Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования «Научно-образовательная корпорация ИТМО»

Факультет Программной Инженерии и Компьютерной Техники



Лабораторная работа по физике №1

Исследование распределения случайной величины

Выполнили:

Степанов Арсений Алексеевич Выдра Андрей Михайлович

Группа:

ФИЗ ПИиКТ БАЗ 3.4.1

Преподаватель:

Пулькин Николай Сергеевич

1 Цели работы

Произвести исследование случайной величины и построить соответствующие схемы и графики на основе произведённых измерений

2 Схема установки

Пара секундомеров, используемых для измерения интервалов времени

2.1 Измерительные приборы

No	Наименование	Тип	Используемый диапазон	Погрешность
1	Секундомер	Механический	5 сек	±0.2 сек
2	Секундомер	Электронный	5 сек	±1 мс

3 Результаты прямых измерений

$N_{\overline{0}}$	t_{i}	$t_i - \langle t \rangle_N$, сек	$(t_i - \langle t \rangle_N)^2$, cek^2
1	4.65	-0.31	0.0961
2	4.91	-0.05	0.0025
3	4.97	0.02	0.0004
4	4.88	-0.08	0.0064
5	5.06	0.11	0.0121
6	5.03	0.08	0.0064
7	4.84	-0.12	0.0144
8	4.91	-0.05	0.0025
9	5.06	0.11	0.0121
10	5.00	0.05	0.0025
11	4.84	-0.12	0.0144
12	5.06	0.11	0.0121
13	4.88	-0.08	0.0064
14	4.81	-0.15	0.0225
15	4.84	-0.12	0.0144
16	5.07	0.12	0.0144
17	4.88	-0.08	0.0064
18	4.93	-0.03	0.0009
19	5.06	0.11	0.0121
20	5.25	0.30	0.09
21	4.88	-0.08	0.0064
22	5.06	0.11	0.0121
23	4.75	-0.21	0.0441
24	4.94	-0.02	0.0004
25	4.97	0.02	0.0004
26	5.00	0.05	0.0025
27	4.88	-0.08	0.0064
28	5.07	0.12	0.0144
29	5.00	0.05	0.0025
30	5.00	0.05	0.0025

31 5.12 0.17 0.0289 32 4.90 -0.06 0.0036 33 5.06 0.11 0.0121 34 4.90 -0.06 0.0036 35 5.06 0.11 0.0121 36 4.78 -0.18 0.0324 37 4.91 -0.05 0.0025 38 4.94 -0.02 0.0004 39 5.06 0.11 0.0121 40 4.88 -0.08 0.0064 41 4.90 -0.06 0.0036 42 5.00 0.05 0.0025 43 4.97 0.02 0.0004 44 5.06 0.11 0.0121 45 5.06 0.11 0.0121 46 4.87 -0.09 0.0081 47 5.00 0.05 0.0025 48 5.00 0.05 0.0025				
33 5.06 0.11 0.0121 34 4.90 -0.06 0.0036 35 5.06 0.11 0.0121 36 4.78 -0.18 0.0324 37 4.91 -0.05 0.0025 38 4.94 -0.02 0.0004 39 5.06 0.11 0.0121 40 4.88 -0.08 0.0064 41 4.90 -0.06 0.0036 42 5.00 0.05 0.0025 43 4.97 0.02 0.0004 44 5.06 0.11 0.0121 45 5.06 0.11 0.0121 46 4.87 -0.09 0.0081 47 5.00 0.05 0.0025	31	5.12	0.17	0.0289
34 4.90 -0.06 0.0036 35 5.06 0.11 0.0121 36 4.78 -0.18 0.0324 37 4.91 -0.05 0.0025 38 4.94 -0.02 0.0004 39 5.06 0.11 0.0121 40 4.88 -0.08 0.0064 41 4.90 -0.06 0.0036 42 5.00 0.05 0.0025 43 4.97 0.02 0.0004 44 5.06 0.11 0.0121 45 5.06 0.11 0.0121 46 4.87 -0.09 0.0081 47 5.00 0.05 0.0025	32	4.90	-0.06	0.0036
35 5.06 0.11 0.0121 36 4.78 -0.18 0.0324 37 4.91 -0.05 0.0025 38 4.94 -0.02 0.0004 39 5.06 0.11 0.0121 40 4.88 -0.08 0.0064 41 4.90 -0.06 0.0036 42 5.00 0.05 0.0025 43 4.97 0.02 0.0004 44 5.06 0.11 0.0121 45 5.06 0.11 0.0121 46 4.87 -0.09 0.0081 47 5.00 0.05 0.0025	33	5.06	0.11	0.0121
36 4.78 -0.18 0.0324 37 4.91 -0.05 0.0025 38 4.94 -0.02 0.0004 39 5.06 0.11 0.0121 40 4.88 -0.08 0.0064 41 4.90 -0.06 0.0036 42 5.00 0.05 0.0025 43 4.97 0.02 0.0004 44 5.06 0.11 0.0121 45 5.06 0.11 0.0121 46 4.87 -0.09 0.0081 47 5.00 0.05 0.0025	34	4.90	-0.06	0.0036
37 4.91 -0.05 0.0025 38 4.94 -0.02 0.0004 39 5.06 0.11 0.0121 40 4.88 -0.08 0.0064 41 4.90 -0.06 0.0036 42 5.00 0.05 0.0025 43 4.97 0.02 0.0004 44 5.06 0.11 0.0121 45 5.06 0.11 0.0121 46 4.87 -0.09 0.0081 47 5.00 0.05 0.0025	35	5.06	0.11	0.0121
38 4.94 -0.02 0.0004 39 5.06 0.11 0.0121 40 4.88 -0.08 0.0064 41 4.90 -0.06 0.0036 42 5.00 0.05 0.0025 43 4.97 0.02 0.0004 44 5.06 0.11 0.0121 45 5.06 0.11 0.0121 46 4.87 -0.09 0.0081 47 5.00 0.05 0.0025	36	4.78	-0.18	0.0324
39 5.06 0.11 0.0121 40 4.88 -0.08 0.0064 41 4.90 -0.06 0.0036 42 5.00 0.05 0.0025 43 4.97 0.02 0.0004 44 5.06 0.11 0.0121 45 5.06 0.11 0.0121 46 4.87 -0.09 0.0081 47 5.00 0.05 0.0025	37	4.91	-0.05	0.0025
40 4.88 -0.08 0.0064 41 4.90 -0.06 0.0036 42 5.00 0.05 0.0025 43 4.97 0.02 0.0004 44 5.06 0.11 0.0121 45 5.06 0.11 0.0121 46 4.87 -0.09 0.0081 47 5.00 0.05 0.0025	38	4.94	-0.02	0.0004
41 4.90 -0.06 0.0036 42 5.00 0.05 0.0025 43 4.97 0.02 0.0004 44 5.06 0.11 0.0121 45 5.06 0.11 0.0121 46 4.87 -0.09 0.0081 47 5.00 0.05 0.0025	39	5.06	0.11	0.0121
42 5.00 0.05 0.0025 43 4.97 0.02 0.0004 44 5.06 0.11 0.0121 45 5.06 0.11 0.0121 46 4.87 -0.09 0.0081 47 5.00 0.05 0.0025	40	4.88	-0.08	0.0064
43 4.97 0.02 0.0004 44 5.06 0.11 0.0121 45 5.06 0.11 0.0121 46 4.87 -0.09 0.0081 47 5.00 0.05 0.0025	41	4.90	-0.06	0.0036
44 5.06 0.11 0.0121 45 5.06 0.11 0.0121 46 4.87 -0.09 0.0081 47 5.00 0.05 0.0025	42	5.00	0.05	0.0025
45 5.06 0.11 0.0121 46 4.87 -0.09 0.0081 47 5.00 0.05 0.0025	43	4.97	0.02	0.0004
46 4.87 -0.09 0.0081 47 5.00 0.05 0.0025	44	5.06	0.11	0.0121
47 5.00 0.05 0.0025	45	5.06	0.11	0.0121
	46	4.87	-0.09	0.0081
48 5.00 0.05 0.0025	47	5.00	0.05	0.0025
	48	5.00	0.05	0.0025
49 4.94 -0.02 0.0004	49	4.94	-0.02	0.0004
50 4.94 -0.02 0.0004	50	4.94	-0.02	0.0004

4 Расчёт результатов косвенных измерений

4.1 Используемые формулы

4.1.1 Выборочное значение

$$\langle t \rangle_N = \frac{1}{N} \cdot \sum_{i=1}^N t_i$$

4.1.2 Максимальная высота гистограммы

$$\rho_{\rm max} = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}}$$

4.1.3 Плотность вероятности

$$\rho(t) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} \cdot e^{-\frac{(t-\langle t \rangle)^2}{2\sigma^2}}$$

4.1.4 Выборочное среднеквадратичное отклонение

$$\sigma_N = \sqrt{\frac{1}{N-1} \cdot \sum_{i=1}^{N} (t_i - \langle t \rangle_N)^2}$$

4.1.5 Среднеквадратичное отклонение среднего значения

$$\sigma_{\langle t \rangle} = \sqrt{\frac{1}{N(N-1)} \cdot \sum_{i=1}^{N} (t_i - \langle t \rangle_N)^2}$$

4.1.6 Доверительный интервал случайной погрешности

$$\Delta_t = t_{\alpha n} \cdot \sigma_{\langle t \rangle} \qquad \alpha = 0.95$$

4.2 Расчет плотности распределения

Разобьём диапазон полученных значений на 7 интервалов с $\Delta t = 0.09$ сек

Границы интервалов	ΔN	$\Delta N/(N \cdot \Delta t)$, cek ⁻¹	t, сек	ρ , cek ⁻¹
[4.65, 4.74]	1	0.23	4.692	0.210
[4.74, 4.83]	3	0.70	4.778	0.987
[4.83, 4.92]	13	3.03	4.875	2.684
[4.92, 5.01]	11	2.57	4.950	3.601
[5.01, 5.10]	20	4.67	5.035	2.793
[5.10, 5.19]	1	0.23	5.121	1.118
[5.19, 5.28]	1	0.23	5.207	0.277

Пример расчёта ρ для интервала [4.83, 4.92]:

$$\langle t \rangle = \frac{1}{50} \cdot \sum_{i=1}^{50} t_i = 4.96$$
 $t = \frac{4.83 + 4.92}{2} = 4.875$

$$\sum_{i=1}^{50} (t_i - \langle t \rangle)^2 = 0.5994 \qquad \sigma = \sqrt{\frac{1}{50 - 1} \cdot 0.5994} = 0.1106$$

$$\rho = \frac{1}{0.1106 \cdot \sqrt{2\pi}} \cdot e^{-\frac{(4.875 - 4.96)^2}{2 \cdot 0.1106^2}} = 2.684$$

5 Расчёт погрешностей

$N_{\bar{0}}$	Формула	Интервал, сек	ΔN	$\Delta N/N$	Р
1	$\langle t \rangle \pm \sigma$	[4.85, 5.07]	39	0.78	0.683
2	$\langle t \rangle \pm 2 \cdot \sigma$	[4.74, 5.18]	48	0.96	0.954
3	$\langle t \rangle \pm 3 \cdot \sigma$	[4.62, 5.29]	50	1	0.997

5.1 Среднеквадратичное отклонение среднего значения

$$\sigma_{\langle t \rangle} = \sqrt{\frac{1}{50 \cdot 49} \cdot 0.5994} = 0.015$$

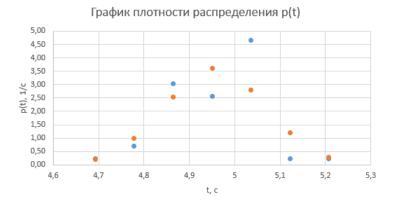
5.2 Доверительный интервал случайной погрешности

$$\Delta_t = 2.009 \cdot 0.015 = 0.0301$$

3

6 Графики

6.1 График плотности распределения



7 Окончательные результаты

Выполняя работу мы провели серию из 50 измерений по 5 секунд с использованием механического и электронного секундомера. Наглядно увидеть полученную статистику можно на графике плотности распределения

Для проведённой серии измерений среднеквадратичное отклонение среднего значения $\sigma_{\langle t \rangle} = 0.015,$ а доверительный интервал случайной погрешности $\Delta_t = 0.0301$