly.cpp</u></a> (Plik odpowiadający za testy wszystkich funkcjonalności klasy <a href="#"><u>Poly()</u></a> ) .....	20

# Dokumentacja klas

## Dokumentacja klasy Poly

```
#include <Poly.h>
```

### Metody publiczne

- [Poly](#) ()  
*Podstawowy konstruktor klasy [Poly\(\)](#) nie przyjmujący żadnych argumentów.*
- [Poly](#) (int exponent, int \*\_coefficients)  
*konstruktor klasy [Poly\(\)](#) tworzący obiekt na podstawie podanej w argumentach listy współczynników*
- [~Poly](#) ()  
*Destruktor obiektu [Poly\(\)](#)*
- void [add](#) ([Poly](#) \*other)  
*Funkcja dodająca jeden wielomian do drugiego.*
- void [subtract](#) ([Poly](#) \*other)  
*Funkcja odejmująca jeden wielomian od drugiego.*
- void [multiply](#) ([Poly](#) \*other)  
*Funkcja mnożąca jeden wielomian przez drugi.*
- int [calculate](#) (int x)  
*Funkcja mnożąca jeden wielomian przez drugi.*
- void [print](#) ()  
*Funkcja odpowiadająca za wypisanie wielomianu w przystępnej formie.*
- int \* [get\\_coefficients](#) ()  
*Funkcja zwracająca listę współczynników (wykorzystywana do testów)*

---

## Dokumentacja konstruktora i destruktora

### Poly::Poly ()

Podstawowy konstruktor klasy [Poly\(\)](#) nie przyjmujący żadnych argumentów.

### Poly::Poly (int \_exponent, int \* \_coefficients)

konstruktor klasy [Poly\(\)](#) tworzący obiekt na podstawie podanej w argumentach listy współczynników

#### Parametry

<i>_exponent</i>	Stopień wielomianu
<i>coefficients</i>	Lista współczynników wielomianu

#### **Poly::~Poly ()**

Destruktor obiektu [Poly\(\)](#)

Zwalnianie jest zaleganie miejsce na listę współczynników

---

## Dokumentacja funkcji składowych

#### **void Poly::add ([Poly](#) \* *other*)**

Funkcja dodająca jeden wielomian do drugiego.

Obliczona wartość nadpisuje obiekt na którym funkcja została wywołana.

#### Parametry

<i>other</i>	Obiekt typu <a href="#">Poly()</a> , którego wartości zostaną dodane do wartości obiektu
--------------	--

#### **int Poly::calculate (int *x*)**

Funkcja mnożąca jeden wielomian przez drugi.

Wykorzystywany jest do tego schemat Hornera, który zaimplementowany algorytm opiera się na wymnożeniu przy każdym kroku poprzedniego wyniku przez podany *x* i dodanie aktualnie rozpatrywanego współczynnika

#### Parametry

<i>x</i>	Wartość dla której będzie obliczony wynik
----------	---

#### Zwraca

Wynik działania algorytmu

#### **int \* Poly::get\_coefficients ()**

Funkcja zwracająca listę współczynników (wykorzystywana do testów)

#### Zwraca

Lista współczynników 'coefficients'

#### **void Poly::multiply ([Poly](#) \* *other*)**

Funkcja mnożąca jeden wielomian przez drugi.

Obliczona wartość nadpisuje obiekt na którym funkcja została wywołana.

#### Parametry

<i>other</i>	Obiekt typu <a href="#">Poly()</a> , którego wartości zostaną pomnożone przez wartości
--------------	--

	obiekту
--	---------

**void Poly::print ()**

Funkcja odpowiadająca za wypisanie wielomianu w przystępnej formie.

**void Poly::subtract ([Poly](#) \* *other*)**

Funkcja odejmująca jeden wielomian od drugiego.

Obliczona wartość nadpisuje obiekt na którym funkcja została wywołana.

#### **Parametry**

<i>other</i>	Obiekt typu <a href="#">Poly()</a> , którego wartości zostaną odjęte od wartości obiektu
--------------	--

---

**Dokumentacja dla tej klasy została wygenerowana z plików:**

- [Poly.h](#)
- [Poly.cpp](#)

# Dokumentacja plików

## Dokumentacja pliku Info.cpp

Plik stron informacyjnych dokumentacji.

---

### Opis szczegółowy

Plik stron informacyjnych dokumentacji.

### Autor

Arkadiusz Janus

### Copyright

Copyright (c) 2022

## Dokumentacja pliku main.cpp

Główny plik odpowiadający za interfejs pozwalający użytkownikowi wykorzystać funkcjonalność programu.

```
#include "Poly.h"  
#include <iostream>
```

### Funkcje

- void [menu](#) ()  
*Funkcja odpowiedzialna za wyświetlenie menu.*
- [Poly](#) \* [create\\_poly](#) ()  
*Funkcja prowadząca użytkownika przez cały proces tworzenia nowego obiektu wielomianu.*
- void [add\\_polys](#) ()  
*Funkcja prowadząca użytkownika przez cały proces tworzenia i dodawania dwóch wielomianów do siebie.*
- void [subtract\\_polys](#) ()  
*Funkcja prowadząca użytkownika przez cały proces tworzenia i odejmowania dwóch wielomianów od siebie.*
- void [multiply\\_polys](#) ()  
*Funkcja prowadząca użytkownika przez cały proces tworzenia i mnożenia dwóch wielomianów przez siebie.*
- void [calculate\\_poly](#) ()  
*Funkcja prowadząca użytkownika przez cały proces tworzenia obliczania wartości wielomianu dla zadanego argumentu.*
- int [main](#) ()  
*Główna funkcja odpowiadająca za działanie całego programu.*

---

### Opis szczegółowy

Główny plik odpowiadający za interfejs pozwalający użytkownikowi wykorzystać funkcjonalność programu.

### Autor

Arkadiusz Janus

Dostarczenie samej implementacji wymagała by od użytkownika zapozaniania się z jej szczegółami. Aby maksymalnie uprościć korzystanie z programu, dostarczony wraz z nim jest przejrzysty interfejs który pozwoli każdemu natychmiastowo skorzystać z jego funkcjonalności. Plik zawiera kilka funkcji odpowiedzialnych za obsługę działania całej implementacji.

## Dokumentacja funkcji

### **void add\_polys ()**

Funkcja prowadząca użytkownika przez cały proces tworzenia i dodawania dwóch wielomianów do siebie.

Bazuje na funkcji [create\\_poly\(\)](#), które tworzy wielomiany, a następnie na pierwszym z nich jest wywoływana metoda add(), z drugim z nich jako argument.

### **void calculate\_poly ()**

Funkcja prowadząca użytkownika przez cały proces tworzenia obliczania wartości wielomianu dla zadanego argumentu.

Bazuje na funkcji [create\\_poly\(\)](#), które tworzy wielomian, a następnie prosi użytkownika o podanie argumentu dla niego według której będzie obliczana wartość. Mając wszystkie dane wywoływana jest na obiekcie metoda calculate(), która zwraca wynik.

### **[Poly](#) \* create\_poly ()**

Funkcja prowadząca użytkownika przez cały proces tworzenia nowego obiektu wielomianu.

#### **Zwraca**

Poly\*

### **int main ()**

Główna funkcja odpowiadająca za działanie całego programu.

Za pomocą pętli pozwala na nieskończone działanie pozwalające na wykonywanie potrzebnych nam operacji bez konieczności uruchamiania programu za każdym razem. Z każdą iteracją wypisuje menu za pomocą funkcji [menu\(\)](#) i prosi użytkownika o wybranie funkcjonalności z której chciałby skorzystać.

#### **Zwraca**

int

### **void menu ()**

Funkcja odpowiedzialna za wyświetlenie menu.

### **void multiply\_polys ()**

Funkcja prowadząca użytkownika przez cały proces tworzenia i mnożenia dwóch wielomianów przez siebie.

Bazuje na funkcji [create\\_poly\(\)](#), które tworzy wielomiany, a następnie na pierwszym z nich jest wywoływana metoda multiply(), z drugim z nich jako argument.



### **void subtract\_polys ()**

Funkcja prowadząca użytkownika przez cały proces tworzenia i odejmowania dwóch wielomianów od siebie.

Bazuje na funkcji [create\\_poly\(\)](#), które tworzy wielomiany, a następnie na pierwszym z nich jest wywoływana metoda subtract(), z drugim z nich jako argument.

## Dokumentacja pliku Poly.cpp

Plik implementujący funkcjonalność obiektu [Poly\(\)](#)  
`#include "Poly.h"`

---

### Opis szczegółowy

Plik implementujący funkcjonalność obiektu [Poly\(\)](#)

#### Autor

Arkadiusz Janus

#### Copyright

Copyright (c) 2022

## Dokumentacja pliku Poly.h

Plik nagłówkowy odpowiadający za implementację wielomianów.  
`#include <iostream>`

### Komponenty

- class [Poly](#)
- 

### Opis szczegółowy

Plik nagłówkowy odpowiadający za implementację wielomianów.

### Autor

Arkadiusz Janus

Wielomiany są zaimplementowane za pomocą tablicy w której są przechowywane jego współczynniki. Każde miejsce odpowiada odpowiedniemu współczynnikowi dla danej potęgi wielomianu. Ilość potęg jest wyznaczana na podstawie stopnia wielomianu który jest podawany przy tworzeniu.

Klasa zawiera dwa konstruktory i destruktor, a także funkcje które pozwalają wykonywać operacje na wielomianach:

- dodawanie
- odejmowanie
- mnożenie
- obliczenie dla danej wartości

### Copyright

Copyright (c) 2022

## Poly.h

```
Idź do dokumentacji tego pliku.1 #include<iostream>
2
22 class Poly{
23     private:
24         int *coefficients;
25         int exponent;
26
27     public:
28         Poly();
29         Poly(int exponent, int* _coefficients);
30         ~Poly();
31         void add(Poly* other);
32         void subtract(Poly* other);
33         void multiply(Poly* other);
34         int calculate(int x);
35         void print();
36         int* get_coefficients();
37
38 };
```

## Dokumentacja pliku test\_poly.cpp

Plik odpowiadający za testy wszystkich funkcjonalności klasy [Poly\(\)](#)

```
#include "Poly.h"
#include <iostream>
```

### Funkcje

- void [test\\_print](#) ()  
*Funkcja testująca wypisywanie wieomianów dla różnych przypadków.*
- bool [compare\\_arrays](#) (int \*array1, int \*array2, int size)  
*Funkcja typu assert porównująca dwie tablice.*
- void [test\\_add](#) ()
- void [test\\_subtract](#) ()
- void [test\\_multiply](#) ()
- void [test\\_calculate](#) ()
- int [main](#) ()

---

### Opis szczegółowy

Plik odpowiadający za testy wszystkich funkcjonalności klasy [Poly\(\)](#)

#### Autor

Arkadiusz Janus

Do testowania funkcjonalności podszedłem w następujący sposób. Dla każdej z nich zaimplementowałem te same operacje które znajdują się w klasie, lecz operując tylko na tablicach i następnie porównując wyniki za pomocą funkcji pomocniczej [compare\\_arrays\(int\\*, int\\*, int\)](#) i porównań.

#### Copyright

Copyright (c) 2022

---

### Dokumentacja funkcji

**bool compare\_arrays (int \* array1, int \* array2, int size)**

Funkcja typu assert porównująca dwie tablice.

#### Parametry

in	<i>array1</i>	pierwsza tablica do porównania
in	<i>array2</i>	druga tablica do porównania
in	<i>size</i>	wielkość obu tablic (nie mogą być różne)

**int main ()**

**void test\_add ()**

Funkcja testująca dodawanie wielomianów dla przypadków:

- $n = m$
- $n > m$
- $n < m$
- $n = m = 0$  gdzie  $n$  i  $m$  to stopnie wielomianów

**void test\_calculate ()**

Funkcja testująca obliczanie wartości wielomianu dla zadanego argumentu.

**void test\_multiply ()**

Funkcja testująca mnożenie wielomianów dla przypadków:

- $n = m$
- $n > m$
- $n < m$
- $n = m = 0$  gdzie  $n$  i  $m$  to stopnie wielomianów

**void test\_print ()**

Funkcja testująca wypisywanie wielomianów dla różnych przypadków.

**void test\_subtract ()**

Funkcja testująca odejmowanie wielomianów dla przypadków:

- $n = m$
- $n > m$
- $n < m$
- $n = m = 0$  gdzie  $n$  i  $m$  to stopnie wielomian

