

Module *Braid_Print*

1. On travaille sur les tresses représentées par les mots de tresses sur l'alphabet dans la présentation d'Artin

open *Braid*

2. Affiche une représentation ASCII de la tresse fournie

```
let ascii b =
  let print_vert () =
    print_string "␣|" in
  let print_sigma positif = function
    | 1 → print_string "␣\\␣/"
    | 2 → if positif then print_string "␣␣/␣"
          else print_string "␣␣\\␣"
    | 3 → print_string "␣/␣\\"
    | _ → print_string "␣|␣|" in
  let rec aux = function
    | [] → print_newline ()
    | x :: xs → for l = 1 to 4 do
                  for i = 1 to (x - 1) do
                    print_vert ()
                  done;
                  print_sigma (x > 0) l;
                  for i = x + 2 to b.size do
                    print_vert ()
                  done;
                  print_newline ();
                done;
    aux xs in
    aux b.word
```

3. Représentation graphique grâce au module *Graphics*

Ratio hauteur du sigma / épaisseur des brins

let *ratio* = 10

Dessine le croisement sigma positif à la position *x*,*y* de hauteur *h* (coordonnées en bas à gauche de la tresse)

```
let sigma_p x y h = let e = h/ratio in
  let open Graphics in
  fill_poly [| (x+h/2-e, y+h); (x+h/2, y+h); (x+h+h/2, y); (x+h); (x+h+h/2, y+h); (x+h/2, y); (x+h/2-e, y)]
```

```

h - e + h/2, y) ||;
      set_color white;
      fill_poly [| (x+h/2-e, y+e); (x+h/2-e, y); (x+h/2+e, y); (x+
h + h/2, y + h - e);
                                     (x + h + h/2, y + h); (x + h + h/2 - 2 × e, y + h) ||;
      set_color black;
      fill_poly [| (x + h/2 - e, y); (x + h/2, y); (x + h + h/2, y + h); (x +
h + h/2 - e, y + h) ||

```

Dessine le croisement sigma négatif à la position x,y de hauteur h (coordonnées en bas à gauche de la tresse)

```

let sigma_n x y h = let e = h/ratio in
      let open Graphics in
      fill_poly [| (x + h/2 - e, y); (x + h/2, y); (x + h + h/2, y + h); (x +
h + h/2 - e, y + h) ||;
      set_color white;
      fill_poly [| (x + h/2 - e, y + h - e); (x + h/2 - e, y + h); (x +
h/2 + e, y + h); (x + h + h/2, y + e);
                                     (x + h + h/2, y); (x + h + h/2 - 2 × e, y) ||;
      set_color black;
      fill_poly [| (x + h/2 - e, y + h); (x + h/2, y + h); (x + h + h/2, y); (x +
h + h/2 - e, y) ||

```

Dessine une barre verticale (brin ne se croisant pas)

```

let vert x y h = let e = h/ratio in
      let open Graphics in
      fill_poly [| (x + h/2 - e, y); (x + h/2, y); (x + h/2, y + h); (x + h/2 -
e, y + h) ||

```

Affichage graphique de la tresse

```

let display b =
  let size = b.size and height = List.length b.word in
  let h = (if height = 0 then 60 else min (600/height) 60) in
  Graphics.open_graph ("□" ^ (string_of_int (h × size + 20)) ^ "x" ^ (string_of_int (h ×
height + 20)));
  let rec aux x y = function
    | [] → ()
    | g :: s → for i = 0 to ((abs g) - 2) do
      vert (x + i × h) y h
    done;
    (if g > 0 then sigma_p else sigma_n) (x + (((abs g) - 1) × h)) y h;

```

```

    for  $i = (\text{abs } g) + 1$  to  $size$  do
         $vert(x + i \times h) \ y \ h$ 
    done;
    aux  $x \ (y - h) \ s$  in
aux 10  $((height - 1) \times h + 10) \ b.word;$ 
Graphics.read_key (); ()

```