

A. Satz um Satz (hüpft der Has)

1.1. Rechenregeln zur Norm	7
1.2. Offene und abgeschlossene Mengen	9
2.1. Konvergenz	11
2.2. Häufungswerte und konvergente Folgen	12
2.3. Überdeckungen	12
3.1. Grenzwerte vektorwertiger Funktionen	15
3.2. Stetigkeit vektorwertiger Funktionen	16
3.3. Funktionen auf beschränkten und abgeschlossenen Intervallen	17
3.4. Fortsetzungssatz von Tietze	17
3.5. Lineare Funktionen und Untervektorräume von \mathbb{R}^n	17
3.6. Eigenschaften des Abstands zwischen Vektor und Menge	18
4.1. Satz von Schwarz	20
4.2. Folgerung	21
5.1. Differenzierbarkeit und Stetigkeit	24
5.2. Stetigkeit aller partiellen Ableitungen	25
5.4. Kettenregel	26
5.5. Injektivität und Dimensionsgleichheit	27
6.1. Der Mittelwertsatz	29
6.3. Bedingung für Lipschitzstetigkeit	30
6.4. Linearität	30
6.5. Richtungsableitungen	31
6.6. Der Satz von Taylor	32
7.1. Regeln zu definiten Matrizen und quadratischen Formen	36
7.2. Störung von definiten Matrizen	36
8.1. Nullstelle des Gradienten	39

8.2. Definitheit und Extremwerte	39
9.2. Stetigkeit der Umkehrfunktion	41
9.3. Der Umkehrsatz	41
10.1. Satz über implizit definierte Funktionen	45
11.1. Multiplikationenregel von Lagrange	47
12.1. Rektifizierbarkeit und Beschränkte Variation	51
12.2. Summe von Wegen	52
12.3. Eigenschaften der Weglängenfunktion	52
12.4. Rechenregeln für Wegintegrale	52
12.5. Eigenschaften stetig differenzierbarer Wege	53
12.6. Rektivizierbarkeit von Wegsummen	54
12.7. Eigenschaften der Parametertransformation	55
13.1. Berechnung des Wegintegrals	57
13.2. Rechnen mit Wegintegralen	57
13.3. Rechnen mit Integralen bezgl. der Weglänge	58
13.4. Stetige Differenzierbarekeit der Aneinanderhängung	59
14.1. Hauptsatz der mehrdimensionalen Integralrechnung	61
14.3. Wegunabhängigkeit, Existenz von Stammfunktionen	62
14.4. Integrabilitätsbedingungen	63
14.5. Kriterium zur Existenz von Stammfunktionen	63
15.1. Disjunkte Quaderzerlegung und Treppenfunktionsraum	65
15.2. Integral über Treppenfunktion (mit Definition)	66
15.3. Satz von Fubini für Treppenfunktionen	67
15.4. Eigenschaften des Integrals über Treppenfunktionen	67
16.1. Rechenregeln der L^1 -Halbnorm	70
16.2. L^1 -Halbnorm eines Quaders	70
16.3. L^1 -Halbnorm einer Treppenfunktion	71
16.4. Integration und Grenzwertbildung bei Treppenfunktionen	72
16.5. Rechenregln für Lebesgueintegrale	72

16.7. „Kleiner“ Satz von Beppo Levi	73
16.8. Lebegueintegral und L^1 -Halbnorm	74
16.9. Riemann- und Lebegueintegrale	74
16.10 Konvergente Treppenfunktionsfolge	75
16.11 Stetige und beschränkte Funktionen sind Lebegue-Integrierbar	76
16.12 Stetige und beschränkte Funktionen sind Lebegue-Integrierbar	76
16.13 “Kleiner” Satz von Fubini	76
16.14 Aufteilung des Integrals in Doppelintegrale	78
17.1.	81
17.2.	81
17.3. Prinzip von Cavalieri	82
17.4.	82
17.5.	83
17.6.	83
17.7.	84
17.8.	84
17.9.	85
17.10.	85
17.11.	85
17.13.	86
18.1. Satz von Riesz-Fischer	87
18.2. Satz von Beppo Levi	87
18.3.	88
18.4. Uneigentliche Lebesgue- und Riemann-Integrale	88
18.5.	89
18.6. Satz von Lebesgue (Majorisierte Konvergenz)	89
18.7.	90
19.1.	93
19.3.	94

A. Satz um Satz (hüpft der Has)

20.1. Satz von Fubini	95
20.2. Substitutionsregel	95
21.1.	99
21.2. Vertauschbarkeit von Integration und Differentiation	99
21.3.	100

Stichwortverzeichnis

L^1

Cauchyfolge, 87

Halbnorm, 69

Konvergenz, 87

abgeschlossene Kugel, 9

abgeschlossene Menge, 9

Ableitung, 24

partielle, 19

Abschließung, 9

Abstand

zwischen Vektor und Menge, 18

zwischen zwei Vektoren, 7

Aneinanderhängung, 59

Anfangspunkt, 51

äquivalent, 55

Ausschöpfung, 87

Berührungspunkt, 9

Beschränktheit

einer Funktion, 17

einer Menge, 8

Bogen, 51

Bogenmaß, 54

Bolzano-Weierstraß, 11

Cauchy-Kriterium, 11

Cauchy-Schwarzsche Ungleichung, 7

charakteristische Funktion, 65

Cramersche Regel, 41

CSU, 7

differenzierbar, 23

Differenzierbarkeit

partielle, 19

Eigenwerte, 36

einfach

bezüglich eines Faktors, 78

Einschränkung einer Funktion, 47

Endpunkt, 51

fast überall, 83

Figur, 84

Funktion

triviale Erweiterung, 74

Funktionalmatrix, 23

Gebiet, 29

glatt, 54

Gradient, 19

Grenzwert, 11

Häufungspunkt, 8

Hüllreihe, 69

Hesse-Matrix, 35

indefinit, 35

Inhalt

einer Hüllreihe, 69

Innenprodukt, 7

innerer Punkt, 8

Inneres einer Menge, 8

Integrabilitätsbedingungen, 63

Inverser Weg, 51

Jacobi-Matrix, 23

Konvergenz, 11

konvex, 29

Länge, 51

Länge, 7

Lebesgueintegrierbarkeit, 72

Lebesgueintegral, 72

über einer Menge, 74

Lebesguemaß, 81, 93

Limes, 11

lokales Extremum, 39

unter einer Nebenbedingung, 47

lokales Maximum, 39

lokales Minimum, 39

Matrix-Vektorprodukt, 8

messbar, 93, 94

Multiplikator, 47

negativ definit, 35
Norm, 7
Nullmenge, 82
offene Kugel, 8
Parameterdarstellung, 54
Parameterintervall, 51
Parametertransformation, 55
Partielle Ableitung, 19
Partielle Differenzierbarkeit, 19
positiv definit, 35
Quader, 65
quadratische Form, 35
quadrierbar, 81
Rand, 9
Randpunkt, 9
Rektifizierbarkeit, 51
Richtung, 30
Richtungsableitung, 30
Richtungsvektor, 30
Skalarprodukt, 7
Stammfunktion, 61
Stationärer Punkt, 39
sternförmig, 63
Stetigkeit, 16
 auf einem Intervall, 16
 gleichmäßige, 16
 Lipschitz-, 16
stückweise glatt, 54
stückweise stetig differenzierbar, 54
Summe
 von Wegen, 52
Teilfolge, 11
Treppenfunktion, 65
Überdeckungssatz von Heine-Borel, 13
Umgebung, 8
Umordnung, 11
vektorwertige Funktion, 15
Verbindungsstrecke, 29
Volumen, 65, 81
Weg, 51
 inverser, 51
Wegintegral, 57
Weglängenfunktion, 52
wegunabhängig, 62
Winkelmas, 54