

## Funktionale Programmierung

5.Übungsblatt fürs Tutorium

Prof. Dr. Margarita Esponda

**Themen:** Funktionen höherer Ordnung, Sortieralgorithmen und Zeitkomplexität.

### 1. Aufgabe

Betrachten Sie folgende Funktionsdefinition:

```
isSorted :: (Ord a) => (a->a->Bool) -> [a] -> Bool
isSorted cmp xs = and (zipWith cmp xs (tail xs))
```

Analysieren Sie die Komplexität der Funktion.

### 2. Aufgabe (8 Punkte)

Analysieren Sie die Komplexität folgender Variante des BubbleSort-Algorithmus. Verwenden Sie für Ihre Analyse die **isSorted** Funktion der 1. Aufgabe.

```
bubbleSort :: (Ord a) => [a] -> [a]
bubbleSort xs | isSorted (<=) xs = xs
              | otherwise = bubbleSort (moveBubble xs)
  where
    moveBubble [] = []
    moveBubble [x] = [x]
    moveBubble (x:y:rest) | (<=) x y = x: moveBubble (y:rest)
                          | otherwise = y: moveBubble (x:rest)
```

### 3. Aufgabe

a) Definieren Sie folgende polymorphe Funktionen für Mengen:

```
makeSet      -- sortiert die Liste und erstellt eine Menge
inSet ::      -- prüft, ob die Zahl in der Menge ist
union ::      -- Vereinigung
subset ::     -- prüft, ob die erste Menge in der zweiten beinhaltet ist.
intersection :: -- Schnittmenge
(\ \)         -- berechnet die Differenzmenge
```

b) Analysieren Sie die Komplexität der **union**, **subset** und **intersection** Funktionen.