# Medžiagų maišymo modeliavimas cheminėse reakcijose

Modelling the mixing of reagents in chemical reactions

A. Vaicekauskas<sup>1</sup> Darbo vadovas: Asist. Dr. R. Astrauskas<sup>1</sup>

> <sup>1</sup>Matematikos ir informatikos fakultetas Vilniaus Universitetas

> > 2025

### Ytrio aliuminio granatas (YAG)



- Plačiausiai naudojama medžiaga lazerių aktyviosioms terpėms gaminti
- YAG lazeriai naudojami medicinos bei gamybos srityse



#### YAG cheminė reakcija

$$3 Y_2 O_3 + 5 Al_2 O_3 \longrightarrow 2 Y_3 Al_5 O_{12}$$

- YAG kristalai sintezuojami kaitinant Aliuminio ir Itrio oksidų mišinį
- Reakcija gali užtrukti keliolika valandų
- Chemikai vykstant reakcijai periodiškai išmaišo reagentus, kad reakcijos laikas sutrumpėtų

#### Darbo apimtis

**Tikslas** - sukurti kompiuterinį YAG reakcijos maišymo modelį ir jį ištirti.

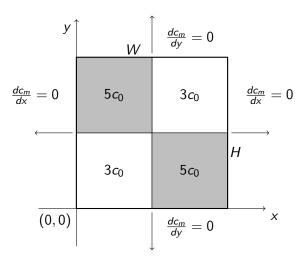
#### Uždaviniai:

- Sukurti kompiuterinį YAG reakcijos modelį
- Patikrinti kompiuterinio modelio rezultatų korektiškumą
- Papildyti kompiuterinį modelį su maišymo procesu
- Ištirti kompiuterinio modelio rezultatus

#### Matematinis modelis

$$\frac{\partial c_1}{\partial t} = -3kc_1c_2 + D\left(\frac{\partial^2 c_1}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 c_1}{\partial y^2}\right)$$
$$\frac{\partial c_2}{\partial t} = -5kc_1c_2 + D\left(\frac{\partial^2 c_2}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 c_2}{\partial y^2}\right)$$
$$\frac{\partial c_3}{\partial t} = 2kc_1c_2$$

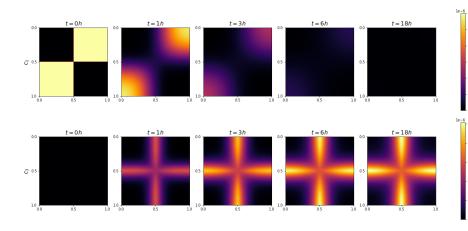
# Pradinės ir kraštinės sąlygos



#### Stabilumas

$$\Delta t \leq (15kc_0 + 2D((\Delta x)^{-2} + (\Delta y)^{-2}))^{-1}$$

#### Reakcijos modelio rezultatai



# Atsitiktinis maišymas

$\Omega_1$	$\Omega_2$	
$\Omega_3$	$\Omega_4$	

$\Omega_3$	$\Omega_1$
₽Ω	$\Omega_2$

# Tobulas Maišymas

