PRA2: Com realitzar la neteja i l'anàlisi de dades?

Àlex Franco Granell; Roger Esteban Fabró

Gener 2023

1. Descripció del dataset

Hem escollit investigar quins factors sociodemogràfics tenen un major impacte sobre la incidència de càncer als Estats Units. Per fer aquest anàlisi s'ha escollit tres datasets amb dades dels Estats Units que mostren la mortalitat per comtat, i diversos paràmetres demogràfics. Concretament utilitzem els datasets de "Cancer Mortality & Incidence Rates: (Country LVL)", les dades dels EUA de "Demographics & observation for pandemic escalation", i un dataset d'usafacts.org que recull la població dels diversos comtats del país. Els dos primers es troben disponibles a kaggle i contenen les dades bàsiques per als anàlisis fets posteriorment.

2. Integració i selecció de dades

A continuació, carreguem les dades originals i mostrem els primers registres per pantalla.

```
dpoblacio <- read.csv('./CSVs Originals/covid_county_population_usafacts.csv', sep=',')
head(dpoblacio)</pre>
```

```
County.Name State population
##
     i..countyFIPS
## 1
                  O Statewide Unallocated
                                               AL
## 2
               1001
                            Autauga County
                                               AL
                                                        55869
## 3
               1003
                            Baldwin County
                                               AL
                                                       223234
               1005
                            Barbour County
                                               AL
## 4
                                                        24686
## 5
               1007
                               Bibb County
                                               AL
                                                        22394
## 6
               1009
                             Blount County
                                               AL
                                                        57826
```

```
dcancerdeath <- read.csv('./CSVs Originals/death.csv', sep=',')
head(dcancerdeath)</pre>
```

```
##
     index
                                         FIPS Met.Objective.of.45.5...1.
                                 County
## 1
         0
                          United States
                                                                        No
                Perry County, Kentucky 21193
## 2
         1
                                                                        No
## 3
               Powell County, Kentucky 21197
                                                                        No
         3 North Slope Borough, Alaska 2185
                                                                        No
               Owsley County, Kentucky 21189
## 5
                                                                        No
## 6
         5
                 Union County, Florida 12125
     Age.Adjusted.Death.Rate Lower.95..Confidence.Interval.for.Death.Rate
##
## 1
                                                                        45.9
## 2
                        125.6
                                                                       108.9
```

```
## 3
                                                                        100.2
                        125.3
## 4
                        124.9
                                                                          73
## 5
                        118.5
                                                                         83.1
## 6
                                                                         89.9
                        113.5
     Upper.95..Confidence.Interval.for.Death.Rate Average.Deaths.per.Year
## 1
                                               46.1
## 2
                                              144.2
                                                                          43
## 3
                                              155.1
                                                                           18
## 4
                                              194.7
                                                                            5
## 5
                                                                            8
                                              165.5
## 6
                                              141.4
                                                                           19
##
     Recent.Trend..2. Recent.5.Year.Trend..2..in.Death.Rates
## 1
              falling
## 2
                                                           -0.6
               stable
## 3
               stable
                                                            1.7
## 4
                                                             **
## 5
                                                            2.2
               stable
## 6
              falling
                                                           -2.2
     Lower.95..Confidence.Interval.for.Trend
## 1
## 2
                                          -2.7
## 3
                                             0
## 4
                                            **
## 5
                                          -0.4
## 6
                                          -4.3
     Upper.95..Confidence.Interval.for.Trend
## 1
                                          -2.2
## 2
                                           1.6
## 3
                                           3.4
## 4
                                            **
## 5
                                           4.8
## 6
                                             0
dusparam <- read.csv('./CSVs Originals/us-county.csv', sep=',')</pre>
head(dusparam)
            state county Confirmed Deaths Smokers Obesity Food. Environment.index
##
## 1 1001 Alabama Autauga
                                           1 18.08156
                                  19
                                                          33.3
                                                                                   7.2
## 2 1003 Alabama Baldwin
                                  78
                                           1 17.48903
                                                          31.0
                                                                                   8.0
## 3 1005 Alabama Barbour
                                  10
                                           0 21.99998
                                                          41.7
                                                                                   5.6
## 4 1007 Alabama
                      Bibb
                                  17
                                           0 19.11420
                                                          37.6
                                                                                   7.8
## 5 1009 Alabama Blount
                                  15
                                           0 19.20867
                                                          33.8
                                                                                   8.4
                                           0 22.89466
## 6 1011 Alabama Bullock
                                   6
                                                          37.2
                                                                                   4.3
      Exercise overcrowding Diabetics Insufficient.Sleep Traffic.Volume
## 1 69.130124
                  1.2019231
                                  11.1
                                                  35.90541
                                                                 88.457040
## 2 73.713549
                   1.2707918
                                  10.7
                                                  33.30587
                                                                 86.997430
## 3 53.166770
                   1.6885965
                                   17.6
                                                  38.56317
                                                                102.291762
## 4 16.251364
                                  14.5
                  0.2553191
                                                  38.14887
                                                                 29.335580
## 5 15.634486
                  1.8913676
                                  17.0
                                                  35.94501
                                                                 33.411782
## 6 2.501374
                  0.1125176
                                  23.7
                                                  45.02064
                                                                  4.066538
     X65..Above.Population Rural.Population
## 1
                  15.56267
                                    42.00216
## 2
                   20.44335
                                    42.27910
## 3
                   19.42044
                                    67.78963
```

```
## 4 16.47321 68.35261
## 5 18.23651 89.95150
## 6 16.38390 51.37438
```

A continuació modifiquem individualment els datasets per a la seva posterior integració.

```
d1 <- dcancerdeath %>%
  # Eliminem les dades a nivell estatal
 filter(index != 0) %>%
  # Generem les columnes County i State
  separate(County, c("county", "state"), sep=", ") %>%
  # Seleccionem i modifiquem les variables d'interès
  transmute(FIPS,
            county = str_remove_all(county, " County"),
           met_obj_reduction = Met.Objective.of.45.5...1.,
            age_adj_deathrate = Age.Adjusted.Death.Rate,
            avg_deaths_year = Average.Deaths.per.Year,
            trend_recent_deaths = Recent.Trend..2.,
            trend_5y_deaths = Recent.5.Year.Trend..2..in.Death.Rates #,
d2 <- dpoblacio %>%
 # Seleccionem les columnes de l'ID del county i la població
 transmute(FIPS = i..countyFIPS,
           population) %>%
  # Eliminem els registres a nivell estatal
 filter(FIPS != 0)
d3 <- dusparam %>%
 transmute(FIPS = fips,
           smokers = Smokers,
           obesity = Obesity,
           food_env_index = Food.Environment.index,
            exercise = Exercise,
            overcrowding = overcrowding,
           diabetics = Diabetics,
            insuf_sleep = Insufficient.Sleep,
            traffic_vol = Traffic.Volume,
            above_65 = X65..Above.Population,
           rural_pop = Rural.Population)
uscancer <- left_join(d1, d2, by="FIPS") %>%
 left_join(d3, by="FIPS")
head(uscancer)
```

```
##
     FIPS
                      county state met_obj_reduction age_adj_deathrate
## 1 21193
                       Perry Kentucky
                                                   No
                                                                  125.6
## 2 21197
                      Powell Kentucky
                                                   No
                                                                 125.3
## 3 2185 North Slope Borough Alaska
                                                   No
                                                                 124.9
## 4 21189
                      Owsley Kentucky
                                                  No
                                                                 118.5
## 5 12125
                      Union Florida
                                                   No
                                                                 113.5
```

```
## 6 21147
                      McCreary Kentucky
     avg_deaths_year trend_recent_deaths trend_5y_deaths population smokers
                                                               25758 24.53343
## 1
                  43
                                  stable
                                                    -0.6
## 2
                  18
                                  stable
                                                      1.7
                                                               12359 23.91649
## 3
                   5
                                                       **
                                                                9832 23.85109
## 4
                   8
                                  stable
                                                      2.2
                                                                4415 26.14039
## 5
                  19
                                                     -2.2
                                                               15237 23.26414
                                 falling
## 6
                                                     22.9
                                                               17231 31.87770
                  22
                                  rising
     obesity food_env_index
                             exercise overcrowding diabetics insuf_sleep
## 1
        41.0
                        7.3 78.84508
                                          3.295711
                                                         16.0
                                                                 40.85610
## 2
        32.6
                        7.5 86.37120
                                          2.815433
                                                         17.6
                                                                 39.07086
## 3
                                                         7.6
        40.1
                        6.9 100.00000
                                         29.950495
                                                                 33.56203
## 4
        46.3
                        6.9 86.68770
                                          2.380952
                                                         11.4
                                                                 39.80378
## 5
        36.9
                        6.5 21.62214
                                          2.313625
                                                        13.8
                                                                 38.70558
## 6
        39.8
                        6.6 100.00000
                                          1.680000
                                                        14.3
                                                                 43.11113
     traffic_vol above_65 rural_pop
## 1
       61.970027 16.974552 74.07356
## 2
       36.796632 15.873654 67.10537
## 3
       10.141895 6.817261 59.33192
## 4
       1.385804 19.610912 100.00000
       11.574556 14.973226 67.44770
## 5
## 6
       24.694476 16.044347 100.00000
```

3. Neteja de dades

3.1. Gestió de valors perduts

En primer lloc, explorem les dades mitjançant str.

```
str(uscancer)
```

```
3140 obs. of 19 variables:
## 'data.frame':
## $ FIPS
                               21193 21197 2185 21189 12125 21147 21131 21159 21165 21109 ...
## $ county
                                "Perry" "Powell" "North Slope Borough" "Owsley" ...
                         : chr
## $ state
                                "Kentucky" "Kentucky" "Alaska" "Kentucky" ...
## $ met_obj_reduction : chr
                                "No" "No" "No" "No" ...
                                "125.6" "125.3" "124.9" "118.5" ...
   $ age_adj_deathrate : chr
                                "43" "18" "5" "8" ...
## $ avg_deaths_year
                         : chr
  $ trend recent deaths: chr
                                "stable" "stable" "**" "stable" ...
   $ trend 5y deaths
                                "-0.6" "1.7" "**" "2.2" ...
                        : chr
##
   $ population
                                25758 12359 9832 4415 15237 17231 9877 11195 6489 13329 ...
                         : int
## $ smokers
                                24.5 23.9 23.9 26.1 23.3 ...
                        : num
                               41 32.6 40.1 46.3 36.9 39.8 41.4 40.5 32.9 43.5 ...
## $ obesity
                         : num
## $ food_env_index
                               7.3 7.5 6.9 6.9 6.5 6.6 6.7 7.2 7.8 7.1 ...
                         : num
                         : num
                               78.8 86.4 100 86.7 21.6 ...
   $ exercise
## $ overcrowding
                               3.3 2.82 29.95 2.38 2.31 ...
                         : num
## $ diabetics
                         : num
                               16 17.6 7.6 11.4 13.8 14.3 15.8 15.5 22.9 17.5 ...
                                40.9 39.1 33.6 39.8 38.7 ...
## $ insuf_sleep
                        : num
## $ traffic_vol
                        : num
                               61.97 36.8 10.14 1.39 11.57 ...
## $ above_65
                               16.97 15.87 6.82 19.61 14.97 ...
                         : num
## $ rural_pop
                         : num 74.1 67.1 59.3 100 67.4 ...
```

A continuació convertim les variables $met_obj_reduction$ i $trend_recent_deaths$ en factors i les variables $age_adj_deathrate$, avg_deaths_year i $trend_5y_deaths$ en variables numèriques. També substituïm els valors * per NA i avaluem la quantitat de NAs al dataset mitjançant ColSums i VIM::aggr().

```
## Warning in mask$eval_all_mutate(quo): NAs introducidos por coerción
```

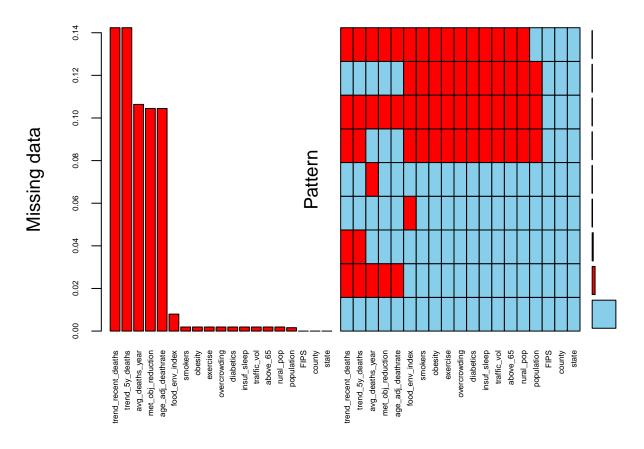
- ## Warning in mask\$eval_all_mutate(quo): NAs introducidos por coerción
- ## Warning in mask\$eval_all_mutate(quo): NAs introducidos por coerción

colSums(is.na(uscancer))

##	FIPS	county	state	${\tt met_obj_reduction}$
##	0	0	0	328
##	age_adj_deathrate	avg_deaths_year	trend_recent_deaths	$trend_5y_deaths$
##	328	334	447	447
##	population	smokers	obesity	food_env_index
##	5	6	6	25
##	exercise	overcrowding	diabetics	insuf_sleep
##	6	6	6	6
##	traffic_vol	above_65	rural_pop	
##	6	6	6	

```
aggr(uscancer, numbers=TRUE, sortVars=TRUE, labels=names(uscancer),
cex.axis=.5, gap=0, ylab=c("Missing data", "Pattern"))
```

```
## Warning in plot.aggr(res, ...): not enough horizontal space to display
## frequencies
```



```
##
##
    Variables sorted by number of missings:
##
               Variable
                               Count
##
    trend_recent_deaths 0.142356688
##
        trend_5y_deaths 0.142356688
        avg_deaths_year 0.106369427
##
##
      met_obj_reduction 0.104458599
##
      age_adj_deathrate 0.104458599
##
         food_env_index 0.007961783
##
                smokers 0.001910828
##
                obesity 0.001910828
##
                exercise 0.001910828
##
           overcrowding 0.001910828
              diabetics 0.001910828
##
##
            insuf_sleep 0.001910828
            traffic_vol 0.001910828
##
##
               above_65 0.001910828
##
              rural_pop 0.001910828
##
             population 0.001592357
##
                    FIPS 0.000000000
##
                  county 0.000000000
##
                   state 0.000000000
```

Observem que, respecte les dades de mortalitat per càncer, no tenim informació completa sobre el rati de mortalitat per càncer ajustada per edat (age_adj_deathrate) en 328 comtats, sobre la mitjana de morts

per any (avg_deaths_year) en 334 comtats (entre es quals alguns amb elevada població com San Francisco o Los Ángeles), i tampoc tenim informació sobre les tendències en la mortalitat (trend_recent_deaths i trend_5y_deaths) en 447 comtats. Per ser una mètrica que facilita la comparació entre comtats, centrarem els anàlisis subsegüents en les dades de rati de mortalitat per càncer ajustada per edat (age_adj_deathrate), que seleccionem com a variable d'interès. Observem que els 328 comtats pels què la variable age_adj_deathrate no té informació representen un 0.39% de la població total dels EEUU, tal i com indica la taula de sota. Per tant, prioritzant l'exactitud de les dades, hem decidit eliminar els registres que no tenen aquesta informació (NAs de age_adj_deathrate).

En paral·lel, tenint en compte les variables demogràfiques, que tenen menys registres incomplets, observem que a banda dels 328 comtats sense dades de $age_adj_deathrate$, 3 comtats no tenen cap dada demogràfica disponible. Per això decidim eliminar aquests registres. A més, 19 registres addicionals no disposen de dades sobre la variable $food_env_index$. Aquesta variable és un indicador de la proximitat a menjar saludable així com de la capacitat econòmica per adquirir-ne de la població. Decidim assumir que els valors podrien ser semblants entre comtats que comparteixin altres característiques del dataset, i per tant s'ha recorregut a una imputació d'aquests 19 valors perduts mitjançant la funció kNN del paquet VIM.

Finalment, observem que ja no queden valors perduts en les dades.

##	FIPS	county	state	met_obj_reduction
##	0	0	0	0
##	age_adj_deathrate	population	smokers	obesity
##	0	0	0	0
##	food_env_index	exercise	overcrowding	diabetics
##	0	0	0	0
##	$insuf_sleep$	traffic_vol	above_65	rural_pop
##	0	0	0	0

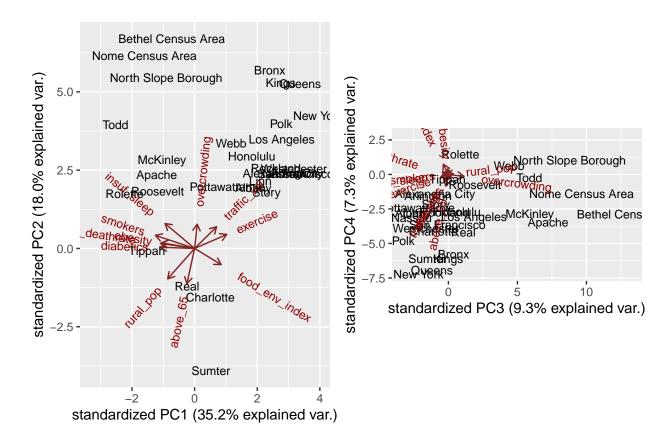
3.2. Gestió de valors extrems

Seguidament, avaluem la presència de valors extrems en les dades. Ja que disposem de múltiples variables i ens interessaria poder detectar outliers tenint en compte múltiples dimensions, hem decidit començar avaluant els outliers segons la distància de Mahalanobis per fer-nos una idea de quins podrien ser els casos extrems. Al codi de sota, es computa aquesta distància i es mostren els 30 comtats amb els valors de distància de Mahalanobis més elevats.

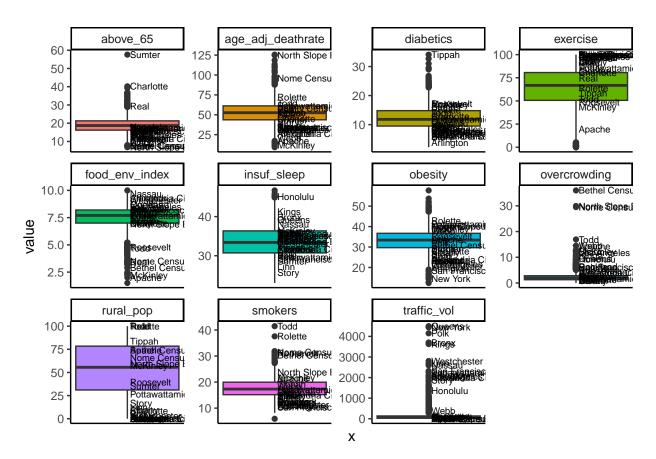
```
# Dataframe de les variables numèriques contínues de uscancer clean
uscancer_cvars <- uscancer_clean %>%
  select(-FIPS, -county, -state,
         -population, -met_obj_reduction)
m.dist.order <- order(mahalanobis(uscancer_cvars,</pre>
                                   colMeans(uscancer_cvars),
                                   cov(uscancer_cvars)),
                       decreasing=TRUE)
m.outliers <- uscancer_clean$county[m.dist.order]</pre>
# Mostrem els top 30 outliers
m.outliers[1:30]
    [1] "Bethel Census Area"
                               "North Slope Borough"
##
                                                      "Queens"
##
    [4] "New York"
                               "Nome Census Area"
                                                      "Polk"
                               "Kings"
                                                      "Todd"
   [7] "Bronx"
## [10] "Sumter"
                               "Linn"
                                                      "Westchester"
                               "Pottawattamie"
## [13] "Nassau"
                                                      "Apache"
## [16] "Rolette"
                                                      "Los Angeles"
                               "McKinley"
                                                      "Honolulu"
## [19] "San Francisco"
                               "Roosevelt"
## [22] "Story"
                               "Webb"
                                                      "Arlington"
## [25] "Albany"
                               "Tippah"
                                                      "Alexandria City"
## [28] "Rockland"
                               "Charlotte"
                                                      "Real"
```

Seguidament, mostrem com es distribueixen aquests 30 comtats més extrems sobre els 4 primers components principals.

```
## Warning: Removed 2779 rows containing missing values ('geom_text()').
## Removed 2779 rows containing missing values ('geom_text()').
```



A sota mostrem la distribució de cada variable contínua en format boxplot, i també s'hi indiquen les posicions dels 30 comtats amb valors de Mahalanobis més elevats.



De les dades anteriors, destaquem 4 variables amb valors molt extrems:

- 1. above_65: Observem que hi ha comtats que presenten una proporció de persones majors de 65 anys molt elevada, essent el màxim el comtat de Sumter, Florida, amb 57.6% de la població major de 65 anys. Considerem que aquests valors extrems són correctes ja que tenen una explicació sociodemogràfica: corresponen a comtats que són llocs de residència populars per a gent jubilada. Per tant, els mantenim en el dataset d'estudi.
- 2. overcrowding: Es tracta d'una variable que identifica el percentatge de població que viu en espais amb una quantitat excessivament elevada de persones. En aquest cas observem valors elevats esperables per a comtats en grans ciutats (com Nova York, San Francisco o Los Angeles). Però observem que diversos comtats rurals presenten valors extrems (entre ells Bethel Census Area, North Slope Borough i Nome Census Area a Alaska). Tot i ser sorprenent d'entrada, sembla que l'overcrowding en regions rurals és un problema real, especialment associat a pobresa i a una població predominantment de natius americans. Per tant, decidim mantenir aquests valors extrems.
- 3. smokers: En aquest cas observem que els comtats outliers amb taxes molt elevades de fumadors (per sobre del 35% de la població) s'associen a poblacions majoritàriament de natius americans, mentre que

els valors molt baixos es troben majoritàriament a l'estat de Utah, possiblement associats a població de religió mormona. El comtat de Utah, a Utah, amb un 5% de fumadors entre la població i un 82% són mormons. Atenent a aquests fets, decidim mantenir aquestes dades.

4. traffic_vol: els valors més extrems corresponen a grans ciutats, especialment a Nova York. Per tant, també decidim mantenir aquests valors.

Observant els valors extrems de les altres variables sociodemogràfiques, trobem que totes són explicables segons les particularitats de cada comtat, com ara la taxa de diabètics del 34% de la població al comtat de Tippah, Mississippi. Per tant, tots els valors extrems trobats són explicables a causa de la diversitat existent entre regions del país, i els mantenim per als anàlisis subsegüents.

4. Anàlisi de les dades

Una vegada tenim les dades netejades, ordenades i seleccionades procedirem a l'anàlisi d'aquestes. Concretament hem decidit estudiar-les a través de tres perspectives: Primerament estudiarem la mortalitat del càncer segons si es tracta de comtats urbans o rurals; després estudiarem com influeixen les diferents variables a la mortalitat per càncer; i finalment tractarem de crear un model que puga predir la mortalitat del càncer segons les diferents variàbles donades.

4.1 Estudi de la mortalitat segons ruralitat

Com hem comentat, en aquest apartat estudiarem la mortalitat del càncer segons si es tracta de comtats rurals o urbans. Aquest estudi és interessant perquè es comenta habitualment que els entorns urbans afavoreixen la mortalitat per càncer. Per tant és interessant saber si la mitjana poblacional dels comtats urbans és major a la mitjana dels entorns rurals.

Per fer aquest anàlisi, primerament discretitzem les dades en una nova columna, *isurban*, on guardarem els comtats que tinguen una *rural_pop* major a 50 com a 1, i la resta com a 0. Interpretem que els comtats amb 1 equivalen a entorns urbans i els que tenen valor 0 com entorns rurals.

```
# Discretització de la columna rural_pop en una nova variable
uscancer_clean$is_urban <- uscancer_clean$rural_pop
uscancer_clean$is_urban[uscancer_clean$rural_pop >= 50] <- 1
uscancer_clean$is_urban[uscancer_clean$rural_pop < 50] <- 0</pre>
## Hi ha 1217 comtats rurals i 1592 comtats urbans.
## Els comtats urbans suposen el 43.33 % dels registres.
## Mentre que els comtats urbans representen el 56.67 %.
```

Una vegada tenim la variable discretitzada, cal estudiar la normalitat i l'homogeneitat de les dades per determinar quin test aplicar-hi. Primerament estudiarem la normalitat de les dades amb el test de Shapiro-Wilk:

```
# Comprovem la normalitat de les dades:
shapiro.test(uscancer_clean$age_adj_deathrate)

##
## Shapiro-Wilk normality test
##
## data: uscancer_clean$age_adj_deathrate
## W = 0.98345, p-value < 2.2e-16</pre>
```

Tot i que obtenim un valor estadístic elevat, el p-valor és molt menut i per tant s'ha de descartar l'hipòtesi nul·la de normalitat. Amb aquest resultat hem de concloure que les dades no segueixen una distribució normal. Així i tot, procurarem de millorar la normalitat abans de continuar. Primerament eliminarem els valors extrems que superen la ràtio del 100%.

```
# Eliminem els outliers majors a 100 del deathrate
uscancer_clean2 <- uscancer_clean
uscancer_clean2<-uscancer_clean2[!(uscancer_clean2$age_adj_deathrate > 100),]
shapiro.test(uscancer_clean2$age_adj_deathrate)
```

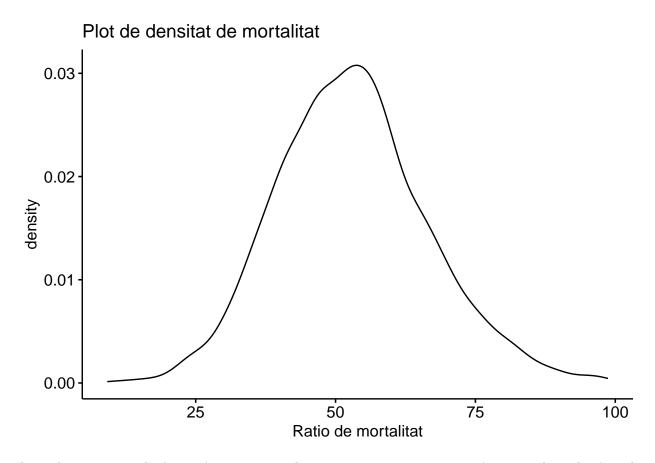
```
##
## Shapiro-Wilk normality test
##
## data: uscancer_clean2$age_adj_deathrate
## W = 0.99468, p-value = 1.66e-08
```

Tot i que es millora la normalitat de les dades, segueix essent insuficient, ja que també ens dóna un p-valor molt menut que ens obliga a descartar la normalitat. Provarem finalment a fer una transformació per millorar encara més la seua normalitat:

```
# Després d'haver fet la distribució més endavant, sabem que té una desviació
# lleugera positiva. Per tant la millor transformació és l'arrel quadrada.
dades_trans <- sqrt(uscancer_clean2$age_adj_deathrate)
shapiro.test(dades_trans)</pre>
```

```
##
## Shapiro-Wilk normality test
##
## data: dades_trans
## W = 0.99716, p-value = 4.565e-05
```

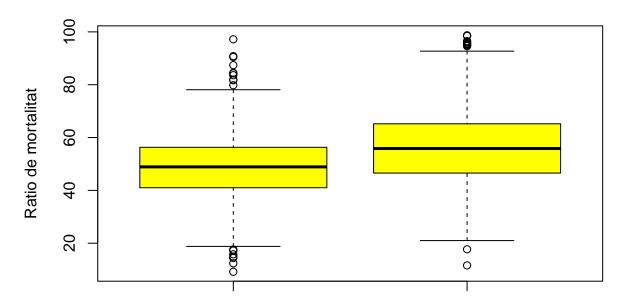
Una vegada més, tot i que obtenim una millora en la normalitat de les dades, seguim amb un p-valor inferior a 0.05. Com la transformació no ens ha ajudat per arreglar la normalitat de les dades la descartarem per evitar complicar l'interpretació dels test. Al veure que no es pot millorar la normalitat amb test formals, hem decidit visualitzar la distribució de la mortalitat per veure si s'aproxima a una distribució normal. A la gràfica de sota s'hi pot veure amb claritat que la nostra distribució és prou semblant a una distribució normal. És per això que decidim concloure que les dades tenen una distribució normal, però ens calen més mostres per poder afirmar-ho formalment. És a dir, amb més dades la distribució tendirà a una distribució normal. El que volem dir és que ens basem exclusivament en el Teorema del Limit Central i l'observació de la densitat per afirmar que les dades segueixen una distribució normal. Asumim per tant la seua normalitat.



Ara cal revisar que els dos paràmetres que volem comparar tinguen una variància igual per la ràtio de mortalitat. Com sabem que es sol dir que en els entorns urbans augmenta la mortalitat, podem intuïr que la variància no serà igual. Així i tot, comprovem l'homoscedasticitat:

```
##
## F test to compare two variances
##
## data: rural$age_adj_deathrate and urban$age_adj_deathrate
## F = 0.7103, num df = 1216, denom df = 1579, p-value = 3.5e-10
## alternative hypothesis: true ratio of variances is not equal to 1
## 95 percent confidence interval:
## 0.6392276 0.7898611
## sample estimates:
## ratio of variances
## 0.7103022
```

Diferencia de mortalitat



A través d'una inspecció visual, i del var.test, podem concloure que ambdues poblacions tenen variàncies diferents. Primerament al var.test veiem que el p-valor no és superior a 0.05, i després podem observar les distribucions d'ambdós paràmetres i s'hi veu com les dades dels entorns urbans tendeixen a ser pitjors (major mortalitat).

Ara, finalment, aplicarem un test per comparar dues poblacions independents, que asumim que seran normals, amb variàncies desconegudes i diferents. La nostra hipòtesi nul·la és que les mitjanes són iguals per a ambdues poblacions; i la nostra hipòtesi alternativa és que la mitjana dels entorns urbans és major a la rural. És a dir:

```
##
## Welch Two Sample t-test
##
## data: urban$age_adj_deathrate and rural$age_adj_deathrate
## t = 15.193, df = 2772.5, p-value < 2.2e-16</pre>
```

 $\mathbf{H0} = y(urban) = y(rural)$

Amb una confinança del 95% podem concloure que la mitjana del ràtio de mortalitat en entorns urbans és major que la mitjana als entorns rurals. És a dir: y(urban) > y(rural). Extraiem aquesta conclusió perquè el p-valor és menor que la significància escollida, 0.05, i per tant s'ha de descartar l'hipòtesi nul·la i acceptar l'alternativa.

Tot això ens ve a dir que els factors ambientals influèixen a la mortalitat del càncer. Concretament, les persones que viuen en entorns urbans tenen més risc de morir per càncer que les persones que viuen a entorns rurals.

4.2 Estudi de la mortalitat segons variables de control

4.3 Model predictiu de la mortalitat per càncer