

# ČESKÉ VYSOKÉ UČENÍ TECHNICKÉ V PRAZE

FAKULTA STAVEBNÍ, OBOR GEODÉZIE A KARTOGRAFIE

KATEDRA GEOMATIKY

*název předmětu*

**GEOINFORMATIKA**

*číslo  
úlohy*  
1

*název úlohy*

JPEG komprese rastru

*školní rok*

2025/26

*zpracovali*

Králič Adam, Matějková Barbora

*datum*

19. 11. 2025

*klasifikace*

# Technická zpráva

## 1 Zadání úlohy

Úkolem bylo implementovat JPEG kompresi rastru ve zvoleném programovacím jazyku (Matlab), která by zahrnovala tyto fáze:

- transformaci do  $YC_B C_R$  modelu,
- diskretní kosinovou transformaci,
- kvantizaci koeficientů,

a to bez vystavěných funkcí použitého programu.

Výstupem je i testování kompresního algoritmu na jednotlivých typech rastrových souborů s různými hodnotami faktoru komprese  $q = 10, 50, 70$ , včetně vypočtení střední kvadratické odchylky  $m$  jednotlivých RGB složek.

$$m = \sqrt{\frac{\sum_{i=0}^{m \cdot n} (z - z')^2}{m \cdot n}}$$

Možností bylo implementovat další kroky či jiné kompresní algoritmy (viz tab. 1), které byly všechny v této úloze implementovány.

Krok	Hodnocení
JPG komprese/dekomprese rastru.	20b
Resamplování rastru.	+5b
Konverze prvků do ZIG-ZAG sekvencí.	+10b
Huffmanovo kódování.	+15b
Náhrada DCT s využitím DFT.	+15b
Náhrada DCT s využitím DWT.	+15b
<b>Max celkem:</b>	<b>80b</b>

Tabulka 1: Kroky a jejich hodnocení

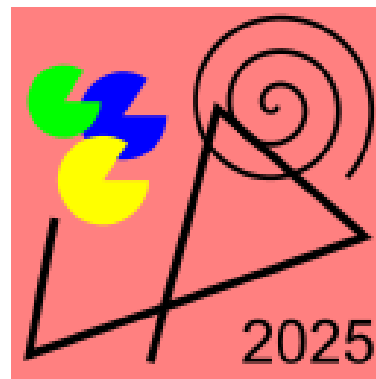
Pro testování kompresí jednotlivými transformacemi byly vybrány tři obrázky – grafika typu pixel art s barevnými přechody o rozměrech  $128 \times 128$  px, jež byla vytvořena v programu Aseprite, fotografie  $256 \times 256$  px a vektorová grafika  $128 \times 128$  px s liniovými prvky z programu Inkscape.



(a) barevný obrázek



(b) fotografie



(c) vektorová grafika

Obrázek 1: Použité obrázky k testování kompresí

## 2 Postup výpočtu

### 2.1 Komprese

1. **Nahrání souboru:** soubor je nahrán pomocí funkce `imread(nazSouboru.bmp)`, následně je rozdělen na 3 barevné složky RGB, kde každá má stejný rozměr  $m \times n$ .
2. **Převod RGB na YUV model:** YUV model také obsahuje 3 složky – jasovou  $Y$  a dvě barevné (chromatické) složky  $C_B$  a  $C_R$ .

```
% RGB to YCbCr
Y = 0.2990*R + 0.5870*G + 0.1140*B;
Cb = -0.1687*R - 0.3313*G + 0.5000*B + 128;
Cr = 0.5000*R - 0.4187*G - 0.0813*B + 128;
```

3. **Přepočet intervalu:** interval byl převeden z hodnot  $\{0, 255\}$  na  $\{-255, 255\}$ .

```
Y = 2*Y - 255;
Cb = 2*Cb - 255;
Cr = 2*Cr - 255;
```

4. **Převzorkování rastru:** Rastr je převzorkován pomocí kernelu o libovolné kladné celočíselné hodnotě (např.  $2 \times 2$ ). Výsledkem je rastr o stejné velikosti, avšak obsahující zprůměrované hodnoty pro dané vyhledávací okno.
5. **Rozdělení do submatic  $8 \times 8$ :** Pro JPEG kompresi je zásadní rozdělení rastru do  $8 \times 8$  submatic, u kterých probíhá komprese samostatně (což je pro rastr po dekompresi pozorovatelné jako nespojitost mezi sousedními bloky).
6. **Transformace:** Stále bezztrátový krok komprese. Jedná se o převedení opakujících se hodnot pomocí funkčního vztahu do menšího počtu hodnot. Ke každé transformaci existuje i inverzní zápis, kterým lze zpět dostat originální data.

V této práci byly použity direktivní kosinová DCT, direktivní Fourierova DFT a direktivní vlnková DWT transformace.

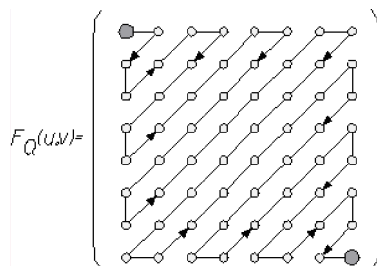
7. **Kvantizace koeficientů:** Jedná se o nejvíce ztrátovou část JPEG komprese. Cílem je vypuštění koeficientů s malou hodnotou.

Základní postup: kvantizace provádí dělení matice  $F(u, v)$  po prvcích kvantizační maticí  $Q(u, v)$ . Kvantizační matice mohou být různé pro jasovou i chromatickou složku. Ta se následně vydělí faktorem komprese  $q$ , který ve vysoké míře určuje ztrátu komprese a provede se celočíselné zaokrouhlení.

Ukázka jasové kvantizační matice:

```
Qy = [16 11 10 16 24 40 51 61;
      12 12 14 19 26 58 60 55;
      14 13 16 24 40 87 69 56;
      14 17 22 29 51 87 80 62;
      18 22 37 26 68 109 103 77;
      24 35 55 64 81 104 113 92;
      49 64 78 87 103 121 120 101;
      72 92 95 98 112 100 103 99];
```

8. **„Poskládání“ do nové matice:** Jednotlivé submatice  $8 \times 8$  jsou poskládány do nové matice o rozměrech původních matice na své příslušné pozice.
9. **Zig-Zag sekvence:** Matice je dále přestrukturována do vektoru o velikosti  $m \cdot n \times 1$ . Je přeskládán po diagonální Zig-Zag sekvenci podle obr. 2.



Obrázek 2: Zig-Zag sekvence

10. **Huffmanova kódování:** Posledním krokem komprese je převedení hodnot do bitové podoby podle četnosti unikátních hodnot. Tuto podobu je možné získat právě Huffmanovo kódováním.

## 2.2 Dekomprese

Dekomprese se od komprese liší pouze v převrácení výpočetních kroků a použití inverzních transformací a jiných potřebných výpočtů.

**Jednotlivé kroky:** dekomprese Huffmanova kódu  $\rightarrow$  inverzní Zig-Zag sekvence  $\rightarrow$  rozdělení do submatic  $8 \times 8 \rightarrow$  dekvantizace  $\rightarrow$  inverzní transformace  $\rightarrow$  poskládání do nové matice  $\rightarrow$  inverzní přepočet hodnot zpět na interval  $\{0, 255\} \rightarrow$  převod YUV do RGB modelu  $\rightarrow$  vytvoření nového souboru.

## 2.3 Vyhodnocení

Pro každou barevnou složku, použitý faktor komprese  $q$ , použitý rastr a zvolené velikosti převzorkování byly vypočteny střední kvadratické odchylky  $m$ .

Ukázka kódu:

```
dR = R - R_new;
dG = G - G_new;
dB = B - B_new;

sigmaR = sqrt(sum(sum(dR.^2))/(m*n));
sigmaG = sqrt(sum(sum(dG.^2))/(m*n));
sigmaB = sqrt(sum(sum(dB.^2))/(m*n));
```

## 3 Vytvořené funkce

### 3.1 Direktivní kosinová transformace

Povinná funkce, která byla vytvořena částečně na cvičení. V rámci úlohy byla dále doplněna její inverzní varianta. Výpočet probíhal pro submatice  $8 \times 8$ , které byly následně skládány do původního rastru.

Rovnice DCT:

$$F(u, v) = \frac{1}{4} C(u) \cdot C(v) \left( \sum_{x=0}^7 \sum_{y=0}^7 f(x, y) \cdot \cos \frac{(2x+1)u\pi}{16} \cdot \cos \frac{(2y+1)v\pi}{16} \right)$$
$$C(u) = \begin{cases} \frac{\sqrt{2}}{2}, & u = 0, \\ 1, & u \neq 0, \end{cases} \quad C(v) = \begin{cases} \frac{\sqrt{2}}{2}, & v = 0, \\ 1, & v \neq 0. \end{cases}$$

Inverzní kosinová transformace, společně s Fourierovo a vlnkovou transformací, transformuje obraz zpátky do původní podoby<sup>1</sup>.

Rovnice IDCT:

$$f(x, y) = \frac{1}{4} \left( \sum_{u=0}^7 \sum_{v=0}^7 C(u) \cdot C(v) F(u, v) \cdot \cos \frac{(2x+1)u\pi}{16} \cdot \cos \frac{(2y+1)v\pi}{16} \right)$$
$$C(u) = \begin{cases} \frac{\sqrt{2}}{2}, & u = 0, \\ 1, & u \neq 0, \end{cases} \quad C(v) = \begin{cases} \frac{\sqrt{2}}{2}, & v = 0, \\ 1, & v \neq 0. \end{cases}$$

Realizace direktivní kosinové transformace v programu Matlab:

```
function [img_t] = dct(img)          % discrete cosine transformation
img_t = img;
for u = 0:7                          % process lines
    if (u == 0)                      % compute cu
        cu = sqrt(2)/2;
    else
        cu = 1;
    end
end
```

---

<sup>1</sup>kdyby neproběhla kvantizace, výsledek by byl identický

```

end
for v = 0:7                                % process columns
    if (v == 0)                             % compute cv
        cv = sqrt(2)/2;
    else
        cv = 1;
    end
    fuv = 0;                               % compute sum
    for x = 0:7                             % process lines
        for y = 0:7                         % process columns
            fuv = fuv + 1/4 * cu * cv * img(x+1, y+1) * ...
                cos((2*x+1)*u*pi/16)*cos((2*y+1)*v*pi/16);
        end
    end
    img_t(u+1, v+1) = fuv; % update raster
end
end

```

DCT převádí obrazový signál na posloupnost signálů, které se odlišují amplitudou a frekvencí, tvořící frekvenční spektrum.

### 3.2 Direktivní Fourierova transformace

Výpočet i princip metody DFT je dosti podobný DCT. Slouží k převedení signálu do frekvenční složky.

Výsledkem DFT je matice o velikosti původního rastru, jejíž hodnoty obsahují i imaginární složku; s ní však nebylo dále pracováno. Výpočet probíhal obdobně pro submatice  $8 \times 8$ .

Rovnice DFT:

$$F(u, v) = \sum_{x=0}^{M-1} \sum_{y=0}^{N-1} f(x, y) e^{-j2\pi \left( \frac{ux}{M} + \frac{vy}{N} \right)}$$

Rovnice IDFT:

$$f(x, y) = \frac{1}{MN} \sum_{u=0}^{M-1} \sum_{v=0}^{N-1} F(u, v) e^{-j2\pi \left( \frac{ux}{M} + \frac{vy}{N} \right)}$$

Zápis v programu Matlab je dosti podobný zápisu DCT, liší se pouze matematický zápis.

```

function [img_t] = dft(img)                % discrete fourier transformation
[m, n] = size(img);
clear j;                                  % to make sure 'j' is a complex unit
img_t = img;
for u = 0:7                               % process lines
    for v = 0:7                           % process columns
        fuv = 0;                         % compute sum
        for x = 0:7                      % process lines
            for y = 0:7                  % process columns
                fuv = fuv + img(x+1, y+1)*exp(-j*2*pi*((u*x/m) + (v*y/n)));
            end
        end
    end
end

```

```

        end
        img_t(u+1, v+1) = fuv;          % update raster
    end
end
end

```

### 3.3 Direktivní vlnková (Wavelet) transformace

DWT rozděluje původní data do 4 frekvenčních pásem: LL ( $2\times$  použitý nízkofrekvenční filtr), LH, HL (kombinace nízkofrekvenčního a vysokofrekvenčního filtru) a HH ( $2\times$  použitý vysokofrekvenční filtr).

Na rozdíl od metod DCT a DFT byla tato metoda použita pro celý rastr o velikosti  $128\times 128$  pixelů. Tato metoda je i oddělena ve svém vlastním skriptu `komprese_dwt.m`, jelikož postup výpočetních kroků je jiný.

Pro rastrová data, která mají spíše spojitý průběh, má největší význam LL, jenž se následně může opět rozdělit do 4 pásem, a výpočet lze provádět iteračně dále, dokud lze rastr ještě rozdělit.

V této úloze byla použita Haarova vlnka, což je nejstarší a nejjednodušší vlnka. Výpočet probíhal nejdřív podle sloupců, kde se vždy braly hodnoty ze dvou sousedních sloupců, nízkofrekvenční filtr (L) tyto hodnoty sčítal a vysokofrekvenční filtr (H) odčítal a výsledné hodnoty byly uloženy do jedné buňky  $\rightarrow 2\times$  méně sloupců. Obdobně probíhal výpočet podle řádek pro oba filtry L a H  $\rightarrow 2\times$  méně řádek. Výsledkem jsou 4 pásma (LL, LH, HL, HH), ze kterých bylo pro následnou dekompozici použito pouze pásmo LL.

Inverzní DWT byla vypočtena z dekomprimovaného LL a původních složek LH, HL, HH, ze kterých byl vytvořen rastr o původní velikosti.

Ukázka výpočtu pro DWT

```

function [LL, LH, HL, HH] = dwt2d(img)
    % processes columns (n columns -> n/2)
    [m, n] = size(img);
    L = zeros(m, n/2);
    H = zeros(m, n/2);
    for i = 1:m
        % creates low pass and high pass filter
        k = 1;
        for j = 1:2:n
            L(i, k) = (img(i,j) + img(i,j+1)) / sqrt(2); % lowpass
            H(i, k) = (img(i,j) - img(i,j+1)) / sqrt(2); % highpass
            k = k + 1;
        end
    end
    % processes rows and creates LL, LH, HL and HH filters
    LL = zeros(m/2, n/2);
    LH = zeros(m/2, n/2);
    HL = zeros(m/2, n/2);
    HH = zeros(m/2, n/2);
    for j = 1:n/2
        k = 1;
        for i = 1:2:m
            LL(k,j) = (L(i,j) + L(i+1,j)) / sqrt(2); % lowpass rows
            LH(k,j) = (L(i,j) - L(i+1,j)) / sqrt(2);
            HL(k,j) = (H(i,j) + H(i+1,j)) / sqrt(2); % highpass rows
            HH(k,j) = (H(i,j) - H(i+1,j)) / sqrt(2);
        end
    end
end

```

```

        HH(k,j) = (H(i,j) - H(i+1,j)) / sqrt(2);
        k = k + 1;
    end
end
end

```

### 3.4 Huffmanovo kódování

Huffmanovo kódování se často používá jako poslední část před uložením komprimovaného souboru. Jde o převedení hodnot do bitové podoby, kde nejčastější hodnoty mají nejkratší bitový zápis a nejdelší bitový zápis má dvojice nejméně se vyskytujících hodnot.

Pro tyto hodnoty je potřeba mít uložený „slovník“ neboli soubor s převody mezi hodnotou a jejím bitovým zápisem.

**Princip algoritmu:** Data se přetvoří na seznam bodů, ze kterých se následně vyberou 2 nejméně četné hodnoty a vytvoří z nich uzly (levý uzel přijímá hodnotu 0, pravý 1). Z těchto hodnot vznikne další uzel o stupeň výše, jehož četnost je součet četností všech jeho synů a zařadí se do původního seznamu bodů, první dva body se ze seznamu vyřadí. Dále se opět vyberou dva body s nejmenší četností (v tomto případě to může být nově vzniklý uzel + nepoužitý uzel nebo 2 nepoužité uzly) a proces se opakuje, dokud seznam bodů neobsahuje ani jeden bod. Poslední uzel (kořen) by měl obsahovat četnost 100%.

```

% builds the huffman tree
while size(huffman_nodes,1) > 1 % while there is more than 1 node
    % sorting to have the two with the lowest propability at the top
    huffman_nodes = sortrows(huffman_nodes, 2);

    left_node = huffman_nodes(1, :); % takes the smallest node
    right_node = huffman_nodes(2, :); % takes the second smallest node

    new_symbol = {left_node{1}, right_node{1}}; % store children
    new_prob = left_node{2} + right_node{2};
    new_node = {new_symbol, new_prob}; % creates a new node

    huffman_nodes(1:2, :) = []; % removes old nodes
    huffman_nodes(end+1, :) = new_node; % appends a new node
end

```

Algoritmus v této úloze vrací novou matici s již zakódovanými bitovými hodnotami a slovník mezi původními hodnotami a jejich bitovým zápisem.

Slovník se vytváří zpětným průchodem proměnné `huffman_nodes`, kde každá buňka obsahuje dvě předchozí buňky, ze kterých se sama skládá. Levé buňce se při průchodu přidává prefix '0' a pravé '1'. Pro každý případ se takto vytvoří unikátní kód a je následně uložen do slovníku.

```

queue = {huffman_nodes{1,1}, ''}; % defining map for better variable storing
codes = containers.Map('KeyType','double','ValueType','char');
while length(queue) > 0 % creates huffman codes
    node = queue{1,1}; % pops the first element
    prefix = queue{1,2};

```



```

queue(1,:) = []; % dequeue
if iscell(node) % distributes prefixes to branches
    queue(end+1,:) = {node{1}, strcat(prefix,'0')}; % left br. appends '0'
    queue(end+1,:) = {node{2}, strcat(prefix,'1')}; % right br. appends '1'
else
    if iscell(node)
        node = node{1};
    end
    codes(node) = prefix; % stores code in Map
end
end
end

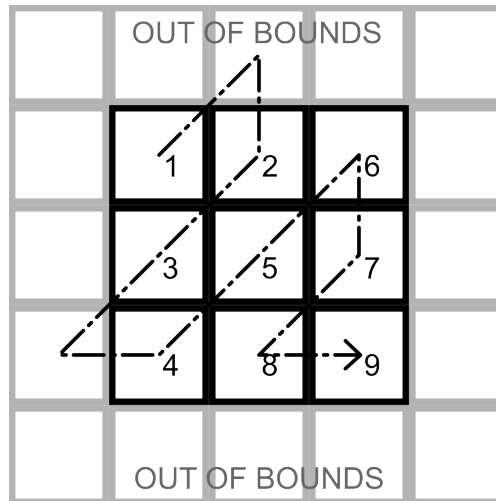
```

Inverzní funkce přijímá vzniklý slovník a zakódovanou matici a vrací původní nezakódovanou matici.

### 3.5 ZIG-ZAG sekvence

Tento algoritmus slouží k vytvoření posloupnosti, kterou lze efektivně komprimovat → prvky se stejnými hodnotami budou za sebou.

Implementována je následovně: postupně se naplňuje nově vznikající vektor. Ukazatel se pohybuje po původní matici buďto nahoru doprava nebo dolů doleva. Vždy se provede test, zda by se ukazatel v příští iteraci dostal *out of bounds*. Pokud ano, změnil by se směr pohybu a ukazatel by se posunul na adekvátní pozici. Algoritmus se provádí tak dlouho, dokud se vektor celý „nenaplní“.



Obrázek 3: chod ukazatele při zig-zag algoritmu

```

veta = false; % rule veta, if one of the conditions for 'out_of_bounds' is
               % true, the next iteration has to be valid
up = true; % defines movement direction of pointer
while array_i <= m*n % until the array is not filled
    if up % goes up right
        array(array_i) = image(i, j);
        array_i = array_i + 1;
        if (j>=n) & ~veta % if column index would be out of bounds
            up = false; % changes direction
        end
    else
        array(array_i) = image(i, j);
        array_i = array_i + 1;
        if (i>=m) & ~veta % if row index would be out of bounds
            up = true; % changes direction
        end
    end
end

```

```

        i = i + 1;
        veta = true;
    elseif (i<=1) & ~veta                % if row index would be out of bounds
        up = false;                      % changes direction
        j = j + 1;
        veta = true;
    else                                  % normal situation - not out of bounds
        i = i - 1;
        j = j + 1;
        veta = false;
    end
else                                     % goes left down
    array(array_i) = image(i, j);
    array_i = array_i + 1;
    if (i>= m) & ~veta                   % if row index would be out of bounds
        up = true;                      % changes direction
        j = j + 1;
        veta = true;
    elseif (j <= 1) & ~veta              % if column index would be out of bounds
        up = true;                      % changes direction
        i = i + 1;
        veta = true;
    else                                  % normal situation - not out of bounds
        j = j - 1;
        i = i + 1;
        veta = false;
    end
end
end
end

```

Inverzní funkce funguje na stejném principu, jenom se místo vektoru  $(1, m \cdot n)$  naplňuje matice o původní velikosti  $(m, n)$

### 3.6 Převzorkování (Resampling)

Jedná se změnu velikosti rastru na požadovanou velikost. Časté využití je například v mapové algebře či při komprimacích rastrových souborů.

V této úloze byly implementovány 2 funkce pro převzorkování a inverzní převzorkování. Vstupem je rastr a krok („level“) převzorkování.

Byla zde zvolena metoda vyhledávacího okna (*kernel*), které pro zvolený celočíselný krok (pro krok 2:  $\text{kernel} = (2,2)$ ) byla uložena průměrná hodnota buněk v kernelu do nového rastru. Pokud byl tedy zvolen krok 2, výsledná velikost souboru je  $2 \times$  menší.

Pro následující výpočty byla každopádně vytvořena i inverzní funkce, která s tím samým krokem vytvoří nový rastr, kde naopak vezme hodnotu z předchozího rastru a vloží ji do buněk o velikosti původního vyhledávacího okna.

## 4 Výsledky

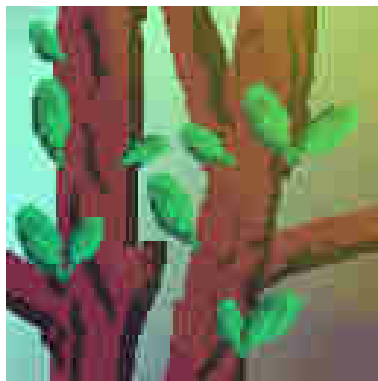
V rámci úlohy byly vyhotoveny všechny bonusové části, výpočetní skripty k nim jsou dostupné na githubu skupiny. Jedná se o dva hlavní skripty – jeden obsahující kompresi funkcemi DCT a DFT a druhý s DWT – a pomocné funkce vyhotovené povětšinou ve vlastních skriptech.

### 4.1 Barevný obrázek

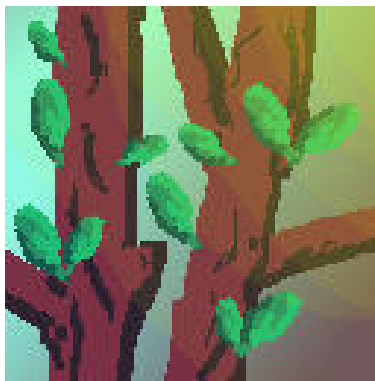
Pro první obrázek (barevný pixel art) byly kromě jednotlivých transformací testovány i dva typy převzorkování, s hodnotou 1 a 2.

<i>DCT</i>				
resampling	q	$\sigma_R$	$\sigma_G$	$\sigma_B$
$1 \times 1$	10	15.781	13.291	11.343
$1 \times 1$	50	10.281	7.235	6.056
$1 \times 1$	70	8.769	5.962	5.177
$2 \times 2$	10	16.006	16.610	13.929
$2 \times 2$	50	14.205	16.779	13.506
$2 \times 2$	70	13.985	16.865	13.473
<i>DFT</i>				
resampling	q	$\sigma_R$	$\sigma_G$	$\sigma_B$
$1 \times 1$	10	19.371	23.781	18.693
$1 \times 1$	50	18.222	23.392	18.345
$1 \times 1$	70	18.168	23.377	18.309
$2 \times 2$	10	21.164	26.635	20.999
$2 \times 2$	50	20.674	26.497	20.840
$2 \times 2$	70	20.674	26.503	20.838
<i>DWT</i>				
resampling	q	$\sigma_R$	$\sigma_G$	$\sigma_B$
$1 \times 1$	10	84.818	67.455	84.122
$1 \times 1$	50	21.608	13.793	22.576
$1 \times 1$	70	14.188	10.071	18.878
$2 \times 2$	10	88.957	75.198	88.186
$2 \times 2$	50	34.440	35.984	34.783
$2 \times 2$	70	30.340	34.728	32.504

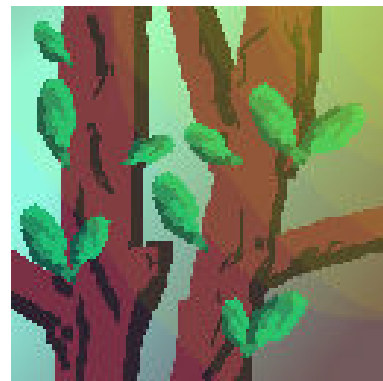
Tabulka 2: Odchylky transformací pro barevný obrázek



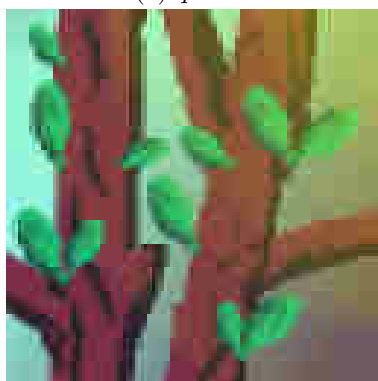
(a)  $q = 10$



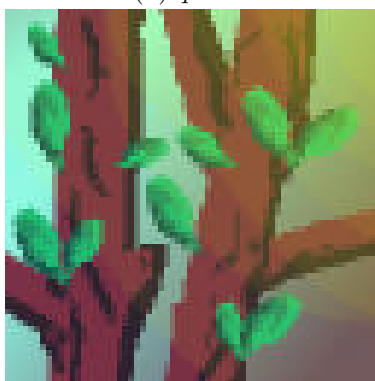
(b)  $q = 50$



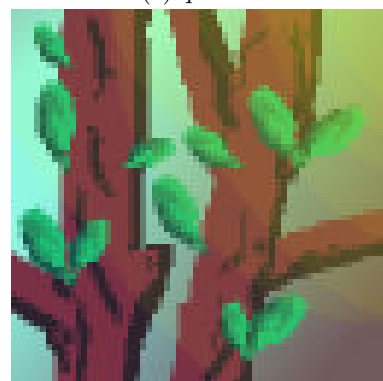
(c)  $q = 70$



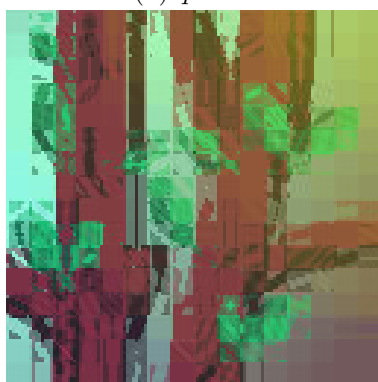
(d)  $q = 10$



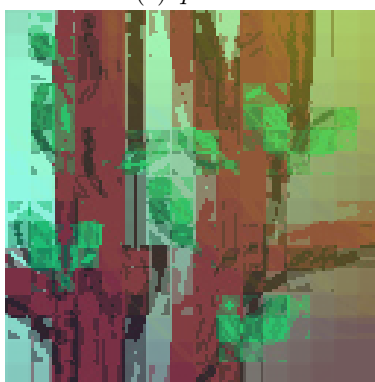
(e)  $q = 50$



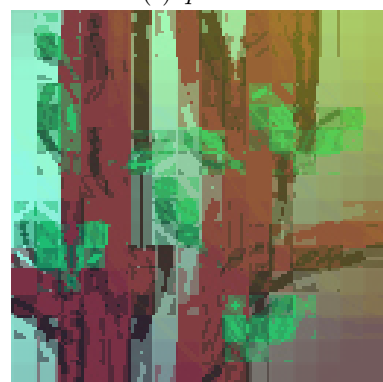
(f)  $q = 70$



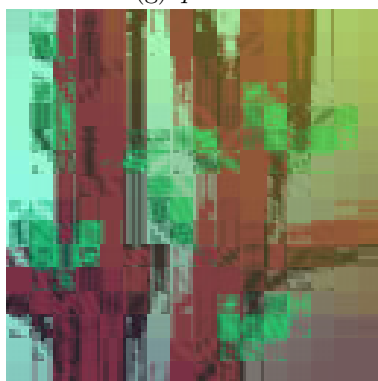
(g)  $q = 10$



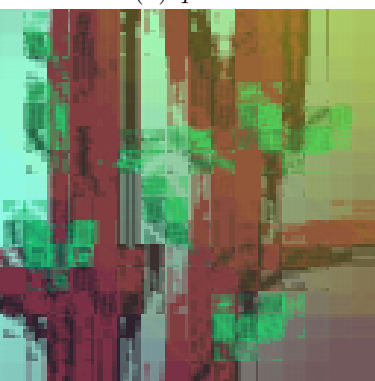
(h)  $q = 50$



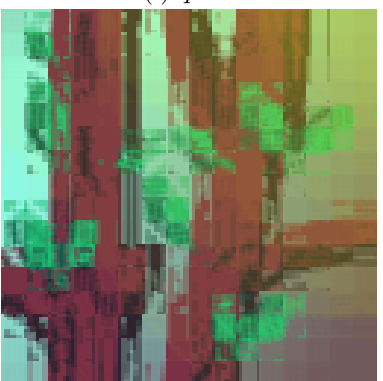
(i)  $q = 70$



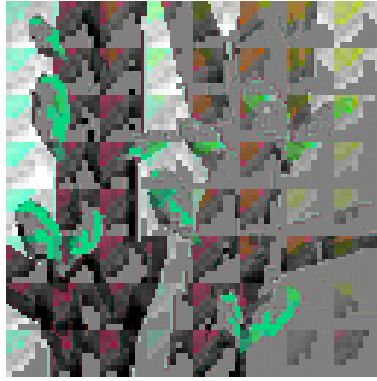
(j)  $q = 10$



(k)  $q = 50$



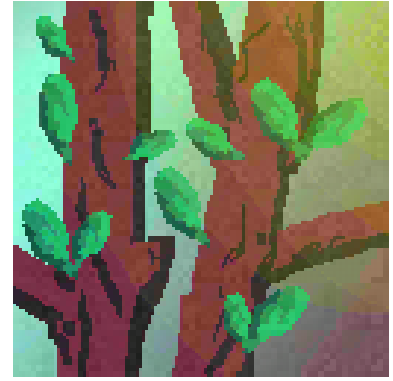
(l)  $q = 70$



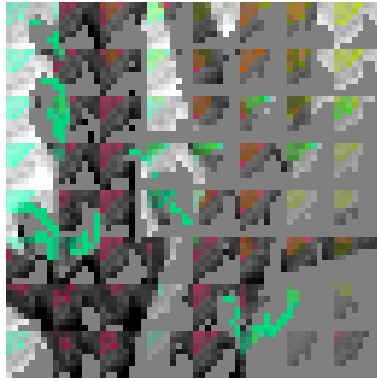
(m)  $q = 10$



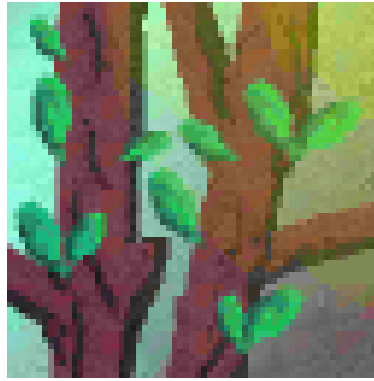
(n)  $q = 50$



(o)  $q = 70$



(p)  $q = 10$



(q)  $q = 50$



(r)  $q = 70$

Obrázek 4: Barevný pixel art obrázek, (a) – (f) DCT, (g) – (l) DFT, (m) – (r) DWT, liché řádky resampling  $1 \times 1$ , sudé  $2 \times 2$

<i>DCT</i>				
resampling	q	$\sigma_R$	$\sigma_G$	$\sigma_B$
$1 \times 1$	10	20.083	19.898	20.904
$1 \times 1$	50	9.405	9.065	9.790
$1 \times 1$	70	7.212	6.846	7.600
<i>DFT</i>				
resampling	q	$\sigma_R$	$\sigma_G$	$\sigma_B$
$1 \times 1$	10	21.852	22.572	23.876
$1 \times 1$	50	21.316	22.138	23.310
$1 \times 1$	70	21.292	22.125	23.280
<i>DWT</i>				
resampling	q	$\sigma_R$	$\sigma_G$	$\sigma_B$
$1 \times 1$	10	76.721	42.814	76.896
$1 \times 1$	50	18.761	12.200	21.962
$1 \times 1$	70	13.951	9.590	19.132

Tabulka 3: Odchylky transformací pro fotografii



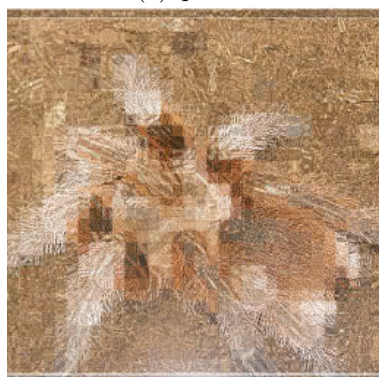
(a)  $q = 10$



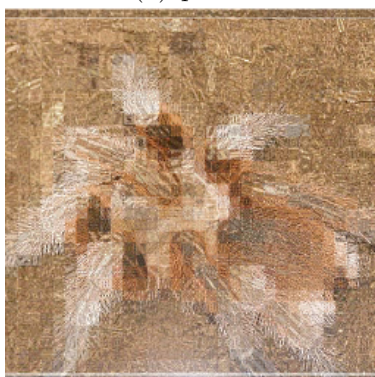
(b)  $q = 50$



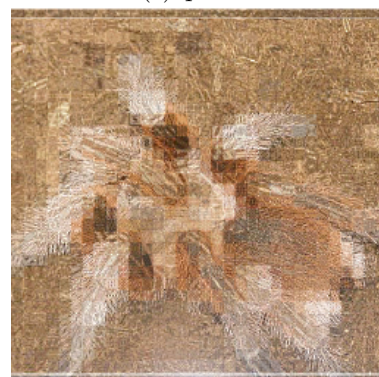
(c)  $q = 70$



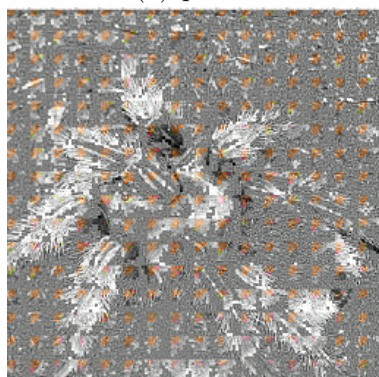
(d)  $q = 10$



(e)  $q = 50$



(f)  $q = 70$



(g)  $q = 10$



(h)  $q = 50$



(i)  $q = 70$

Obrázek 5: Fotografie, a, b, c DCT, d, e, f DFT, g, h, i DWT



<i>DCT</i>				
resampling	q	$\sigma_R$	$\sigma_G$	$\sigma_B$
$1 \times 1$	10	21.134	12.723	16.068
$1 \times 1$	50	10.020	6.360	8.387
$1 \times 1$	70	7.919	5.158	6.951

<i>DFT</i>				
resampling	q	$\sigma_R$	$\sigma_G$	$\sigma_B$
$1 \times 1$	10	51.542	28.769	29.043
$1 \times 1$	50	51.082	28.439	28.505
$1 \times 1$	70	51.068	28.426	28.471

<i>DWT</i>				
resampling	q	$\sigma_R$	$\sigma_G$	$\sigma_B$
$1 \times 1$	10	120.884	111.411	69.860
$1 \times 1$	50	25.533	15.938	20.363
$1 \times 1$	70	15.771	12.449	12.740

Tabulka 4: Odchyly transformací pro vektorovou grafiku



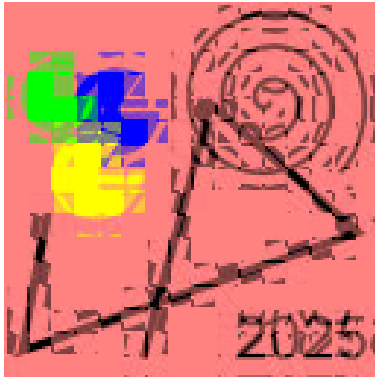
(a)  $q = 10$



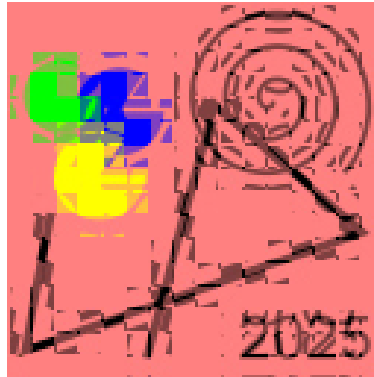
(b)  $q = 50$



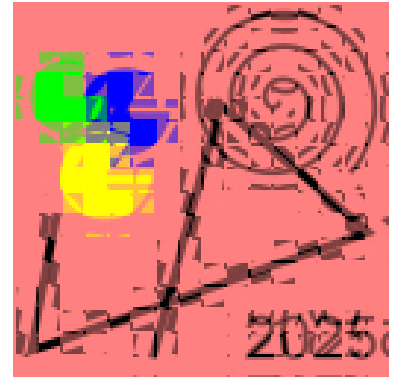
(c)  $q = 70$



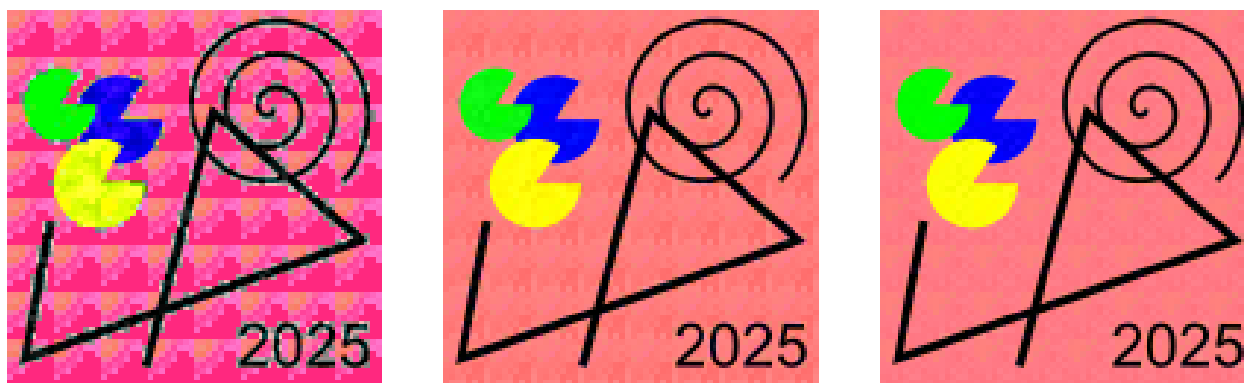
(d)  $q = 10$



(e)  $q = 50$



(f)  $q = 70$



(g)  $q = 10$

(h)  $q = 50$

(i)  $q = 70$

Obrázek 6: Vektorová grafika, a, b, c DCT, d, e, f DFT, g, h, i DWT

## Závěr

Směrodatné odchylky jednotlivých barev samozřejmě závisí na hodnotě  $q$ , kdy nižší hodnoty obrazová data silněji poznamenaly, avšak lze vypořádat jisté trendy i u jednotlivých transformací.

Po kompresi a následné dekompresi nejpodobněji originálu dopadly všechny obrázky při použití metody DCT. Odchylky jsou v tomto případě menší i při použití  $q = 10$ , než u ostatních metod při použití mírnějšího faktoru komprese  $q = 70$ .

Při DFT došlo k nápadnému rozložení obrazu na pixely obsahující velké množství reliktů. Lze zde pozorovat jednotlivé „vlny“, které jsou odlišné pro každý  $8 \times 8$  blok. Nejmarkantnější je tento jev v případě liniových prvků u třetího obrázku, kde už tvoří překážku pro vnímání objektů. Odchylky se se zvyšujícím se  $q$  moc nesnižují, zapříčiňuje to nejspíš samotná vlastnost DFT, která nalezne pár vyskytujících se frekvencí v hledaném  $8 \times 8$  bloku, není tedy nejvhodnější metodou pro použití rástrová data, jelikož se nejedná o data s harmonickou vlastností.

DWT barvy rozkládala úplně, nejvíce nepřekvapivě v případě použité fotografie. Může za to nejspíše jiná metoda výpočtu, která spočívá v transformaci celého rastru, odkud se následně chyby ze ztráty komprese projeví ve všech  $8 \times 8$  blocích obdobně.

## Přílohy

- Příloha 1 - výpočetní skripty z programu Matlab

## Reference

- [1] Výklad ze cvičení – doc. Ing. Tomáš Bayer, Ph.D.
- [2] 155YGEI Geoinformatika. Online. 2025. Dostupné z: [https://geo.fsv.cvut.cz/gwiki/155YGEI\\_Geoinformatika](https://geo.fsv.cvut.cz/gwiki/155YGEI_Geoinformatika). [cit. 2025-10-13].

Podepsáno dne 19. 11. 2025 v Praze

Králič Adam, Matějková Barbora