Modelos de estadística clásica: muestreos aleatorios

Armando Ocampo

Librerías de trabajo

Para esta clase necesitamos cargar las siguientes librerias

```
library(dplyr)
library(ggplot2)
```

Dudas de la clase previa

Recodificar NA's

Los NA's son valores faltantes o no disponibles, los cuales suelen representar un problema durante la transformación y procesamiento de los datos. Por lo cual, previo a realizar cualquier análisis o función sobre el dataset es necesario conocer el comportamiento de nuestros datos. Para esto utilizaremos la función summary() de la paquetería base (Esta paquetería se encuentra instalada por defecto en el lenguaje de programación R, por lo cual no es necesario instalarla).

Generaremos un data frame con valores NA.

```
horas_estudio horas_recre
##
                                                       edad
          id
##
    Min.
           :1.00
                    Min.
                           :1.0
                                   Min.
                                          :1.0
                                                  Min.
                                                         :15.0
   1st Qu.:1.75
                    1st Qu.:2.0
                                   1st Qu.:2.0
                                                  1st Qu.:16.0
##
    Median:2.50
                    Median:2.0
                                   Median:3.0
                                                  Median:20.0
##
    Mean
           :2.50
                           :2.8
                                          :2.8
                                                         :18.6
                    Mean
                                   Mean
                                                  Mean
##
    3rd Qu.:3.25
                    3rd Qu.:4.0
                                   3rd Qu.:4.0
                                                  3rd Qu.:20.0
                           :5.0
                                          :4.0
                                                         :22.0
##
   Max.
           :4.00
                    Max.
                                   Max.
                                                  Max.
## NA's
```

Además de algunas medidas de estadísit
ca descriptiva, esta función detalla si existen NA's en nuestro datas
et. Otra manera de conocer si existen o no NA's es mediante la función is.na(). Esta generará como resultado TRUE, en el sitio donde encuentre un resultado faltante.

```
is.na(dummy_data)
```

```
##
           id horas estudio horas recre edad
## [1,] FALSE
                      FALSE
                                   FALSE FALSE
## [2,] FALSE
                                   FALSE FALSE
                      FALSE
## [3,] FALSE
                      FALSE
                                   FALSE FALSE
## [4,] FALSE
                                   FALSE FALSE
                      FALSE
## [5,]
        TRUE
                      FALSE
                                   FALSE FALSE
```

```
# podemos acompañarlo con la función sum(), para saber el total de NA's sum(is.na(dummy_data))
```

[1] 1

```
# También, es posible utilizar la función which() para determinar el sitio
# en la columna donde se encuentra el NA. En este caso, conocemos que el NA
# se encuentra en la columna id, ahora identificaremos su posición
which(is.na(dummy_data$id))
```

[1] 5

```
# Es así, como determinamos qué el valor faltante se encuentra en el quinto
# lugar de la columna id
```

Otra manera es utilizar la función sapply() acompañado de la función sum() para determinar el total de NA's por columna

```
sapply(dummy_data, function(y) sum(length(which(is.na(y)))))
```

```
## id horas_estudio horas_recre edad ## 1 0 0 0
```

Estas son algunas maneras de identificar los valores faltantes. A continuación, se mostrarán algunos métodos para su eliminación.

El primer método es la recodificación, en el cual se le agrega un valor concreto al NA. Esto, al colocar la posición en la que se encuentra y renombrarla. En este caso, al ver la numeración, suponemos que el id faltante es el numero 5.

```
dummy_data$id[is.na(dummy_data$id)] = 5
dummy_data
```

```
##
     id horas_estudio horas_recre edad
## 1
                    2
                                     20
## 2 2
                    5
                                 2
                                     15
## 3 3
                    4
                                 4
                                     16
## 4 4
                    2
                                 3
                                     22
## 5 5
                                 1
                                     20
```

Vamos a generar de nuevo el valor NA. Sin embargo, en el siguiente ejemplo utilizaremos la función na.omit() para quitar el valor faltante. Esta función se caracteriza por eliminar la fila donde se encuentra el valor NA.

```
##
     id horas_estudio horas_recre edad
                                     20
## 1 1
                    2
## 2 2
                    5
                                 2
                                     15
## 3 3
                    4
                                 4
                                     16
## 4 4
                    2
                                     22
```

Nota: na.omit() puede ser funcional si la recodificación no es posible. No obstante, hay que tener cuidado en no eliminar la mayor parte de la información. Esto lo veremos a continuación

Si tenemos varios NA a lo largo del dataset, na.omit() puede ser contraproducente. El siguiente ejemplo lo detalla.

Al aplicar la función na.omit() perdemos la mayor parte de la información

```
na.omit(dummy_data_2)
```

```
id horas estudio horas recre edad
##
## 4
                       2
                                        17
## 6
                       3
                                    8
       6
## 9
                       4
                                    8
                                        18
## 11 11
                       5
                                        18
```

Para este caso, podemos hacer dos maneras de recodificación. Colocar un 0 en todos los NA's, o definir un valor específico por columna.

```
id horas_estudio horas_recre edad
##
## 1
                                          20
## 2
       2
                        5
                                     0
                                          15
## 3
       3
                        4
                                     8
                        2
                                     3
                                          22
## 4
       4
## 5
       0
                        1
## 6
       6
                        3
                                     8
                                          17
## 7
       7
                        0
                                     5
                                          18
                        2
                                      6
## 8
       8
                                          0
                        4
                                     8
## 9
       9
                                          18
## 10 10
                        3
                                     0
                                          20
## 11 11
                        5
                                      4
                                          18
## 12 12
                        0
                                     7
                                          15
```

Para el segundo caso, colocaremos el valor de la media aritmética por columna para el proceso de recodificación.

```
## [1] 3.222222
dummy_data_2$horas_estudio[is.na(dummy_data_2$horas_estudio)]=2.4
mean(dummy_data_2$horas_recre, na.rm = TRUE)
## [1] 6.444444
dummy_data_2$horas_recre[is.na(dummy_data_2$horas_recre)] = 4.8
mean(dummy_data_2$edad, na.rm = TRUE)
## [1] 18.11111
dummy_data_2$edad[is.na(dummy_data_2$edad)] = 13
dummy_data_2
##
      id horas_estudio horas_recre edad
## 1
                    2.4
                                9.0
                                       20
## 2
       2
                    5.0
                                4.8
                                       15
## 3
       3
                    4.0
                                8.0
                                       13
                    2.0
                                3.0
                                       22
## 4
       4
## 5
                    1.0
                                4.8
                                       13
     NA
## 6
                    3.0
                                8.0
                                       17
       6
## 7
       7
                                5.0
                    2.4
                                       18
## 8
                    2.0
                                6.0
                                       13
       8
                                8.0
## 9
       9
                    4.0
                                       18
                                4.8
                                       20
## 10 10
                    3.0
## 11 11
                    5.0
                                4.0
                                       18
## 12 12
                    2.4
                                7.0
                                       15
```

Nota: es posible combinar métodos de recodificación. Todo depende del objetivo de la limpieza del conjunto de datos

Identificando cuartiles

Los cuartiles dividen al conjunto de datos en 4 grupos, a partir de 3 puntos de corte. Primer cuartil (Q1, 25%), segundo cuartil (Q2, 50%), tercer cuartil (Q3, 75%). Derivado de esta información, podemos definir en que sitio se puede encontrar un dato nuevo. Los siguientes son solo ejemplo de cómo realizarlo, ya que pueden existir varias maneras de hacerlo.

Primero identificaremos los cuartiles de la longitud del sépalo del dataset iris

```
quantile(iris$Sepal.Length)
```

```
## 0% 25% 50% 75% 100%
## 4.3 5.1 5.8 6.4 7.9
```

La siguiente función genera un mensaje dependiendo del sitio en el cual se encuentra el nuevo valor

```
identificando_cuartiles <- function(x){
  if(x <= 5.1) print('debajo Q1')
  if(x > 5.1 & x <= 5.8) print('entre Q1 y Q2')
  if(x > 5.8 & x <= 6.4) print('entre Q2 y Q3')
  if(x > 6.4) print('superior a Q3')
}
identificando_cuartiles(6.5)
```

```
## [1] "superior a Q3"
```

La función $case_when()$ de la paquetería dplyr permite generar condiciones similares a las utilizadas en la función if(). Cuando se utiliza en conjunto a la función mutate(), los resultados se guardan en una columna nueva.

```
iris_df <- iris</pre>
quantile(iris_df$Sepal.Length)
     0% 25% 50% 75% 100%
    4.3 5.1 5.8 6.4 7.9
iris df cuartil <- iris df %>%
  mutate(cuartil = case_when(Sepal.Length <= 5.1 ~ '< Q1',</pre>
                               Sepal.Length > 5.1 & Sepal.Length <= 5.8 ~ 'Q1 & Q2',
                               Sepal.Length > 5.8 & Sepal.Length <= 6.4 ~ 'Q1 & Q3',
                               Sepal.Length > 6.4 \sim ' > Q3')
head(iris_df_cuartil)
##
     Sepal.Length Sepal.Width Petal.Length Petal.Width Species cuartil
## 1
               5.1
                            3.5
                                          1.4
                                                       0.2 setosa
## 2
                            3.0
                                                                       < Q1
               4.9
                                          1.4
                                                       0.2 setosa
## 3
               4.7
                            3.2
                                          1.3
                                                       0.2 setosa
                                                                       < Q1
                                                                       < Q1
## 4
               4.6
                            3.1
                                          1.5
                                                       0.2 setosa
## 5
               5.0
                            3.6
                                          1.4
                                                       0.2 setosa
                                                                       < Q1
## 6
               5.4
                            3.9
                                          1.7
                                                       0.4 setosa Q1 & Q2
De esta manera, se puede colocar una variable nueva, pegarla al dataset y conocer en que cuartil se encuentra.
iris df <- iris
iris_nueva <- c(5.222,NA,NA,NA,NA)</pre>
new_iris <- rbind(iris_nueva, iris_df)</pre>
head(new iris %>%
       mutate(cuartil = case_when(Sepal.Length <= 5.1 ~ '< Q1',</pre>
```

Sepal.Length > 5.1 & Sepal.Length $<= 5.8 \sim 'Q1 \& Q2'$, Sepal.Length > 5.8 & Sepal.Length $<= 6.4 \sim 'Q1 \& Q3'$,

Sepal.Length $> 6.4 \sim '> Q3')),1)$

<NA> Q1 & Q2

NA

Muestreo

5.222

1

Cuando el conjunto de datos es grande y representa un elevado costo económico y de tiempo máquina se recomienda utilizar muestras. Estas deben de ser aleatorias y representativas. Los estadísticos obtenidos se pueden generalizar e inferir el comportamiento de la población. En R, existen dos funciones que permiten realizar este proceso, sample() y $slice_sample()$. La función sample() forma parte de la paquetería base, y se utiliza para encontrar muestras de vectores. Por su parte, la función $slice_sample()$ pertenece a la paquetería dplyr y funciona para obtener muestras de data frames.

Sepal.Length Sepal.Width Petal.Length Petal.Width Species cuartil

NΑ

NA

Nota: debido a que las muestras se realizan "al azar", es necesario definir un parámetro que permita replicar los resultados cuando se trabaja en grupos o para verificar la información. Para esto, se utiliza la función set.seed() antes de comenzar a trabajar

En el siguiente ejemplo, se generará un vector con numeros del 1 al 100000. Posteriormente, se tomará una muestra de 20000 numeros. Dentro de la función sample(), se coloca como primer argumento el vector del cual se va a extraer la información y el segundo argumento indica el tamaño de la muestra.

```
set.seed(123)
vectorcito <- seq(1, 100000, by = 1)

vectorcito_muestra <- sample(vectorcito, size = 20000)

length(vectorcito_muestra)</pre>
```

[1] 20000

Por su parte, $slice_sample()$, permite obtener una muestra de un data frame. El siguiente ejemplo extraerá 100 elementos al azar del conjunto de datos iris.

```
set.seed(123)
iris_muestra \leftarrow slice_sample(iris, n = 100)
summary(iris_muestra)
##
     Sepal.Length
                      Sepal.Width
                                       Petal.Length
                                                         Petal.Width
##
            :4.300
                             :2.200
                                              :1.000
                                                               :0.100
    Min.
                     Min.
                                      Min.
                                                        Min.
##
    1st Qu.:5.100
                     1st Qu.:2.800
                                      1st Qu.:1.600
                                                        1st Qu.:0.300
    Median :5.800
                     Median :3.000
                                      Median :4.500
                                                        Median :1.400
##
##
    Mean
           :5.847
                             :3.045
                                              :3.796
                                                               :1.214
                     Mean
                                      Mean
                                                        Mean
##
    3rd Qu.:6.400
                     3rd Qu.:3.400
                                       3rd Qu.:5.100
                                                        3rd Qu.:1.800
##
    Max.
           :7.900
                     Max.
                             :4.400
                                      Max.
                                              :6.900
                                                        Max.
                                                               :2.500
##
          Species
##
               :34
    setosa
##
    versicolor:29
##
    virginica:37
##
##
```

summary(iris)

##

```
##
     Sepal.Length
                      Sepal.Width
                                       Petal.Length
                                                        Petal.Width
##
   Min.
           :4.300
                     Min.
                             :2.000
                                      Min.
                                              :1.000
                                                       Min.
                                                               :0.100
##
   1st Qu.:5.100
                     1st Qu.:2.800
                                      1st Qu.:1.600
                                                       1st Qu.:0.300
   Median :5.800
                     Median :3.000
                                      Median :4.350
                                                       Median :1.300
##
    Mean
           :5.843
                     Mean
                             :3.057
                                      Mean
                                              :3.758
                                                       Mean
                                                               :1.199
##
                                      3rd Qu.:5.100
    3rd Qu.:6.400
                     3rd Qu.:3.300
                                                       3rd Qu.:1.800
##
    Max.
           :7.900
                     Max.
                            :4.400
                                      Max.
                                              :6.900
                                                       Max.
                                                               :2.500
##
          Species
##
               :50
    setosa
##
    versicolor:50
##
    virginica:50
##
##
##
```

Muestreo con reemplazo

Una variante del muestreo aleatorio es el muestreo con reemplazo o bootstrapping, en este cada elemento puede ser seleccionado más de una vez. Se suele utilizar cuando nuestra proporción de datos es pequeña, por

lo cual se busca enriquecer la información. Sin embargo, tiende a presentar un sesgo, ya que solo depende de nuestros datos de inicio. Para el muestreo con reemplazo se utilizan las funciones sample() y $slice_sample()$, solo que se agrega el argumento replace = TRUE. En el primer ejemplo generaremos un vector con numeros del 1 al 100 y se realizará un muestreo con reemplazo de 300 números

```
set.seed(123)
vector_2 <- seq(1,100, by = 1)
vector_boot <- sample(vector_2, size = 300, replace = TRUE)
length(vector_boot)</pre>
```

```
## [1] 300
```

##

Para el ejemplo de muestreo con reemplazo utilizando slice_sample(), se tomará de nuevo el dataset iris, generando una muestra de 300 elementos.

```
set.seed(123)
iris_boot <- slice_sample(iris, n = 300, replace = TRUE)</pre>
summary(iris_boot)
     Sepal.Length
                      Sepal.Width
                                       Petal.Length
                                                        Petal.Width
##
    Min.
           :4.300
                     Min.
                            :2.000
                                             :1.000
                                                              :0.100
                                      Min.
                                                       Min.
    1st Qu.:5.075
                     1st Qu.:2.800
                                      1st Qu.:1.600
                                                       1st Qu.:0.300
                                      Median :4.400
                                                       Median :1.300
##
    Median :5.800
                     Median :3.000
##
    Mean
           :5.836
                     Mean
                            :3.045
                                      Mean
                                             :3.786
                                                       Mean
                                                              :1.208
##
    3rd Qu.:6.500
                     3rd Qu.:3.300
                                      3rd Qu.:5.100
                                                       3rd Qu.:1.800
##
    Max.
           :7.700
                     Max.
                            :4.400
                                      Max.
                                              :6.900
                                                       Max.
                                                              :2.500
##
          Species
##
              : 98
    setosa
##
    versicolor:102
    virginica:100
##
##
##
```

Nota: en el muestreo sin reemplazo se genera una muestra a partir de la población. En el muestreo con reemplazo se desarrolla una población teórica derivado de la información de una muestra

Distribución probabilística

Define la probabilidad de que un vento ocurra. La suma de las posibilidades de un evento debe ser igual a 1. Se habla de distribución discreta cuando los eventos son números enteros (1,2,3,4). Por su parte, la distribución contínua hace referencia a valore infinitos (1.1, 1.2, 1.3). Asimismo, en este proyecto hablaremos sobre dos tipos de distribuciones; uniforme y normal.

Distribución uniforme

En este tipo de probabilidad, todos los eventos tienen las mismas posibilidades de ocurrir, pongamos como ejemplo el lanzar un dado. Cada número tiene 1/6 (~ 0.16) de probabilidad de ocurrir. Para conocer la probabilidad de cada evento dentro de la distribución uniforme se utiliza la función punif() de la paquetería stats. Esta paquetería se incluye dentro de los datos por defecto del lenguaje de programación, por lo que no se debe descragar nada.

En el siguiente ejemplo, se calculará cual es la probabilidad de que al lanzar un dado se obtenga un número menor a 5. Los argumentos son lo siguientes. El primero describe el valor del evento que queremos conocer,

min se utiliza para definir el evento mínimo que puede ocurrir, en este caso, no lanzar el dado. Max, por su parte, es el valor máximo que puede presentarse, siendo 6.

```
punif(5, min = 0, max = 6)
```

[1] 0.8333333

Si queremos conocer la probabilidad de que un evento ocurra cercano a la unidad se agrega el argumento lower.tail = FALSE. En el siguiente ejemplo calcularemos la probabilidad de obtener un numero mayor a 5 al lanzar un dado.

```
punif(5, min = 0, max = 6, lower.tail = FALSE)
```

[1] 0.1666667

Para rangos, se resta la probabilidad menor a la probabilidad mayor. En el siguiente ejemplo obtendremos la probabilidad de sacar un número entre 3 y 5 al lanzar un dado.

```
punif(5, min = 0, max = 6) - punif(3, min = 0, max = 6)
```

[1] 0.3333333

Distribución normal

Por su parte, la distribución normal, no sigue un patrón uniforme. Existen diferentes eventos con posibilidades distintas. Al igual que la distribución uniforme el total de todos los eventos es igual a 1. Esta distribución se caracyeriza por tener una forma de campana, la cual es simétrica. A su vez, se basa en la media aritmética y en la desviación estándar. Para calcular la distribución normal de un evento probabilístico se utiliza la función pnorm() de la paquetería stats. En el siguiente ejemplo se calculará la probabilidad de encontrar a una persona que mida menos de 154 cm dada una pobalción con una media aritmética de 161 cm y una desviación estándar de 7 cm.

```
pnorm(154, mean = 161, sd = 7)
```

[1] 0.1586553

De la misma manera, para conocer el otro extremo de la probabilidad se utiliza el argumento lower.tail = FALSE. En el siguiente ejemplo conoceremos la probabilidad de encontrar a una persona con una altura mayor a 154 cm.

```
pnorm(154, mean = 161, sd = 7, lower.tail = FALSE)
```

[1] 0.8413447

Para intervalos se resta la probabilidad menor a la probabilidad mayor. Por ejemplo, encontrar la probabilidad de que una persona tenga una altura entre 154 y 157 cm.

```
pnorm(157, mean = 161, sd = 7) - pnorm(154, mean = 161, sd = 7)
```

```
## [1] 0.1251993
```

Asimismo, con la distribución normal es posible conocer el valor de cierta probabilidad. Por ejemplo, supongamos que nos piden conocer la estatura a la cual podría llegar el 90% de la población. Para esto, se utiliza la función qnorm(). Los argumentos son similares, solo que el primer argumento corresponderá a la probabilidad que se desea encontrar.

```
qnorm(0.9, mean = 161, sd = 7)
```

```
## [1] 169.9709
```

Si queremos conocer el valor contrario. Cual es la altura del 90% superior de la población se utiliza el argumento lower.tail = FALSE

```
qnorm(0.9, mean = 161, sd = 7, lower.tail =FALSE)
```

[1] 152.0291

Nota: este proceso es similar a econtrar el restante a la unidad, o el 10%

```
qnorm(0.1, mean = 161, sd = 7)
```

[1] 152.0291

Teorema del límite central

Este teorema describe que la distribución probabilísitca de una muestra se acerca a una distribución normal en cuanto aumenta el número de experimentos. Como ejemplo, se generará un dado virtual, con valores del 1 al 6. Posteriormente, se simularán 5 lanzamientos con reemplazo y se obtendrá el valor promedio de estos 5 lanzamientos. Por último, se simulará este proceso 10, 100, 1000 y 10000 veces.

```
dado <- seq(1,6,1)
```

10 repeticiones

