

TP de Especificación

Análisis Habitacional Argentino

8 de Septiembre de 2021

Algoritmos y Estructuras de Datos I

Grupo 4

Integrante	LU	Correo electrónico
Clemente Alier, Bárbara Micaela	181/21	bclemente@dc.uba.ar
Arratia Guillen, Valeria Lucia	467/21	varratia@dc.uba.ar
Genega, Yesica Giselle	1263/21	yesica.genega@gmail.com



Facultad de Ciencias Exactas y Naturales

Universidad de Buenos Aires

Ciudad Universitaria - (Pabellón I/Planta Baja) Intendente Güiraldes 2610 - C1428EGA Ciudad Autónoma de Buenos Aires - Rep. Argentina Tel/Fax: (++54+11) 4576-3300

http://www.exactas.uba.ar

1. Problemas

1.1. EJERCICIO 1

```
proc esEncuestaVálida (in <math>th : eph_h, in ti : eph_i out result: Bool) {
                          Pre \{True\}
                          Post \{result = true \leftrightarrow laEncuestaEsValida(th, ti)\}
pred esMatriz (s: seq\langle seq\langle \mathbb{Z}\rangle\rangle) {
                 (\forall i : \mathbb{Z})(0 \le i < filas(s) \longrightarrow_L |s[i]| > 0 \land (\forall j : \mathbb{Z})(0 \le j < filas(s) \longrightarrow_L |s[i]| = |s[j]|))
pred secuenciasNoVacias (th:eph_h, ti:eph_i) {
                 |th| \neq 0 \land |ti| \neq 0
pred columnasIgualAVariables (th:eph_h, ti:eph_i) {
                 pred asociados (th:eph_h, ti:eph_i) {
                 hogaresAsociadosIndividuos(th,ti) \land individuosAsociadosHogares(th,ti)
pred hogaresAsociadosIndividuos (s: seq\langle seq\langle \mathbb{Z}\rangle\rangle, t: seq\langle seq\langle \mathbb{Z}\rangle\rangle) {
                 (\forall h: \mathbb{Z})(rango(s,h) \longrightarrow_L ((\exists i: \mathbb{Z})(rango(t,i) \land_L s[h][0] = t[i][0]))
pred individuosAsociadosHogares (s:seq\langle seq\langle \mathbb{Z}\rangle\rangle t:seq\langle seq\langle \mathbb{Z}\rangle\rangle) {
                 (\forall i: \mathbb{Z})(rango(t, i) \longrightarrow_L ((\exists h: \mathbb{Z})(rango(s, h) \land_L t[i][0] = s[h][0]))
pred NoSeRepitenHogares (th:eph_h) {
                 (\forall h1, h2: \mathbb{Z})(rango(th, h1) \land rango(th, h2) \land h1 \neq h2 \longrightarrow_L th[h1][0] \neq th[h2][0])
                                                                                                                                                                                                                                                            Recuerden que el IfThenElseFi es una función auxiliar que escoge entre dos valores de un tipo de dato.
pred NoSeRepitenIndividuos (ti:eph_i) {
                                                                                                                                                                                                                                                           En este caso, lo estan usando para elegir entre dos fórmulas, lo cual es incorrecto. Una posible solución sería: (B ^ P) v (¬B ^ Q); donde B sería la guarda del "if", y P y Q las fórmulas que se quiere elegir en cada caso.
                  (\forall i1, i2 : \mathbb{Z})(rango(ti, i1) \land rango(ti, i2) \land i1 \neq i2 \longrightarrow_L
                 (if ti[i1][0] = ti[h2][0] then ti[i1][@componente] \neq ti[h2][@componente] else ti[i1] \neq ti[h2] fi))
pred mismoAñoTrimestre (th:eph_h,\,ti:eph_i) {
                  (\forall j, i : \mathbb{Z})((rango(th, j) \land rango(ti, j)) \longrightarrow_L
                 ((th[j][@hoga\~no] = ti[i][@inda\~no]) \land (th[j][@hogtrimestre] = ti[i][@indtrimestre]))
pred miembrosMenorIgualA20 (ti:eph_i) {
                 (\forall i : \mathbb{Z})(rango(ti, i) \longrightarrow_L t[i][@componente] \leq 20)
pred masHabitacionesQueDormitorios (s: seq\langle seq\langle \mathbb{Z}\rangle\rangle) {
                  (\forall h : \mathbb{Z})(rango(s, h) \longrightarrow_L s[h][@iv2] \ge s[h][@ii2)]
pred atributosEnRangoHogar (th:eph_h) {
                  (\forall h: \mathbb{Z})(rango(th,h) \longrightarrow_L (1 \leq th[h][@hogcodusu]) \land (0 \leq th[h][@hogtrimestre] \leq 4) \land (1 \leq th[h][@ii7] \leq 3) \land (1 \leq th[h][@ii7] \leq 4) \land (1 \leq th[h][@i
                 th[h][@region] \leq 6) \land
                 (0 \le th[h][@mas500] \le 1) \land (1 \le th[h][@iv1] \le 5) \land (0 \le th[h][@iv2]) \land (0 \le th[h][@ii2]) \land (1 \le th[h][@ii3] \le 2))
                                                                                                                                                                                                           Si separan los chequeos sobres los atributos tal que quede uno por renglón, mejoraría significativamente la legibilidad de
estos predicados. Se los comento únicamente acá, pero hay otros predicados que se podrían ver favorecidos si ponen
pred atributosEnRangoIndividuos (ti:eph_i) {
                  (\forall i: \mathbb{Z})(rango(ti, i) \longrightarrow_L ((1 \le ti[i][@indcodusu]) \land (1 \le ti[i][@componente]) \land (0 \le ti[i][@indtrimestre] \le 4) \land (1 \le ti[i][@indtrimestre])
                  (1 \leq ti[i][@ch4] \leq 2) \wedge (1 \leq ti[i][@ch6]) \wedge (0 \leq ti[i][@niveled] \leq 1) \wedge (-1 \leq ti[i][@estado] \leq 1) \wedge (-1 \leq ti[i][
```

```
(0 \le ti[i][@catocup] \le 4) \land (-1 \le ti[i][@p47t]) \land (1 \le ti[i][@pp04g)] \le 10))
}
\verb|pred atributosEnRango|| (th:eph_h,\,ti:eph_i) \; \{
                   atributosEnRangoHogar(th) \land atributosEnRangoIndividuos(ti)
1.2.
                                EJERCICIO 2
proc histHabitacional (in th: eph_h, in ti: eph_i, in region: \mathbb{Z}, out res: seq\langle \mathbb{Z} \rangle) {
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                Poco declarativo; falta modularizar
                             Pre \{laEncuestaEsVa1lida(th, ti)\}
                             \texttt{Post}\ \{(\exists imax: dato)(maximaCantDeHabitaciones(th, imax, r) \land imax + 1 = |res|) \land (\forall i: dato)(0 \leq i < |res| \longrightarrow_L architectures(th, imax, r) \land imax + 1 = |res|) \land (\forall i: dato)(0 \leq i < |res| \longrightarrow_L architectures(th, imax, r) \land imax + 1 = |res|) \land (\forall i: dato)(0 \leq i < |res| \longrightarrow_L architectures(th, imax, r) \land imax + 1 = |res|) \land (\forall i: dato)(0 \leq i < |res| \longrightarrow_L architectures(th, imax, r) \land imax + 1 = |res|) \land (\forall i: dato)(0 \leq i < |res| \longrightarrow_L architectures(th, imax, r) \land imax + 1 = |res|) \land (\forall i: dato)(0 \leq i < |res| \longrightarrow_L architectures(th, imax, r) \land imax + 1 = |res|) \land (\forall i: dato)(0 \leq i < |res| \longrightarrow_L architectures(th, imax, r) \land imax + 1 = |res|) \land (\forall i: dato)(0 \leq i < |res| \longrightarrow_L architectures(th, imax, r) \land imax + 1 = |res|) \land (\forall i: dato)(0 \leq i < |res| \longrightarrow_L architectures(th, imax, r) \land imax + 1 = |res|) \land (\forall i: dato)(0 \leq i < |res| \longrightarrow_L architectures(th, imax, r) \land imax + 1 = |res|) \land (\forall i: dato)(0 \leq i < |res| ) \land (\forall i: dato)(0 \leq i < |res| ) \land (\forall i: dato)(0 \leq i < |res| ) \land (\forall i: dato)(0 \leq i < |res| ) \land (\forall i: dato)(0 \leq i < |res| ) \land (\forall i: dato)(0 \leq i < |res| ) \land (\forall i: dato)(0 \leq i < |res| ) \land (\forall i: dato)(0 \leq i < |res| ) \land (\forall i: dato)(0 \leq i < |res| ) \land (\forall i: dato)(0 \leq i < |res| ) \land (\forall i: dato)(0 \leq i < |res| ) \land (\forall i: dato)(0 \leq i < |res| ) \land (\forall i: dato)(0 \leq i < |res| ) \land (\forall i: dato)(0 \leq i < |res| ) \land (\forall i: dato)(0 \leq i < |res| ) \land (\forall i: dato)(0 \leq i < |res| ) \land (\forall i: dato)(0 \leq i < |res| ) \land (\forall i: dato)(0 \leq i < |res| ) \land (\forall i: dato)(0 \leq i < |res| ) \land (\forall i: dato)(0 \leq i < |res| ) \land (\forall i: dato)(0 \leq i < |res| ) \land (\forall i: dato)(0 \leq i < |res| ) \land (\forall i: dato)(0 \leq i < |res| ) \land (\forall i: dato)(0 \leq i < |res| ) \land (\forall i: dato)(0 \leq i < |res| ) \land (\forall i: dato)(0 \leq i < |res| ) \land (\forall i: dato)(0 \leq i < |res| ) \land (\forall i: dato)(0 \leq i < |res| ) \land (\forall i: dato)(0 \leq i < |res| ) \land (\forall i: dato)(0 \leq i < |res| ) \land (\forall i: dato)(0 \leq i < |res| ) \land (\forall i: dato)(0 \leq i < |res| ) \land (\forall i: dato)(0 \leq i < |res| ) \land (\forall i: dato)(0 \leq i < |res| ) \land (\forall i: dato)(0 \leq i < |res| ) \land (\forall i: dato)(0 \leq i < |res| ) \land (\forall i: dato)(0 \leq i < |res| ) \land (\forall i: dato)(0 \leq i < |res| ) \land (\forall i: dato)(0 \leq i < |res| ) \land
                             res[i] = cantCasasConiHabitacionesEnRegion(th, i, region)))
}
aux cantCasasConiHabitacionesEnRegion (th:eph_h,i:dato,r:dato):\mathbb{Z}=\sum_{h\in th}
if h[@region] = r \wedge h[@iv1] = 1 \wedge h[@iv2] = i then 1 else 0 fi;
pred maximaCantDeHabitaciones (th:eph_h,imax:dato,r:dato) {
                   perteneceALaTabla(th, imax) \land_L (\forall h : hogar)(h \in th \land h[@region] = r \land h[@iv1] = 1 \longrightarrow_L (\forall d : dato)(d = h[@iv2] \longrightarrow_L (\forall d : dato)(
                   d \leq imax)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        Este "para todo" no hace falta;
agrega ruido.
Pueden decir directamente que
pred perteneceALaTabla (th:eph_h,imax:dato) {
                    (\exists h : hogar)(h \in th \land i = h[@iv2])
}
                                EJERCICIO 3
1.3.
proc laCasaEstaQuedandoChica (in th: eph_h, in ti: eph_i, out res: seq(\mathbb{R})) {
                             Pre \{laEncuestaEsValida(th, ti)\}
                             Post \{|res| = 6 \land (\forall i : \mathbb{Z})(0 \le i < |res| - 1 \longrightarrow_L proporcionDeHogaresEnCadaRegion(th, ti, res, i)\}
}
pred proporcionDeHogaresEnCadaRegion (th: eph_h, ti: eph_i, res: seq(\mathbb{R}), i: \mathbb{Z}) {
                    (cantHogaresConCondicionesEnRegion(th, i + 1) = 0 \land res[i] = 0) \lor
                    (cantHogaresConCondicionesEnRegion(th, i + 1) \neq 0 \land_L res[i] =
                    (cantHacinamientosCriticosEnLaRegion(th, ti, i + 1) \div cantHogaresConCondicionesEnRegion(th, i + 1)))
}
aux cantHacinamientosCriticosEnLaRegion (th:eph_h,ti:eph_i,r:dato):\mathbb{Z}=\sum_{h\in th}
if esHacinamientoCritico(ti, h, r) then 1 else 0 fi;
aux cantHogaresConCondicionesEnRegion (th: eph_h, r: dato): \mathbb{Z} = \sum_{h \in th} \text{if } cumpleCondiciones(h, r) \text{ then } 1 \text{ else } 0 \text{ fi};
pred esHacinamientoCritico (ti:eph_i, h:hogar, r:dato) {
                   cumpleCondiciones(h, r) \land (masTresPersonasPorCuarto(ti, h) \lor h[@iv2] = 0)
               l nombre de este predicado es poco
           declarativo. Podrías aplicar a un
sinfín de situaciones.
```

pred cumpleCondiciones (h:hogar, r:dato) {

```
h[@iv1] = 1 \land h[@mas500] = 0 \land h[@region] = r
}
pred masTresPersonasPorCuarto (ti:eph_i, h:hogar) {
     h[@iv2] > 0 \longrightarrow_L (cantidadIndividuosEnHogar(ti, h) \div h[@iv2]) > 3
aux cantidadIndividuosEnHogar (ti:eph_i,h:hogar): \mathbb{Z} = \sum_{i \in ti} if i[@indcodusu] = h[@hogcodusu] then 1 else 0 fi;
         EJERCICIO 4
1.4.
proc creceElTeleworkingEnCiudadesGrandes (in t1h:eph_h, in t1i:eph_i, in t2h:eph_h, in t2i:eph_i, out res:Bool) {
         \text{Pre } \{laEncuestaEsValida(t1h,t1i) \land laEncuestaEsValida(t2h,t2i) \land a\~nosDistintosTrimIquales(t1h,t1i,t2h,t2i)\} \} 
        \texttt{Post} \ \{res = true \iff (proporcionDeTeleworking(t1h, t1i) < proporcionDeTeleworking(t2h, t2i)\}
}
pred añosDistintosTrimestresIguales (t1h:eph_h,t2h:eph_h) {
     t1h[0][@hoqa\tilde{n}o] < t2h[0][@hoqa\tilde{n}o] \wedge t1h[0][@hoqtrimestre] = t2h[0][@hoqtrimestre]
}
aux proporcionDeTeleworking (th: eph_h, ti: eph_i): \mathbb{Z} = \text{if } indTotalesEnCondiciones(th, ti) \neq 0 \text{ then}
indQueTrabajanEnSuHogar(th,ti) \div indTotalesEnCondiciones(th,ti) else 0 fi;
aux indQueTrabajanEnSuHogar (th:eph_h,ti:eph_i):\mathbb{Z}=\sum_{h\in th}(\text{if }hogaresEnCondicionesYTeleworking}(h) then
\sum_{i \in ti} (\text{if } i[0] = h[0] \wedge i[@pp04g] = 6 \text{ then } 1 \text{ else } 0 \text{ fi}) \text{ else } 0 \text{ fi};
aux indTotalesEnCondiciones (th:eph_h,ti:eph_i):\mathbb{Z}=\sum_{h\in th}(\mathsf{if}\ hogarCumpleCondiciones(h)\ \mathsf{then})
\sum_{i \in ti} \left( \text{if } i[0] = h[0] \wedge i[@estado] = 1 \text{ then } 1 \text{ else } 0 \text{ fi} \right) else 0 fi;
\verb|pred hogaresEnCondicionesYTeleworking| (h:hogar) \ \{ \\
     hogarCumpleCondiciones(h) \land h[@ii3] = 1
}
pred hogarCumpleCondiciones (h:hogar) {
     h[@mas500] = 1 \wedge_L (h[@iv1] = 1 \vee h[@iv1] = 2)
}
         EJERCICIO 5
1.5.
proc costoSubsidioMejora ((in th: eph_h, in ti: eph_i, in monto : \mathbb{Z}, out res: \mathbb{Z})) {
       \texttt{Pre} \; \{laEncuestaEsValida(th,ti) \land monto \geq 0\}
        Post \{res = cantDeHogaresEnCondiciones(th, ti) \times monto\}
}
```

```
aux cant<code>DeHogaresEnCondiciones</code> (th:eph_h,\,ti:eph_i):\mathbb{Z}=\sum_{h\in th}
if (habitacionesEnCondicionesEnHogar(h,ti) \land esCasaDeTenenciaPropia(h,ti)) then 1 else 0 fi;
{	t pred habitaciones En Condiciones En Hogar} \ (h:hogar,ti:eph_i) \ \{
          h[@ii2] < (cantidadIndividuosEnHogar(h, ti) - 2)
}
aux cantidadIndividuosEnHogar (h:hogar,ti:eph_i):\mathbb{Z}=\sum_{i\in ti} if i[@indcodusu]=h[@hogcodusu] then 1 else 0 fixed fixed i is the fixed i in the i-defined i in the i-defined i-d
pred esCasaDeTenenciaPropia (h:hogar) {
          h[@iv1] = 1 \wedge h[@ii7] = 1)
}
                 EJERCICIO 6
1.6.
proc generarJoin (in th: eph_h, in ti: eph_i, out junta: joinHI) {
               Pre \{laEncuestaEsValida(th, ti)\}
               Post \{incluyeHogarEIndividuoEnJunta(th, ti, junta) \land_L valoresCondusuIguales(junta)\}
}
pred incluyeHogarEIndividuoEnJunta (th:eph_h,ti:eph_i,junta:joinHI) {
          (\forall h, i : seq \langle \mathbb{Z} \rangle) (h \in th \land i \in ti \iff (\exists hxi : hogar \times individuo) (hxi \in junta \land_L (hxi_0 = h \land hxi_1 = i)))
                                                Estan diciendo que el join debe tener todas las combinaciones
}
                                                nogar-individuo en th y ti, sin importar el CODUSU.
pred valoresCodusuIguales (junta: joinHI) {
          (\forall hxi: hogar \times individuo)(hxi \in junta \longrightarrow_L hxi_0[@hogcodusu] = hxi_1[@indcodusu])
}
1.7.
                 EJERCICIO 7
proc ordenarRegionYTipo (inout <math>th: eph_h, inout ti: eph_i) {
               Pre \{laEncuestaEsValida(th, ti)\}
               \texttt{Post} \ \{ ordenPorRegionyHogcodusu(th) \land ordenPorIndCodusuyComponente(th,ti) \} \\
                                       alta pedir que th y ti sean
ermutaciones de sus valores
}
pred ordenPorRegionyHogcodusu (th:eph_h) {
          ordenPorRegion(th) \wedge_L ordenPorHogcodusuEnRegion(th)
}
pred ordenPorRegion (th:eph_h) {
          (\forall h : \mathbb{Z})(0 \le h < |th| - 1 \longrightarrow_L th[h][@region] \le th[h+1][@region])
```

```
}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                               Este predicado resulta un poco confuso. ¿Por qué necesitan a h2?
Bastaría con hablar de h1 y h1+1. Quedaría algo como:
pred ordenPorHogCodusuEnRegion (th:eph_h) {
                                                                                                                                                                                                                                                                                                               "Para todo h en rango talque h y h+1 estan en la misma region,
entonces el HOGCODUSU de h debe ser menor al de h+1."
                      (\forall h: \mathbb{Z})(0 \leq h1, h2 < |th| \land h1 < h2 \longrightarrow_L (th[h1][@region] = th[h1+1][@region] \land th[h1][@hogcodusu] < th[h1+1][@hogcodusu] < th[h1+1]
                     1][@hogcodusu]) \lor (th[h1][@region] < th[h1+1][@region] \land th[h1+1][@region] = th[h2][@region] \land th[h1+1][@region] \land th[h1+1][
                     th[h1+1][@hoqcodusu] < th[h2][@hoqcodusu])
pred ordenPorIndCodusuyComponente (th:eph_h,ti:eph_i) {
                     ordenPorIndCodusu(th, ti) \land ordenPorComponenteEnHogar(ti))
pred ordenPorIndCodusu (th:eph_h,ti:eph_i) {
                      (\forall h1, h2, i1, i2: \mathbb{Z})(rango(th, h1) \land rango(th, h2) \land rango(ti, i1) \land rango(ti, i1) \land L(th[h1][@hogcodusu] = ti[i1][@indcodusu] \land L(th[h1][@hogcodusu
                     th[h2][@hogcodusu] = ti[i2][@indcodusu]) \land h1 < h2 \longrightarrow_L i1 < i2)
}
pred ordenPorComponenteEnHogar (ti:eph_i) {
                      (\forall i: \mathbb{Z})(0 \leq i < |ti|-1 \longrightarrow_L ((ti[i][@indcodusu] = ti[i+1][@indcodusu] \longrightarrow ti[i][@componente] < ti[i+1][@componente]) \land (\forall i: \mathbb{Z})(0 \leq i < |ti|-1 \longrightarrow_L ((ti[i][@indcodusu] = ti[i+1][@indcodusu] \longrightarrow ti[i][@componente]) \land (\forall i: \mathbb{Z})(0 \leq i < |ti|-1 \longrightarrow_L ((ti[i][@indcodusu] = ti[i+1][@indcodusu] \longrightarrow ti[i][@componente]) \land (\forall i: \mathbb{Z})(0 \leq i < |ti|-1 \longrightarrow_L ((ti[i][@indcodusu] = ti[i+1][@indcodusu] \longrightarrow ti[i][@componente]) \land (\forall i: \mathbb{Z})(0 \leq i < |ti|-1 \longrightarrow_L ((ti[i][@indcodusu] = ti[i+1][@indcodusu] \longrightarrow ti[i][@componente]) \land (\forall i: \mathbb{Z})(0 \leq i < |ti|-1 \longrightarrow_L ((ti[i][@indcodusu] = ti[i+1][@indcodusu] \longrightarrow ti[i][@componente]) \land (\forall i: \mathbb{Z})(0 \leq i < |ti|-1 \longrightarrow_L ((ti[i][@indcodusu] = ti[i+1][@indcodusu] \longrightarrow ti[i][@componente])) \land (\forall i: \mathbb{Z})(0 \leq i < |ti|-1 \longrightarrow_L ((ti[i][@indcodusu] = ti[i+1][@indcodusu] \longrightarrow ti[i][@componente])) \land (\forall i: \mathbb{Z})(0 \leq i < |ti|-1 \longrightarrow_L ((ti[i][@indcodusu] = ti[i+1][@indcodusu] \longrightarrow ti[i][@componente])))
                      ((ti[i][@indcodusu] \neq ti[i+1][@indcodusu]) \longrightarrow ti[i][@componente] \geq ti[i+1][@componente]))
}
                                                                                                                                                para todo i en rango tal que i e i+1 tiene el mismo INDCODUSU, entonces el
1.8.
                                      EJERCICIO 8
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     que todos los hogares de la muestra estér
proc muestraHomogenea (in th: eph_h, in ti: eph_i, out res: seq\langle hogar\rangle) {
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     que no haya otra muestra homogenea más
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    grande que res.
                                                                                                                                                                                                        ¿Qué indefinición están salvando co
                                 Pre \{laEncuestaEsValida(th, ti)\}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    es recomiendo que armen un predicado
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    ipo "esMuestraHomogenea
                                 Post \{(|res| \ge 3 \land_L (ordendeingresoscreciente(th, ti, res) \land diferenciaDeMontosIguales(th, ti, res))\}
                                 \lor (\neg diferenciaDeMontosIguales(ti, th, res) \land |res| = 0))
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                inicamente cuando no existe una muestra
}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                on al menos 3 elementos
pred ordenDeIngresosCreciente (th:eph_h, ti:eph_i, res:seq\langle hogar\rangle) {
                     (\forall r: \mathbb{Z})(0 \le r < |res| - 1 \longrightarrow_L ingresoTotalDeHogarH(ti, th, r) \le ingresoTotalDeHogarH(ti, th, r + 1)
pred diferenciaDeMontosIguales (ti:eph_i, th:eph_h, res:seq\langle hogar\rangle) {
                      (\forall r: \mathbb{Z})(0 \leq r < |res| - 2 \longrightarrow_L (ingresoTotalDelHogarH(ti, th, r + 1) - ingresoTotalDelHogarH(ti, th, r)) =
                      (ingresoTotalDelHogarH(ti, th, r + 2) - ingresoTotalDelHogar(ti, th, r + 1)
}
aux ingresoTotalDelHogarH (ti:eph_i,th:eph_h,h:\mathbb{Z}):\mathbb{Z}=\sum_{i\in ti}
if i[@indcodusu] = th[h][@hogcodusu] \wedge i[@p47t] > -1 then i[@p47t] else 0 fi;
1.9.
                                      EJERCICIO 9
```

proc corregirRegion (inout $th: eph_h$, in $ti: eph_i$) {

```
Pre \{laEncuestaEsValida(th, ti) \land th = TH_0\}
                        Post \{|th| = |TH_0| \land_L (\forall h : \mathbb{Z})(rango(TH_0, h) \longrightarrow_L bsasAPampeana(TH_0, th, h))\}
}
pred bsasAPampeana (TH_0: eph_h, th: eph_h, h: hogar) {
               (TH_0[h][@region] = 1 \land th[h] = setAt(TH_0[h], @region, 5)) \lor (TH_0[h][@region] \neq 1 \land th[h] = TH_0[h])
}
1.10.
                                EJERCICIO 10
proc histogramaDeAnillosConcentricos (in th: eph_h, in centro: \mathbb{Z} \times \mathbb{Z}, in distancias: seq\langle \mathbb{Z} \rangle, out result: seq\langle \mathbb{Z} \rangle) {
                                                                                                                                                                                                                                                                                                       Falta pedir que th sea una tabla de
hogares válida.
                        \texttt{Pre} \; \{ |distancias| \neq 0 \land_L listaDeDistCrecienteYNoNula(distancias) \} \longleftarrow
                        \texttt{Post}\ \{|distancias| = |result| \land_L\ result[0] = cantHogaresEnPrimerAnillo(th, centro, distancia[0]) \land_L\ resu
                        (\forall i: \mathbb{Z})(0 < i < |result| \longrightarrow_L result[i] = cantHogaresEnAnillo(th, centro, distancias[i-1], distancias[i]))
}
pred listaDistCrecienteYNoNula (distancias : seq\langle \mathbb{Z}\rangle) {
               (\forall i : \mathbb{Z})(0 \le i < |distancias| - 1 \longrightarrow_L distancias[i] \ne 0 \land distancias[i] < distancias[i + 1]
}
aux cantHogaresEnPrimerAnillo (th:eph_h, centro: \mathbb{Z} \times \mathbb{Z}, d0: \mathbb{Z}): \mathbb{Z} = \sum_{h \in th} (th)
if hogarEnPrimerAnillo(h, centro, d0) then 1 else 0 fi;
pred hogarEnPrimerAnillo (h:hogar, centro: \mathbb{Z} \times \mathbb{Z}, d0 \mathbb{Z}) {
               0 \le distanciaEuclidianaAlCentro(h, centro) \le d0
}
aux cantHogaresEnAnilloDeD1AD2 (th:eph_h, centro: \mathbb{Z} \times \mathbb{Z}, d1: \mathbb{Z}, d2: \mathbb{Z}): \mathbb{Z} = \sum_{h \in th} e^{-th}
if hogarEnAnillo(h, centro, d1, d2) then 1 else 0 fi;
pred hogarEnAnillo (h:hogar, centro: \mathbb{Z} \times \mathbb{Z}, d1: \mathbb{Z}, d2: \mathbb{Z}) {
               d1 < distanciaEuclidianaAlCentro(h, centro) \leq d2
}
aux distanciaEuclidianaAlCentro (h:hogar, centro: \mathbb{Z} \times \mathbb{Z}): \mathbb{R} =
 \sqrt{(h[@hoglatitud] - centro_0)^2 + (h[@hoglongitud] - centro_1)^2};
1.11.
                                EJERCICIO 11
proc quitarIndividuos (inout th: eph_h, inout ti: eph_i, in busqueda: seq\langle ItemIndividuo, dato\rangle, out result: (eph_h, eph_i))
                        Pre \{laEncuestaEsValida(th,ti) \land laBusquedaEsValida(busqueda,ti) \land th = TH_0 \land ti = TI_0\}
                        Post \{laEncuestaEsValida(th,ti) \land laEncuestaEsValida(result_0,result_1) \land laEncuestaEsValida(th,ti) \land laEncuesta
                        (|TI_0| = |ti| + |result_1| \land_L (\forall i : individuo)(i \in |TI_0| \longrightarrow_L moverIndividuosAResult(ti, result, busqueda, i))) \land
```

```
(|TH_0| = |th| + |result_0| \land_L (\forall h : hogar)(h \in |TH_0| \longrightarrow_L moverHogaresAResult(th, result, h)))
 }
 pred laBusquedaEsValida (busqueda:seq\langle ItemIndividuo, ti:eph_i dato\rangle) {
                                itemNoSeRepite(busqueda) \land datosEnRangos(busqueda) \land (\forall i:individuo)(i \in ti \longrightarrow_L incluyeValorDeTI(i,busqueda))
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            Esto último no se menciona en el enunciado y por lo tanto, no
 pred itemNoSeRepite (busqueda: seg\langle ItemIndividuo, dato\rangle) {
                                 (\forall i, j : \mathbb{Z})(0 \leq i, j < |busqueda| \land i \neq j \longrightarrow_L busqueda[i]_0 \neq busqueda[j]_0)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             En vez de indexar ItemIndividuo, es preferible que mencionen
 pred datosEnRangos (busqueda: seq\langle ItemIndividuo, dato\rangle) {
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             en vez de ItemIndividuo(0).
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               oner INDCODUSU
                                 (\forall b : \mathbb{Z})(0 \leq b < |busqueda| \longrightarrow_L ((busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(0) \land busqueda[b]_1 \geq 1) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(0) \land busqueda[b]_1 \geq 1) \lor (busqueda[b]_1 \geq 1) \lor (busqu
                                 ItemIndividuo(1) \land busqueda[b]_1 \geq 1) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(3) \land 1 \leq busqueda[b]_1 \leq 4) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(3) \land 1 \leq busqueda[b]_1 \leq 4) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(3) \land 1 \leq busqueda[b]_1 \leq 4) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(3) \land 1 \leq busqueda[b]_1 \leq 4) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(3) \land 1 \leq busqueda[b]_1 \leq 4) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(3) \land 1 \leq busqueda[b]_1 \leq 4) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(3) \land 1 \leq busqueda[b]_1 \leq 4) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(3) \land 1 \leq busqueda[b]_1 \leq 4) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(3) \land 1 \leq busqueda[b]_1 \leq 4) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(3) \land 1 \leq busqueda[b]_1 \leq 4) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(3) \land 1 \leq busqueda[b]_1 \leq 4) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(3) \land 1 \leq busqueda[b]_1 \leq 4) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(3) \land 1 \leq busqueda[b]_1 \leq 4) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(3) \land 1 \leq busqueda[b]_1 \leq 4) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(3) \land 1 \leq busqueda[b]_1 \leq 4) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(3) \land 1 \leq busqueda[b]_1 \leq 4) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(3) \land 1 \leq busqueda[b]_1 \leq 4) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(3) \land 1 \leq busqueda[b]_1 \leq 4) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(3) \land 1 \leq busqueda[b]_1 \leq 4) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(3) \land 1 \leq busqueda[b]_1 \leq 4) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(3) \land 1 \leq busqueda[b]_1 \leq 4) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(3) \land 1 \leq busqueda[b]_1 \leq 4) \lor (busqueda[b]_1 \leq 4) \lor (b
                                 ItemIndividuo(4) \land 1 \leq busqueda[b]_1 \leq 2) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(5) \land busqueda[b]_1 \geq 1) \lor (busqueda[b]_1 \geq 1) \lor (busque
                                 ItemIndividuo(6) \land 0 \leq busqueda[b]_1 \leq 1) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(7) \land -1 \leq busqueda[b]_1 \leq 1) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(7) \land -1 \leq busqueda[b]_1 \leq 1) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(7) \land -1 \leq busqueda[b]_1 \leq 1) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(7) \land -1 \leq busqueda[b]_1 \leq 1) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(7) \land -1 \leq busqueda[b]_1 \leq 1) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(7) \land -1 \leq busqueda[b]_1 \leq 1) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(7) \land -1 \leq busqueda[b]_1 \leq 1) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(7) \land -1 \leq busqueda[b]_1 \leq 1) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(7) \land -1 \leq busqueda[b]_1 \leq 1) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(7) \land -1 \leq busqueda[b]_1 \leq 1) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(7) \land -1 \leq busqueda[b]_1 \leq 1) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(7) \land -1 \leq busqueda[b]_1 \leq 1) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(7) \land -1 \leq busqueda[b]_1 \leq 1) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(7) \land -1 \leq busqueda[b]_1 \leq 1) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(7) \land -1 \leq busqueda[b]_1 \leq 1) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(7) \land -1 \leq busqueda[b]_1 \leq 1) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(7) \land -1 \leq busqueda[b]_1 \leq 1) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(7) \land -1 \leq busqueda[b]_1 \leq 1) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(7) \land -1 \leq busqueda[b]_1 \leq 1) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(7) \land -1 \leq busqueda[b]_1 \leq 1) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(7) \land -1 \leq busqueda[b]_1 \leq 1) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(7) \land -1 \leq busqueda[b]_1 \leq 1) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(7) \land -1 \leq busqueda[b]_1 \leq 1) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(7) \land -1 \leq busqueda[b]_1 \leq 1) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(7) \land -1 \leq busqueda[b]_1 \leq 1) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(7) \land -1 \leq busqueda[b]_1 \leq 1) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(7) \land -1 \leq busqueda[b]_1 \leq 1) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(7) \land -1 \leq busqueda[b]_1 \leq 1) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(7) \land -1 \leq busqueda[b]_1 \leq 1) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(7) \land -1 \leq busqueda[b]_1 \leq 1) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(7) \land -1 \leq busqueda[b]_1 \leq 1) \lor (busqueda[b]_1 \leq 1) \lor (busqueda[b]_1 \leq 1) \lor (busqueda[b]_1 \leq 1) \lor (busqueda[b]
                                 ItemIndividuo(8) \land 0 \leq busqueda[b]_1 \leq 4) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(9) \land busqueda[b]_1 \geq -1) \lor (busqueda[i]_0 = ItemIndividuo(9) \land busqueda[b]_1 \geq -1) \lor (busqueda[i]_0 = ItemIndividuo(9) \land busqueda[b]_1 \geq -1) \lor (busqueda[b]_0 = ItemIndividuo(9) \land busqueda[b]_1 \geq -1) \lor (busqueda[b]_1 \geq -1) \lor (busqueda[b]_1
                                 ItemIndividuo(10) \land 1 \leq busqueda[b]_1 \leq 10)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      Este para todo está pidiendo algo distinto a lo que supongo que
realmente querían decir.
Dice algo así como: "Para todo individuo en result, únicamente su hogar
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        debería estar en result". Esto nunca va se va a cumplir si hay dos o más
individuos en result que viven en casas distintas. Cada uno va a pedir
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         que únicamente su hogar esté en result, así excluyendo los hogares de
pred incluyeValorDeTI (i:individuo, busqueda:seq\langle ItemIndividuo, dato\rangle) {
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         Más arriba dije "lo que supongo que realmente querían decir", porque
                                 (\forall valor: dato)(valor \in individuo \iff (\exists ixd: itemIndividuo \times dato)(ixd \in buse)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     supuse que su intención era decir algo como:
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        'Si hay un individuo que habita h y se encuentra en result, entonces h
también debe estar en result y no en th; si no, h debería estar en th y no
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         en result
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  Fijense si les sale definir este predicado de manera similar a moverIndividuosAResult.
 pred moverHogaresAResult (th:eph_h, result: (eph_h, eph_i), h:hogar) {
                                  (\forall i : individue)(i \in result_1 \longrightarrow_L ((i[@indcodusu] = h[@hogcodusu] \land h \notin th \land h \in result_0) \lor (i[@indcodusu] \neq h)) \land h \notin th \land h \in result_0) \lor (i[@indcodusu] \neq h)) \land h \notin th \land h \in result_0) \lor (i[@indcodusu] \neq h)) \land h \notin th \land h \in result_0) \lor (i[@indcodusu] \neq h)) \land h \notin th \land h \in result_0) \lor (i[@indcodusu] \neq h)) \land h \notin th \land h \in result_0) \lor (i[@indcodusu] \neq h)) \land h \notin th \land h \in result_0) \lor (i[@indcodusu] \neq h)) \land h \notin th \land h \in result_0) \lor (i[@indcodusu] \neq h)) \land h \notin th \land h \in result_0) \lor (i[@indcodusu] \neq h)) \land h \in th \land h \in result_0) \lor (i[@indcodusu] \neq h)) \land h \in th \land h \in result_0) \lor (i[@indcodusu] \neq h)) \land h \in th \land h \in result_0) \lor (i[@indcodusu] \neq h)) \land h \in th \land h \in result_0) \lor (i[@indcodusu] \neq h)) \land h \in th \land h \in result_0) \lor (i[@indcodusu] \neq h)) \land h \in th \land h \in result_0) \lor (i[@indcodusu] \neq h)) \land h \in th \land h \in result_0) \lor (i[@indcodusu] \neq h)) \land h \in th \land h \in result_0) \lor (i[@indcodusu] \neq h)) \land h \in th \land h \in result_0) \lor (i[@indcodusu] \neq h)) \land h \in th \land h \in result_0) \lor (i[@indcodusu] \neq h)) \land h \in th \land h \in result_0) \lor (i[@indcodusu] \neq h)) \land h \in th \land h \in result_0) \lor (i[@indcodusu] \neq h)) \land h \in th \land h \in result_0) \lor (i[@indcodusu] \neq h)) \land h \in th \land h \in result_0) \lor (i[@indcodusu] \neq h)) \land h \in th \land h \in result_0) \lor (i[@indcodusu] \neq h)
                                h[@hogcodusu] \land h \in th \land h \notin result_0)
                    Recuerden que ustedes no estan moviendo los
                individuos/hogares, si no que estan verificando que hayar
                   sido movidos correctamente.
 pred moverIndividuosAResult (ti:eph_i, result: (eph_i, eph_i), busqueda: seq\langle ItemIndividuo, dato\rangle, i:individuo) {}
                                 (cantCondicionesQueCumpleIndividuo(busqueda, i) = |busqueda| \land i \in result_1 \land i \notin ti) \lor (cantCondicionesQueCumpleIndividuo(busqueda, i) = |busqueda| \land i \in result_1 \land i \notin ti) \lor (cantCondicionesQueCumpleIndividuo(busqueda, i) = |busqueda| \land i \in result_1 \land i \notin ti) \lor (cantCondicionesQueCumpleIndividuo(busqueda, i) = |busqueda| \land i \in result_1 \land i \notin ti) \lor (cantCondicionesQueCumpleIndividuo(busqueda, i) = |busqueda| \land i \in result_1 \land i \notin ti) \lor (cantCondicionesQueCumpleIndividuo(busqueda, i) = |busqueda| \land i \in result_1 \land i \notin ti) \lor (cantCondicionesQueCumpleIndividuo(busqueda, i) = |busqueda| \land i \in result_1 \land i \notin ti) \lor (cantCondicionesQueCumpleIndividuo(busqueda, i) = |busqueda| \land i \in result_1 \land i \notin ti) \lor (cantCondicionesQueCumpleIndividuo(busqueda, i) = |busqueda| \land i \in result_1 \land i \in ti) \lor (cantCondicionesQueCumpleIndividuo(busqueda, i) = |busqueda, i) \land i \in ti
                                 (cantCondicionesQueCumpleIndividuo(busqueda, i) \neq |busqueda| \land i \notin result_1 \land i \in ti))
                                                                                                      Armen un predicado auxiliar para esta igualdad.
 }
aux cantCondicionesQueCumpleIndividuo (busqueda: seq\langle ItemIndividuo, dato\rangle, i: individuo): \mathbb{Z} = \sum_{ixd=0}^{|busqueda|-1} (if
 i[ord(busqueda[ixd]_0)] = busqueda[ixd]_1 then 1 else 0 fi);
 2.
                                               Predicados y Auxiliares generales
```

```
aux filas (s: seq\langle seq\langle \mathbb{Z}\rangle\rangle): \mathbb{Z} = |s|; pred rango (s: seq\langle seq\langle \mathbb{Z}\rangle\rangle, i:\mathbb{Z}) { 0 \leq i < filas(s) } pred laEncuestaEsValida (th: eph_h, \, ti: eph_i) {
```

```
esMatriz(th) \land esMatriz(ti) \land secuenciasNoVacias(th,ti) \land columnasIgualAVariables(th,ti) \land column
           asociados(th,ti) \land NoSeRepitenHogares(th) \land NoSeRepitenIndividuos(ti) \land
           mismoA\~noTrimestre(th,ti) \land miembrosMenorIgualA20(th) \land masHabitacionesQueDormitorios(th)
           \land atributosEnRango(th,ti)
}
aux @hogcodusu : \mathbb{Z} = ord(HOGCODUSU);
aux @hogaño : \mathbb{Z} = ord(HOGA\tilde{N}O);
aux @hogtrimestre : \mathbb{Z} = ord(HOGTRIMESTRE);
aux @hoglatitud : \mathbb{Z} = ord(HOGLATITUD);
aux @hoglongitud : \mathbb{Z} = ord(HOGLONGITUD);
aux @ii7 : \mathbb{Z} = ord(II7);
aux @region : \mathbb{Z} = ord[REGION];
aux @mas500 : \mathbb{Z} = ord(MAS500);
aux @iv1: \mathbb{Z} = ord[IV1];
aux @iv2 : \mathbb{Z} = ord[IV2];
aux @ii2 : \mathbb{Z} = ord(II2);
aux @ii3 : \mathbb{Z} = ord(II3);
aux @indcodusu : \mathbb{Z} = ord(INDCODUSU);
aux @componente : \mathbb{Z} = ord(COMPONENTE);
aux @indano : \mathbb{Z} = ord(INDANO);
aux @indtrimestre : \mathbb{Z} = ord(INDTRIMESTRE);
aux @ch4 : \mathbb{Z} = ord(CH4);
aux @ch6 : \mathbb{Z} = ord(CH6);
aux Oniveled: \mathbb{Z} = ord(NIVELED);
aux @estado : \mathbb{Z} = ord(ESTADO);
aux @catocup : \mathbb{Z} = ord(CATOCUP);
aux @p47t : \mathbb{Z} = ord(P47T);
aux Opp04g : \mathbb{Z} = ord(PP04G);
aux filas (s: seq\langle seq\langle \mathbb{Z}\rangle\rangle) : \mathbb{Z} = |s|;
2.0.1. Enumerados
enum ItemIndividuo{
               INDCODUSU, COMPONENTE, INDAÑO, INDTRIMESTRE, CH4, CH6, NIVELED, ESTADO, CATOCUP, P47T,
P04G
enum ItemHogar{
```

HOGCODUSU, HOGAÑO, HOGTRIMESTRE, HOGLATITUD, HOGLONGITUD, II7, REGION, MAS500, IV1, IV2, II2, II3 }

2.1. TIPOS

```
type dato = \mathbb{Z}

type individuo = seq\langle dato \rangle

type hogar = seq\langle dato \rangle

type eph_i = seq\langle individuo \rangle

type eph_h = seq\langle hogar \rangle
```

3. Decisiones tomadas

Tomamos la decisión de asumir que en todo ejercicio donde se presente una proporción, ya sea sobre cantidad de hogares o individuos, el denominador no se anule, pues trabajamos con el caso en que hay al menos un individuo/hogar que cumple las condiciones pedidas.