K-MEDIAS

Arleth Michell Morales García

2022-05-26

Cargar la matriz de datos

```
X<-as.data.frame(state.x77)
```

Nombre de las variables

```
colnames(X)

## [1] "Population" "Income" "Illiteracy" "Life Exp" "Murder"

## [6] "HS Grad" "Frost" "Area"
```

TRANSFORMACIÓN DE DATOS

1. Transformación de las variables x1, x3yx8 con la función de logaritmo

```
X[,1]<-log(X[,1])
colnames(X)[1]<-"Log-Population"

X[,3]<-log(X[,3])
colnames(X)[3]<-"Log-Illiteracy"

X[,8]<-log(X[,8])
colnames(X)[8]<-"Log-Area"</pre>
```

MÉTODO K-MEDIAS

1. Separación de filas y columnas

```
dim(X)
## [1] 50 8
```

```
n<-dim(X)[1]
p<-dim(X)[2]</pre>
```

2. Estandarización univariante

```
X.s<-scale(X)</pre>
```

3. Algoritmo k-medias (3 grupos)

nstart: cantidad de subconjuntos aleatorios que se escogen para realizar los calculos de algoritmo.

```
Kmeans.3<-kmeans(X.s, 3, nstart=25)</pre>
```

Visualizar centroides

```
Kmeans.3$centers
```

```
Log-Population
                 Income Log-Illiteracy Life Exp
                                                     HS Grad
##
                                             Murder
                         1.31921387 -1.0778757 1.10983501 -1.3566922
## 1
       0.2360549 -1.2266128
## 2
       0.5693805 0.5486843
                         ## 3
      -0.7900149 0.2080926
                         ##
       Frost
            Log-Area
## 1 -0.7719510 0.1991243
## 2 -0.3291597 -0.4878988
## 3 0.8803670 0.4093602
```

Cluster de pertenencia

```
Kmeans.3$cluster
```

| ## | Alabama | Alaska | Arizona | Arkansas | California |
|----|---------------|-------------|----------------|---------------|------------|
| ## | 1 | 3 | 2 | 1 | 2 |
| ## | Colorado | Connecticut | Delaware | Florida | Georgia |
| ## | 3 | 2 | 2 | 2 | 1 |
| ## | Hawaii | Idaho | Illinois | Indiana | Iowa |
| ## | 2 | 3 | 2 | 2 | 3 |
| ## | Kansas | Kentucky | Louisiana | Maine | Maryland |
| ## | 3 | 1 | 1 | 3 | 2 |
| ## | Massachusetts | Michigan | Minnesota | Mississippi | Missouri |
| ## | 2 | 2 | 3 | 1 | 2 |
| ## | Montana | Nebraska | Nevada | New Hampshire | New Jersey |
| ## | 3 | 3 | 3 | 3 | 2 |
| ## | New Mexico | New York | North Carolina | North Dakota | Ohio |

| ## | 1 | 2 | 1 | 3 | 2 |
|----|--------------|------------|---------------|--------------|----------------|
| ## | Oklahoma | Oregon | Pennsylvania | Rhode Island | South Carolina |
| ## | 2 | 3 | 2 | 2 | 1 |
| ## | South Dakota | Tennessee | Texas | Utah | Vermont |
| ## | 3 | 1 | 1 | 3 | 3 |
| ## | Virginia | Washington | West Virginia | Wisconsin | Wyoming |
| ## | 2 | 2 | 1 | 3 | 3 |

Aquí se puede observar a qué cluster pertenece cada ciudad.

4. SCDG

```
SCDG<-sum(Kmeans.3$withinss)
SCDG
```

[1] 203.2068

Lo mínimo que puede minimizar el algoritmo es 203.20

5. CLUSTERS

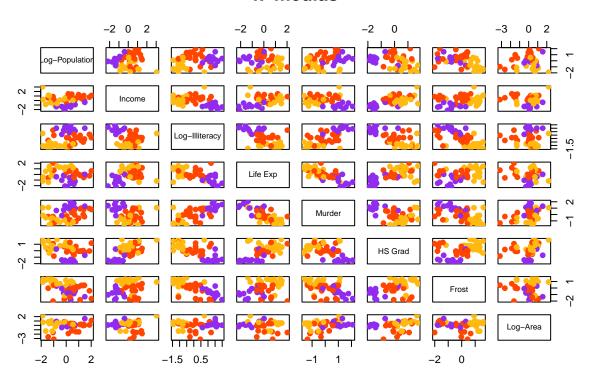
```
cl.kmeans<-Kmeans.3$cluster
cl.kmeans</pre>
```

| ## | Alabama | Alaska | Arizona | Arkansas | California |
|----|---------------|-------------|----------------|---------------|----------------|
| ## | 1 | 3 | 2 | 1 | 2 |
| ## | Colorado | Connecticut | Delaware | Florida | Georgia |
| ## | 3 | 2 | 2 | 2 | 1 |
| ## | Hawaii | Idaho | Illinois | Indiana | Iowa |
| ## | 2 | 3 | 2 | 2 | 3 |
| ## | Kansas | Kentucky | Louisiana | Maine | Maryland |
| ## | 3 | 1 | 1 | 3 | 2 |
| ## | Massachusetts | Michigan | Minnesota | Mississippi | Missouri |
| ## | 2 | 2 | 3 | 1 | 2 |
| ## | Montana | Nebraska | Nevada | New Hampshire | New Jersey |
| ## | 3 | 3 | 3 | 3 | 2 |
| ## | New Mexico | New York | North Carolina | North Dakota | Ohio |
| ## | 1 | 2 | 1 | 3 | 2 |
| ## | Oklahoma | Oregon | Pennsylvania | Rhode Island | South Carolina |
| ## | 2 | 3 | 2 | 2 | 1 |
| ## | South Dakota | Tennessee | Texas | Utah | Vermont |
| ## | 3 | 1 | 1 | 3 | 3 |
| ## | Virginia | Washington | West Virginia | Wisconsin | Wyoming |
| ## | 2 | • | | _ | 3 |

6. Scatter plot con la division de grupos obtenidos (se utiliza la matriz de datos centrados).

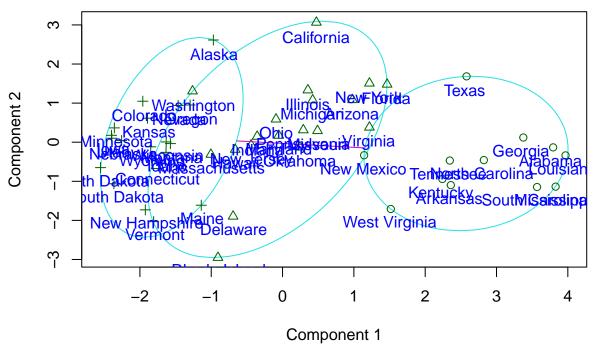
```
col.cluster<-c("purple2", "orangered", "darkgoldenrod1")[cl.kmeans]
pairs(X.s, col=col.cluster, main="k-medias", pch=19)</pre>
```

k-medias



VISUALIZACIÓN CON LAS DOS COMPONENTES PRINCIPALES

Dos primeras componentes principales



These two components explain 62.5 % of the point variability.

Podemos observar que Alaska pertenece al cluster 3, California cluster 1 y

SILHOUETTE

Texas cluster 2

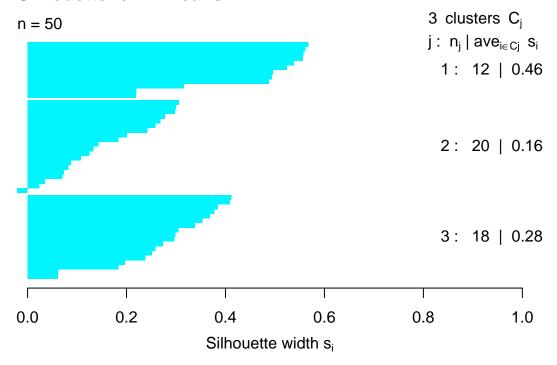
Representación gráfica de la eficacia de clasificación de una observación dentro de un grupo.

1. Generación de los calculos

```
dist.Euc<-dist(X.s, method = "euclidean")
Sil.kmeans<-silhouette(cl.kmeans, dist.Euc)</pre>
```

2. Generación del gráfico

Silhouette for k-means



Average silhouette width: 0.28

Silhouette va de 0 a 1, si está en 0 no está clasificando bien En el grupo uno está muy bajita la clasificación con 0.16. El cluster 2 "presenta" mejor clasificación.

Con estos resultados nos demuestra que no fue tan bueno tomar 3 clusters.

Cargar la matriz de datos

X<-as.data.frame(state.x77)

Nombre de las variables

colnames(X) ## [1] "Population" "Income" "Illiteracy" "Life Exp" "Murder" ## [6] "HS Grad" "Frost" "Area"

TRANSFORMACIÓN DE DATOS

1. Transformación de las variables x1, x3yx8 con la función de logaritmo

```
X[,1]<-log(X[,1])
colnames(X)[1]<-"Log-Population"

X[,3]<-log(X[,3])
colnames(X)[3]<-"Log-Illiteracy"

X[,8]<-log(X[,8])
colnames(X)[8]<-"Log-Area"</pre>
```

MÉTODO K-MEDIAS

1. Separación de filas y columnas

```
dim(X)
## [1] 50 8

n<-dim(X)[1]
p<-dim(X)[2]</pre>
```

2. Estandarización univariante

```
X.s<-scale(X)</pre>
```

3. Algoritmo k-medias (5 grupos)

nstart: cantidad de subconjuntos aleatorios que se escogen para realizar los calculos de algoritmo.

```
Kmeans.5<-kmeans(X.s, 5, nstart=30)</pre>
```

Se realizarán 5 clusters.

Visualizar centroides

```
Kmeans.5$centers
```

```
##
   Log-Population
                   Income Log-Illiteracy Life Exp
                                               Murder
                                                       HS Grad
      -0.5470524 0.0007323385
                            ## 1
## 2
      -0.1575882 0.9109826094
                            ## 3
      0.1223312 -1.3014616989
                            1.3019262 -1.1773136 1.0919809 -1.41578257
       1.0520357 0.2689747904
                            ## 5
      -1.7220507 1.4769369102
                            -0.5929507 -0.9946909 0.6831838 1.46407534
       Frost
             Log-Area
## 1 0.6632731 0.25141793
## 2 -0.1187800 -1.92526117
## 3 -0.7206500 0.07602772
## 4 -0.4380016 0.37632593
## 5 1.2800868 1.24186646
```

Cluster de pertenencia

Kmeans.5\$cluster

| Alabama | Alaska | Arizona | Arkansas | California |
|---------------|---|--|---|--|
| 3 | 5 | 4 | 3 | 4 |
| Colorado | Connecticut | Delaware | Florida | Georgia |
| 1 | 2 | 2 | 4 | 3 |
| Hawaii | Idaho | Illinois | Indiana | Iowa |
| 2 | 1 | 4 | 4 | 1 |
| Kansas | Kentuckv | Louisiana | Maine | Maryland |
| 1 | 3 | 3 | 1 | 2 |
| Massachusetts | Michigan | Minnesota | Mississippi | Missouri |
| 2 | 4 | 1 | 3 | 4 |
| Montana | Nebraska | Nevada | New Hampshire | New Jersey |
| 1 | 1 | 5 | 1 | 2 |
| New Mexico | New York | North Carolina | North Dakota | Ohio |
| 3 | 4 | 3 | 1 | 4 |
| Oklahoma | Oregon | Pennsylvania | Rhode Island | South Carolina |
| 4 | 1 | 4 | 2 | 3 |
| South Dakota | Tennessee | Texas | Utah | Vermont |
| 1 | 3 | 4 | 1 | 1 |
| Virginia | Washington | West Virginia | Wisconsin | Wyoming |
| 4 | 1 | 3 | 1 | 5 |
| | Colorado 1 Hawaii 2 Kansas 1 Massachusetts 2 Montana 1 New Mexico 3 Oklahoma 4 South Dakota 1 | 3 5 Colorado Connecticut 1 | 3 5 4 Colorado Connecticut Delaware 1 2 2 Hawaii Idaho Illinois 2 1 4 Kansas Kentucky Louisiana 1 3 3 Massachusetts Michigan Minnesota 2 4 1 Montana Nebraska Nevada 1 1 5 New Mexico New York North Carolina 3 4 3 Oklahoma Oregon Pennsylvania 4 1 4 South Dakota Tennessee Texas 1 3 4 | 3 5 4 3 Colorado Connecticut Delaware Florida 1 2 2 4 Hawaii Idaho Illinois Indiana 2 1 4 4 Kansas Kentucky Louisiana Maine 1 3 3 1 Massachusetts Michigan Minnesota Mississippi 2 4 1 3 Montana Nebraska Nevada New Hampshire 1 1 5 1 New Mexico New York North Carolina North Dakota 3 4 3 1 Oklahoma Oregon Pennsylvania Rhode Island 4 1 4 2 South Dakota Tennessee Texas Utah 1 3 4 1 |

Aquí se puede observar a qué cluster pertenece cada ciudad.

4. SCDG

```
SCDG<-sum(Kmeans.5$withinss)
SCDG
```

[1] 136.8587

Lo mínimo que puede minimizar el algoritmo es 136.8587

5. CLUSTERS

```
cl.kmeans<-Kmeans.5$cluster
cl.kmeans</pre>
```

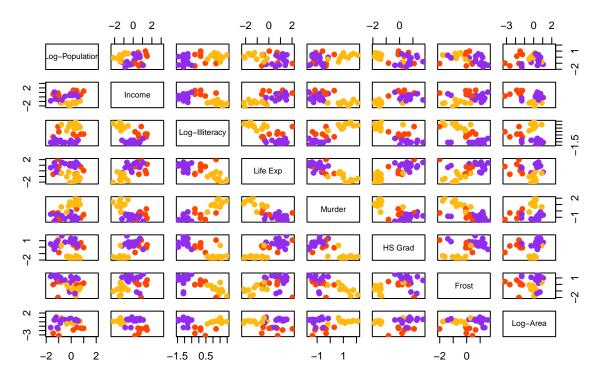
| California | Arkansas | Arizona | Alaska | Alabama | ## |
|----------------|---------------|----------------|-------------|---------------|----|
| 4 | 3 | 4 | 5 | 3 | ## |
| Georgia | Florida | Delaware | Connecticut | Colorado | ## |
| 3 | 4 | 2 | 2 | 1 | ## |
| Iowa | Indiana | Illinois | Idaho | Hawaii | ## |
| 1 | 4 | 4 | 1 | 2 | ## |
| Maryland | Maine | Louisiana | Kentucky | Kansas | ## |
| 2 | 1 | 3 | 3 | 1 | ## |
| Missouri | Mississippi | Minnesota | Michigan | Massachusetts | ## |
| 4 | 3 | 1 | 4 | 2 | ## |
| New Jersey | New Hampshire | Nevada | Nebraska | Montana | ## |
| 2 | 1 | 5 | 1 | 1 | ## |
| Ohio | North Dakota | North Carolina | New York | New Mexico | ## |
| 4 | 1 | 3 | 4 | 3 | ## |
| South Carolina | Rhode Island | Pennsylvania | Oregon | Oklahoma | ## |
| 3 | 2 | 4 | 1 | 4 | ## |
| Vermont | Utah | Texas | Tennessee | South Dakota | ## |
| 1 | 1 | 4 | 3 | 1 | ## |
| Wyoming | Wisconsin | West Virginia | Washington | Virginia | ## |
| 5 | 1 | 3 | 1 | 4 | ## |

6. Scatter plot con la division de grupos obtenidos

(se utiliza la matriz de datos centrados).

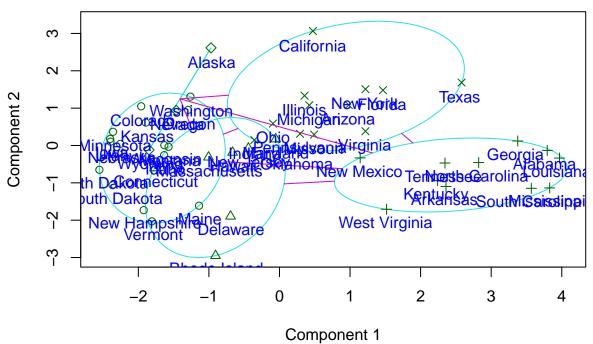
```
col.cluster<-c("purple2", "orangered", "darkgoldenrod1")[cl.kmeans]
pairs(X.s, col=col.cluster, main="k-medias", pch=19)</pre>
```

k-medias



VISUALIZACIÓN CON LAS DOS COMPONENTES PRINCIPALES

Dos primeras componentes principales



These two components explain 62.5 % of the point variability.

Se observa que Alaska, que pertenece al cluster 5 se sale de este agrupamiento, el cluster 5 no se visualiza bien agrupado

SILHOUETTE

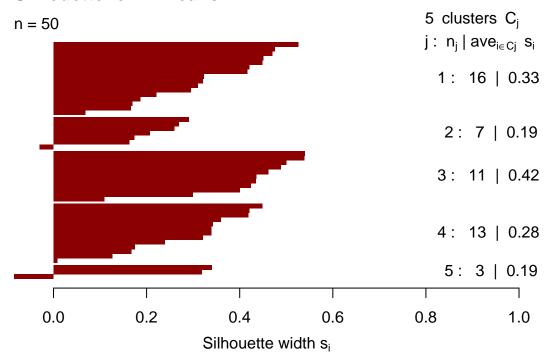
Representación gráfica de la eficacia de clasificación de una observación dentro de un grupo.

1. Generación de los calculos

```
dist.Euc<-dist(X.s, method = "euclidean")
Sil.kmeans<-silhouette(cl.kmeans, dist.Euc)</pre>
```

2. Generación del gráfico

Silhouette for k-means



Average silhouette width: 0.31

En el gráfico Silhouette se observa que el cluster 3 tiene una clasificación moderada en comparación con los demás cluster.

El cluster 1, 2, y 5 tienen una clasificación muy baja.

Cómo conclusión, no fue una buena idea tomar 5 clusters, ya que se dispersan muchoy no se clasifican bien, hasta se salen y la clasificación es muy baja.

Es mejor tener menos clusters.