

Heimadæmi – heimadæmi 2

Arnar Sigurðsson

1.

```
1  import math
2
3  def peasantIterative(x, y):
4      prod = 0
5      while x > 0:
6          if x % 2 != 0:
7              prod = prod + y
8              x = math.floor(x/2)
9              y = y + y
10         return prod
11
12 def peasantRecursive(x, y):
13     if x == 0:
14         return 0
15     else:
16         xNew = math.floor(x/2)
17         yNew = y + y
18         prod = peasantRecursive(xNew, yNew)
19         if x % 2 != 0:
20             prod = prod + y
21         return prod
22
23 print(peasantIterative(1501, 2022))
24 print(peasantRecursive(1501, 2022))
```

```
C:\Users\addi\Desktop\Háskóli\onn 4\GreiningReikniriti\Vika2>daemi1.py
3035022
3035022
```

2.

3.

$n=4, k=3$

3. a)

1	2	3	4
---	---	---	---

100	200	300	400
-----	-----	-----	-----

3	10	11	19
---	----	----	----

8 aðgerðir að setja í 1 stærri

1	2	3	4	100	200	300	400	3	10	11	19
---	---	---	---	-----	-----	-----	-----	---	----	----	----

12 aðgerðir að setja í stærri
 svo 20 aðgerðir sem er $k \cdot n$ með
 fasta fyrir framan ($1,66 \cdot k \cdot n$)

b) Ef farir væri yfir öll fylki í einu
 og bætti við lengsta stakinu í öllum
 fylkjunum væru aðgerðirnar 12, sem er
 $1 \cdot k \cdot n$ með 1 sem fasta

--	--	--	--

--	--	--	--

--	--	--	--

4. a) Vegna þess að $O()$ segir til um hvernig reiknirit hagar sér þegar inntakið n nálgast óendanlegt, og í þessu tilfelli verður listinn sem insertion sort þarf að raða alltaf meira og meira í réttri röð eftir því sem n stækkar, því quicksort er búið að setja fullt af stökum í rétta röð, og insertion sort er $O(n)$ þegar listinn er þegar raðaður.

b) Vegna þess að það kostar að framkvæma endurkvæmni og kalla á föll og þetta „overhead“ getur valdið því að á einhverjum tímapunkti verður hagkvæmara að skipta yfir í „dýrara“ reiknirit eins og insertion sort þegar inntakið er nógu lítið.

5.

```

1  # O(1) skv. fyrir mælum
2  def flip(listi, k):
3      left = k
4      right = len(listi) - 1
5      while left < right:
6          temp = listi[left]
7          listi[left] = listi[right]
8          listi[right] = temp
9          right = right - 1
10         left = left + 1
11
12     #stærsta pönnukaka = 0, minnsta pönnukaka = lengd á lista - 1
13     def pancakeFlip(listi):
14         org = listi.copy()
15         finished = 0
16         count = 0
17         while finished < len(listi):
18             curr = finished
19
20             # leit að stærstu pönnuköku er hugsað sem O(1) skv. fyrir mælum
21             while curr < len(listi):
22                 if listi[curr] == finished:
23                     if curr != finished:
24                         if curr != len(listi) - 1:
25                             flip(listi, curr)
26                             count = count + 1
27                 if listi[finished] != finished:
28                     flip(listi, finished)
29                     count = count + 1
30                 finished = finished + 1
31                 break
32             curr = curr + 1
33
34     print("upphaflegi staflinn: ", org, " | raðaðar pönnukökur: ", listi, " og fjöldi snúninga sem þurfti:", count)
35
36     pancakeFlip([0, 1, 2])
37     pancakeFlip([0, 2, 1])
38     pancakeFlip([1, 0, 2])
39     pancakeFlip([1, 2, 0])
40     pancakeFlip([2, 1, 0])
41     pancakeFlip([2, 0, 1])

```

```

C:\Users\addi\Desktop\Háskóli\onn 4\GreiningReikniriti\vika2>pancakes.py
upphaflegi staflinn: [0, 1, 2] | raðaðar pönnukökur: [0, 1, 2] og fjöldi snúninga sem þurfti: 0
upphaflegi staflinn: [0, 2, 1] | raðaðar pönnukökur: [0, 1, 2] og fjöldi snúninga sem þurfti: 1
upphaflegi staflinn: [1, 0, 2] | raðaðar pönnukökur: [0, 1, 2] og fjöldi snúninga sem þurfti: 3
upphaflegi staflinn: [1, 2, 0] | raðaðar pönnukökur: [0, 1, 2] og fjöldi snúninga sem þurfti: 2
upphaflegi staflinn: [2, 1, 0] | raðaðar pönnukökur: [0, 1, 2] og fjöldi snúninga sem þurfti: 1
upphaflegi staflinn: [2, 0, 1] | raðaðar pönnukökur: [0, 1, 2] og fjöldi snúninga sem þurfti: 2

```

Versti fjöldi snúninga er breytilegur, í $n=3$ er það 3 en í $n=1$ er það 0 sem dæmi og í $n=4$ er það 5 svo jafnan væri $2n-3$.