# VILNIAUS UNIVERSITETSS MATEMATIKOS IR INFORMATIKOS FAKULTETAS INFORMATIKOS INSTITUTAS PROGRAMŲ SISTEMŲ BAKALAURO STUDIJŲ PROGRAMA

## Dirbtinio neurono modelis

#### **Artificial Neuron Model**

Laboratorinio darbo ataskaita

Atliko: Armintas Pakenis

Darbo vadovas: prof. dr. Olga Kurasova

## **TURINYS**

1.	UŽDUOTIES TIKSLAS	2
	SVORIŲ IEŠKOJIMO STRATEGIJA	
3.	PROGRAMOS REZULTATAI  3.1. Svoriai gauti naudojant slenkstinę aktyvacijos funkciją  3.2. Svoriai gauti naudojant sigmoidinę aktyvacijos funkciją	5

# 1. Užduoties tikslas

Užduoties tikslas – suprasti dirbtinio neurono modelį, jo veikimo principus, rasti svorius, kuriuos neuronas naudodamas gautų tinkamas išvestis. Naudotos pradinės įvestys ir išvestys pateiktos 1 lentelėje. Programos kodas rašytas Jupyter užrašų knygutės aplinkoje, jį rasti galima GitHub repositorijoje: https://github.com/ArmintasP/Computational-intelligence/tree/main/Lab1.

1 lentelė. Klasifikavimo duomenys ir klasės

Duon	Klasė	
$x_1$	$x_2$	t
-0,3	0,6	0
0,3	-0,6	0
1,2	-1,2	1
1,2	1,2	1

## 2. Svorių ieškojimo strategija

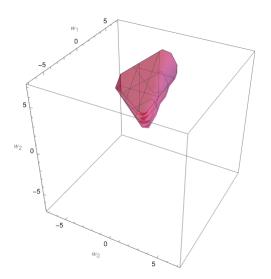
Buvo ieškoma svorių  $w_0$ ,  $w_1$ ,  $w_2$ , kur  $w_0$  – poslinkis, o  $x_0 = 1$ . Šių svorių rinkinys buvo sudaromas kiekvienam svorio kintamajam priskiriant pseudoatsitiktinio skaičiaus reikšmę iš intervalo [-a;a], kur a buvo pasirinktas 7. Jei su svorių rinkiniu naudojant pasirinktą aktyvacijos funkciją buvo gaunama norima išvestis (žr. į lentelės 1 t reikšmes), laikoma, kad svoriai rasti. Jei ne, rinkinys generuojamas iš naujo, kol randami tinkamas prognozes duodantys svoriai.

### 2.1. Svorių ieškojimo sprendimas grafiniu būdu

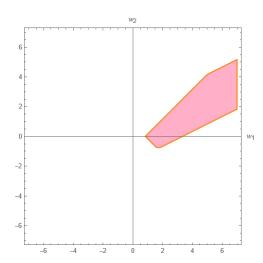
Svorius galima rasti ne tik programos pagalba, bet ir grafiniu būdu išsprendžiant šią nelygybių sistema, kai aktyvacijos funkcija slenkstinė:

$$\begin{cases} w_0 - 0.3w_1 + 0.6w_2 < 0 \\ w_0 + 0.3w_1 - 0.6w_2 < 0 \\ w_0 + 1.2w_1 - 1.2w_2 \ge 0 \\ w_0 + 1.2w_1 + 1.2w_2 \ge 0 \end{cases}$$

1 pav. pateiktas grafinis nelygybių sistemos sprendimas, kai visi sprendiniai privalo būti intervale [-7,7]. Galima pastebėti, kad kai poslinkis bus teigiamas ar lygus 0, sprendiniai neegzistuos. Rasti konkrečius sprendinius iš grafiko gali būti paprasčiau, jei poslinkio reikšmę fiksuosime. Tarkime, kad  $w_0 = -1$ . Tuomet  $w_1$  ir  $w_2$  galima bus lengviau parinkti iš grafiko (žr. 2 pav.).



1 pav. Grafinis sprendinių atvaizdavimas



2 pav. Grafinis sprendinių atvaizdavimas, kai  $w_0 = -1$ 

Akivaizdu, kad  $w_0 = -1$ ,  $w_1 = 4$ ,  $w_2 = 2$  kartu yra lygybės sprendiniai; tuo galima įsitikinti

jų reikšmes įstačius į nelygybių sistemą:

$$\begin{cases} w_0 - 0.3w_1 + 0.6w_2 = -1 - 0.3 \cdot 4 + 0.6 \cdot 2 = -1 - 1.2 + 1.2 = -1 < 0 \\ w_0 + 0.3w_1 - 0.6w_2 = -1 + 0.3 \cdot 4 - 0.6 \cdot 2 = -1 + 1.2 - 1.2 = -1 < 0 \\ w_0 + 1.2w_1 - 1.2w_2 = -1 + 1.2 \cdot 4 - 1.2 \cdot 2 = -1 + 4.8 - 2.4 = 1.4 \ge 0 \\ w_0 + 1.2w_1 + 1.2w_2 = -1 + 1.2 \cdot 4 - 1.2 \cdot 2 = -1 + 4.8 + 2.4 = 6.4 \ge 0 \end{cases}$$

# 3. Programos rezultatai

Šio skyriaus poskyriuose pateikiamos programos apskaičiuotos svorių reikšmės naudojant skirtingas aktyvacijos funkcijas.

Reikšmės pateikiamos poziciškai, pvz.:  $\begin{bmatrix} 0 & 1 & 2 \end{bmatrix}$  atitiks  $w_0 = 0, w_1 = 1, w_2 = 2.$ 

# 3.1. Svoriai gauti naudojant slenkstinę aktyvacijos funkciją

$$Sprendiniai: \begin{bmatrix} -6,64 & 6,02 & -0,37 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} -0,29 & 2,15 & 1,48 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} -3,05 & 5,69 & 2,94 \end{bmatrix}.$$

### 3.2. Svoriai gauti naudojant sigmoidinę aktyvacijos funkciją

$$\begin{aligned} & \text{Sprendiniai:} \begin{bmatrix} -2.7 & 5.31 & 1.71 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} -4.49 & 6.93 & 1.53 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} -0.86 & 5.32 & 3.08 \end{bmatrix}. \end{aligned}$$