

Тогда алгоритм нахождения численного решения уравнения $f(x) = 0$ сводится к итерационной процедуре вычисления:

$$x_{i+1} = x_i - \frac{f(x_i)}{f'(x_i)}$$

Многомерный случай

Обобщим полученный результат на многомерный случай.

Выбирая некоторое начальное приближение $\vec{x}^{[0]}$, находят последовательные приближения $\vec{x}^{[j+1]}$ путем решения систем уравнений:

$$f_i + \sum_{k=1}^n \frac{\partial f_i}{\partial x_k} (x_k^{[j+1]} - x_k^{[j]}) = 0, \quad i = 1, 2, \dots, n$$

где $\vec{x}^{[j]} = (x_1^{[j]} \dots x_k^{[j]} \dots x_n^{[j]})$, $j = 0, 1, 2, \dots$

Литература

1. Амосов А.А., Дубинский Ю. А., Конченова Н.П. Вычислительные методы для инженеров. — М.: Мир, 1998.
2. Бахвалов Н.С., Жидков Н.П., Кобельков Г.Г. Численные методы. — 8-е изд. — М.: Лаборатория Базовых Знаний, 2000.
3. Волков Е.А. Численные методы. — М.: Физматлит, 2003.
4. Коршунов Ю.М., Коршунов Ю.М. Математические основы кибернетики. — М.: Энергоатомиздат, 1972.
5. Калиткин Н.Н. Численные методы. — М.: Наука, 1978.