

Operation Rubicon

Anatomie de la vulnérabilité Minerva

Arnaud Gomes

Université de Bordeaux

February 24, 2026

logo_univ

La plus grande Supply Chain Attack du 20e siècle

Pendant 50 ans, la **CIA** et le **BND** ont vendu des machines de chiffrement truquées à plus de 100 pays.

- **La Cible** : Crypto AG (Suisse).
- **L'Arme** : Pas de micro, pas de bug logiciel... mais des **Mathématiques**.
- **Le Vecteur** : Hardware "Trusted" (Séries HC-500).

Le système : Chiffrement par flot (Stream Cipher)

$$c_t = m_t \oplus z_t$$

Génération de la suite chiffrante via **LFSR** (Linear Feedback Shift Registers) :

- Polynôme de rétroaction sur $\mathbb{F}_2[X]$:

$$f(X) = 1 \oplus c_1X \oplus \cdots \oplus c_lX^l$$

- **Argument commercial** : Utilisation de polynômes primitifs.
- **Résultat** : Période maximale $T = 2^l - 1$ (m-suite) et équilibre statistique parfait.

"Indistinguishable du bruit aléatoire pour les tests statistiques."

Le problème du LFSR pur : Vulnérable à une attaque algébrique en $\mathcal{O}(l^3)$ via Berlekamp-Massey.

La solution (et la faille) : Combinaison non-linéaire filtrée.

$$z_t = g(S^{(t)})$$

La Backdoor Statistique

La fonction g est truquée pour introduire une **corrélation** vers un registre cible L_1 .

$$P(z_t = L_{1,t}) = 0.5 + \epsilon$$

L'Attaque : Divide & Conquer

L'espace de recherche s'effondre.

- Complexité théorique (Force Brute) :

$$\mathcal{O}(2^{L_1+L_2+\dots+L_k}) \approx \infty$$

- Complexité réelle (Minerva) :

$$\mathcal{O}(2^{L_1} + 2^{L_2} + \dots + 2^{L_k}) \approx \text{Quelques secondes}$$

Méthode :

- 1 Isoler L_1 grâce au biais ϵ .
- 2 Reconstruire L_1 .
- 3 Soustraire le flux de L_1 et attaquer L_2 .



Preuve de Concept (Python)

Simulation du biais de corrélation introduit dans la fonction de combinaison :

```
1 def compromised_combiner(l1, l2, l3):
2     # Backdoor: Si l2 & l3 sont nuls, on inverse.
3     # Sinon, on sort l1 tel quel.
4     # Resultat : l1 fuite a 75% (Bias epsilon = 0.25)
5
6     bias_condition = (l2 | l3)
7     if bias_condition == 0:
8         return 1 ^ l1
9     return l1
```

Avec $\epsilon = 0.25$, quelques centaines de bits de chiffré suffisent pour converger.

Hardware is hard... but Math is harder.

- La sécurité par l'obscurité est une dette technique.
- Le matériel fonctionnait "correctement", c'est la spécification qui était hostile.
- **Takeaway** : Vérifiez vos primitives cryptographiques (Kerckhoffs's principle).

Questions ?

logo_univ