Prof. Dr. Christoph Bockisch

Klausur zur Vorlesung

Deklarative Programmierung

Wichtige Hinweise:

- · Schalten Sie jetzt Ihr Mobiltelefon und alle medizinisch nicht notwendigen potentiellen Lärmquellen aus.
- Entfernen Sie jetzt alle unerlaubten Gegenstände vom Tisch. Erlaubt sind nur ein Stift (kein Rot-, Grün-, oder Bleistift) und Getränke. Halten Sie Ihren Studentenausweis und Personalausweis/Reisepass bereit.
- Es sind keine eigenen Hilfsmittel erlaubt. Zuwiderhandlungen führen zum Ausschluss.
- Schreiben Sie Ihren Namen und Ihre Matrikelnummer auf jedes Blatt in Druckbuchstaben. Blätter ohne Namen ergeben 0 Punkte! Füllen Sie folgende Tabelle in Druckbuchstaben aus:

| orgodori o i ariiktor i anom o | no loigondo labono in Brachedoniciason ado. |
|--------------------------------|---|
| Vorname | |
| Nachname | |
| Matrikelnummer | |
| Fachbereich | |
| Studienfach | |
| Angestrebter Abschluss | |

- Die Bearbeitungszeit beträgt 2 Stunden.
- Verwenden Sie kein eigenes Papier. Sie k\u00f6nnen die Extrabl\u00e4tter am Ende des Klausurbogens nutzen oder nach Extrabl\u00e4ttern fragen. Machen Sie ggf. im vorgesehenen L\u00f6sungsfeld kenntlich, wo die L\u00f6sung zu finden ist und tragen Sie auch auf Extrabl\u00e4ttern Ihren Namen und Ihre Matrikelnummer ein.
- Mehrere widersprüchliche Lösungen zu einer Aufgabe werden mit 0 Punkten bewertet.
- Falls Sie eine Frage haben, so wenden Sie sich bitte leise an einen der Tutoren.
- Die Klausur ist ab 45 Punkten definitiv bestanden. Mit mindestens 95 Punkten erreichen Sie definitiv die Note 15.

Wird bei der Korrektur ausgefüllt:

| Aufgabe | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | Total |
|-----------------|---|----|----|---|----|----|----|----|-------|
| Punkte | 8 | 11 | 18 | 9 | 20 | 11 | 10 | 13 | 100 |
| Punkte erreicht | | | | | | | | | |

| | gabe 1: Wissensfragen ntworten Sie die folgenden Fragen in 1–2 kurzen Sätzen! | 8 Punkte |
|----|---|----------|
| a) | Beschreiben Sie, was ein Literal ist. Geben Sie ein Beispiel. | 2 |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | Beschreiben Sie, was Konfluenz bei der Auswertung von Ausdrücken bedeutet ist. Geben Sie ein Beispiel . | 2 |
| | |] |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | |] |
| C) | Was ist syntaktischer Zucker? | _2 |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |
| d) | Beschreiben Sie, wie man beim Top-Down Entwurf von Funktionen vorgeht. | 2 |
| | | |
| | | |
| | | |
| | | |

Matrikelnummer:

Nachname:

Vorname:

Für die Teilaufgaben a) bis c): Welches Ergebnis liefern die folgenden Ausdrücke? Es genügt, wenn Sie das Ergebnis notieren. Die angewendeten Regeln müssen nicht aufgeschrieben werden. Tritt beim Auswerten ein Fehler auf, geben Sie die Art und Ursache des Fehlers an.

| (a) | (cond [(and (> -1 1) (< -1 (/ 10 0))) 1] [(< 1 -1) 2]) | 2 |
|---------------|---|---|
| | | |
| / I= \ | Cabacilla a Cia in daga Farabaia Liatas in dag Dagatallan a (1 i at | |
| (b) | Schreiben Sie in dem Ergebnis Listen in der Darstellung (list). (cons (+ 4 5) '(make-posn 1 2)) | 2 |
| | | |
| | | |
| | | |
| (c) | ((lambda (x) (+ x x)) (* 2 2)) | 2 |
| (0) | ((Cambua (^) (| |
| | | |
| | | |
| | | |

| Vorname: | Nachname: | Matrikelnummer: |
|----------|-----------|-----------------|
| | | |

(d) Reduzieren Sie den Ausdruck (Zeile 5) in dem folgenden Programm unter der gegebenen Umgebung zu einem Wert. **Geben Sie alle nötigen Reduktionsschritte unter Angabe der Regelnamen an.** Benutzen Sie die Reduktionsregeln der BSL-Sprache.

```
; In der Umgebung befindet sich diese Definition
(define (f x y) (cond [x (posn-x y)] [else (posn-y y)]))
;
reduzieren Sie den folgenden Aufruf
(f (empty? '()) (make-posn 3 4))
```

Aufgabe 3: Funktionsdefinitionen und Signaturen

18 Punkte

(a) Geben Sie die Signatur der folgenden Funktion an. Verwenden Sie soweit nötig Typparameter, welche die Beziehungen zwischen den Parametern in der Signatur korrekt repräsentieren. Listen sollen immer homogen sein.

```
7
```

```
(define (f x y z)
  (cond [(empty? x) empty]
        [(first y) (cons (z (first x)) (f (rest x) (rest y) z))]
        [else (f (rest x) (rest y) z)]))
```

Aufgabe 3 von 8

| Vorname: | Nachname: | Matrikelnummer: |
|----------|-----------|-----------------|
| | | |

Gegeben sind folgende Struktur- und Datendefinitionen:

```
(define-struct cell (value priority rest))
; Eine Cell ist eine Struktur: (make-cell String Priority PrioList)
; interp. eine Zelle einer Prioritätsliste
; Eine Priority kann einen der folgenden Werte annehmen:
; - "high"
; - "low"
; interp. jedes Element von Priority wird durch eine String-Beschreibung
; der Dringlichkeit dargestellt.
; Ein PrioList ist eins von:
; - Cell
; - empty
; interp. eine Liste von String Einträgen, die eine Priorität haben.
; Ein StringOrFalse ist eins von:
; - String
; - false
; interp. ein String-Wert oder false, wenn kein String-Wert ermittelt werden konnte
```

- (b) Um was für eine Art Datentyp handelt es sich jeweils bei den Typen?
 - Cell ist ein _______
 - Priority ist ein _____ und hat die Kardinalität ____.

| Vorname: | | Nachname: | | Matrikelnummer: | |
|------------------------------------|----------------------------------|------------------------|-------------------------------|--|----------|
| | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| Aufgabe 4: Alge | braische Date | ntypen | | | 9 Punkte |
| Programm mit Ei die Adresse und | nfamilienhäuse die Anzahl der | rn und Mehrfamilienhäu | isern arbeite Nehrfamilien | werden. Im ersten Schritt soll das en. Ein Einfamilienhaus wird durch ihäuser werden beschrieben durch Zimmern enthält. | |
| milienhäusei | | • | | familienhäusern (EFH) und <i>Mehrfa-</i> n Algebraischen Typen <i>Immobilie</i> | |
| an. | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| | | | | | |
| l l | | | | | |

| Vorname: | Nachname: | Matrikelnummer: |
|----------|-----------|-----------------|
| | | |

Aufgabe 5: Reduktion und Äquivalenz

20 Punkte

Für die folgenden Teilaufgaben a) und b) gehen Sie davon aus, dass sich die folgende Definition in der Umgebung befindet. Die Funktion berechnet die geometrische Reihe für die Zahl 2 bis zum Index n, also $\sum_{0}^{n} 2^{n}$. Das Argument der Funktion ist eine natürliche Zahl, also eine ganze Zahl ≥ 0 . Die Exponentialfunktion a^{n} in Racket ist (expt a n).

Es soll die Äquivalenz (geosum n) \equiv (- (expt 2 (+ n 1)) 1) durch strukturelle Induktion über n bewiesen werden. Dabei dürfen Sie mehrere algebraische Umformungen zu einem Schritt zusammenfassen. Insbesondere kann diese Äquivalenz hilfreich sein: $2^{n+1} + (2^{n+1} - 1) \equiv 2^{n+1+1} - 1$. Außerdem dürfen Sie in einem Schritt mittels der Regel *PRIM* die folgende Äquivalenzumformung durchführen: (add1 n) \equiv (+ n 1).

(a) Stellen Sie die im **Induktionsanfang zu beweisende Äquivalenz** auf und führen Sie den **Induktionsanfang** durch.

| (b) | Stellen Sie die im Induktionsschritt zu beweisende Äquivalenz und die Induktionsannahme auf. Führen Sie anschließend den Induktionsschritt durch. | | | | | | | |
|-----|---|--|--|--|--|--|--|--|
| | | | | | | | | |
| | | | | | | | | |
| | | | | | | | | |
| | | | | | | | | |
| | | | | | | | | |
| | | | | | | | | |
| | | | | | | | | |
| | | | | | | | | |
| | | | | | | | | |
| | | | | | | | | |
| | | | | | | | | |
| | | | | | | | | |
| | | | | | | | | |
| | | | | | | | | |

| Vorname: | Nachname: | Matrikelnummer: |
|----------|-----------|-----------------|
| | | |

Die folgende Teilaufgabe ist nicht mehr Teil des Äquivalenzbeweises und die Funktion geosum wird nicht mehr benötigt.

(c) Implementieren Sie die Funktion (flat l) in Racket mithilfe von Pattern-Matching. Sie dürfen in dieser Teilaufgabe keine Selektorfunktionen verwenden! Diese Funktion bekommt als Argument eine Liste, die sowohl Zahlen als auch Instanzen der Struktur pair (Definition, siehe unten) enthält. Das Ergebnis soll eine Liste sein, in der jede Strukturinstanz durch die Elemente des Paars ersetzt wurde.

```
(define-struct pair (left right))
(check-expect (flat '() ) '())
(check-expect (flat (list 1 (make-pair 2 3))) (list 1 2 3))
(define (flat l)
```

<u>Hinweis:</u> Die folgenden aus der Vorlesung bekannten Funktionen höherer Ordnung dürfen Sie in Aufgabenteil a) und b) verwenden:

```
; [X] (X -> Boolean) (listof X) -> (listof X)
; Gibt eine Liste zurück mit allen Elementen aus l, die das Prädikat p erfüllen
(filter p l)

; [X Y] (X -> Y) (listof X) -> (listof Y)
; Bildet alle Elemente aus l mit f ab und liefert die Liste der Ergebnisse.
(map f l)

; [X Y] (X Y -> Y) Y (listof X) -> Y
; Kombiniert alle Elemente der Liste l durch f, wobei das letzte Element mit
; base kombinitert wird. Die leere Liste wird auf base abgebildet, die Elemente
; werden von rechts nach links durchlaufen.
(foldr f base l)
```

Definieren Sie die nachfolgenden Racket-Funktionen in Teilaufgabe a) und b) nur durch Aufrufe der oben genannten Funktionen höherer Ordnung. Das heißt, der Body-Ausdruck Ihrer Funktion darf keine Aufrufe an andere primitive oder selbst-definierte Funktionen enthalten. Primitive oder selbst-definierte Funktionen dürfen aber als Argument an die Funktionen höherer Ordnung übergeben werden.

```
(a) ; [X] (list-of (list-of X)) -> (list-of Number)
    ; Für eine Liste l, deren Elemente beliebige Listen sind, gibt die
    ; Funktion eine Liste der Längen der Elemente zurück
    (check-expect (lengths '((1 2 3 4) (5 7 8))) '(4 3))
    (define (lengths l)
```

Vorname: Nachname: Matrikelnummer:

```
(b) ; (list-of String) Number -> (list-of String)
    ; Gibt für eine Liste l von Strings eine neue Liste
    ; zurück, die nur die Strings mit einer Länge > n enthält.
    (check-expect (f '("" "a" "ab") 1) '("ab"))
    (check-expect (f '("" "a" "ab") 2) '())
    (check-expect (f '() 3) '())
    (define (f l n)
```

(c) Implementieren Sie die untenstehende Funktion, **ohne** die Funktionen foldr, map und filter zu benutzen.

```
; Ein List-or-Number ist eins von
; - (list-of List-or-Number)
; - Number

; (Number -> Number) List-or-Number -> List-or-Number
; Die Funktion deep-map wendet die Funktion f auf jede Zahl an in val
; an und gibt eine verschachtelte Liste mit derselben Struktur wie val zurück.
(check-expect (deep-map addl 1) 2)
(check-expect (deep-map addl '(1)) '(1))
(check-expect (deep-map addl '(1)) '(2))
(check-expect (deep-map addl '(1)) '(2))
(check-expect (deep-map addl '(1)) '(2))
(define (deep-map f val)
```

6

(a) Implementieren Sie mittels eines Akkumulators die Funktion (count-until alon max). Die Funktion bestimmt, wie viele Elemente vom Anfang der List alon mindestens aufsummiert werden müssen, um eine Zahl ≥ max zu erhalten. Wenn max nicht erreicht werden kann, soll die Funktion die Anzahl der Elemente in der Liste zurückgeben. Geben Sie die Akkumulator-Invariante mit an. Befolgen Sie das Entwurfsrezept für Funktionen mit Akkumulator.

```
; (list-of Number) Number -> Number
(check-expect (count-until '(1 3 5 7) 1) 1)
(check-expect (count-until '(1 3 5 7) 5) 3)
(check-expect (count-until '(1 3 5 7) 0) 0)
(check-expect (count-until '(1 3 5 7) 100) 4)
(check-expect (count-until '() 0) 0)
(define (count-until alon max)
```

| Vorname: | Nachname: | Matrikelnummer: |
|----------|-----------|-----------------|
| | | |

(b) Betrachten Sie die folgende Funktion, die eine binäre Suche nach einem Element in einer aufsteigend sortierten Liste durchführt. Dabei gibt die Funktion get das Element einer List an der angegebenen Position zurück. Die Funktion head gibt die Teilliste vor und tail die Teilliste nach der angegebenen Position zurück.

```
(define (binary-search l e)
 (if (empty? l) false
      (local [(define middle (quotient (length l) 2))
              (define middle-element (get l middle))]
        (cond [(= e middle-element) true]
              [(> e middle-element) (binary-search (tail l middle) e)]
```

Aufgabe 8: Prolog 13 Punkte

4

(a) Definieren Sie die folgende Prozedur in Prolog. Die Verwendung von Bibliotheks-Prozeduren aus Prolog ist dabei nicht gestattet. Definieren Sie benötigte Hilfsprozeduren selbst. Hinweis: Die arithmetischen Vergleichsprädikate <, >, =<, >=, == (Gleichheit), \= (Ungleichheit) dürfen verwendet werden und werden in Prolog infix geschrieben, zum Beispiel: ?- 2 =< 3. count (L, V, C): L ist eine Liste, V ist ein beliebiger Wert und C ist eine Zahl. Dabei ist C die Anzahl, wie oft das Element V in der Liste L vorkommt. Als Beispiel nehmen Sie die Abfragen: • ?- count([1, 2, 1], 1, Cnt). • ?- count([1, 2, 1], 2, Cnt). • ?- count([1, 2, 1], 3, Cnt). Alle drei abfragen sind erfüllt jeweils mit den Substitutionen Cnt = 2, Cnt = 1 beziehungsweise Cnt = 0.

| Vorname: | Nachname: | Matrikelnummer: |
|----------|-----------|-----------------|
| | | |

Gegeben seien die folgenden Definitionen der Prozeduren b – d und die Abfragen in Teilaufgaben b) – d), die diese verwenden. Geben Sie für jede Abfrage an, was das **Resultat** ist. Wenn eine Abfrage erfüllt ist, geben Sie eine gültige **Substitution** aller Variablen an. Im Fall eines **Fehlers** geben Sie eine kurze **Begründung** an.

```
b(l( X ), [ X ]).
b(n(L, R), [ X, Y ]) :- b(L, X), b(R, Y).

c(X, Y, Z) :- Z is X + Y.

d([ insekt(biene), fisch(guppy) ], X).

(b) ?- b( T, [ [ 1 ] , [ 2 ] ] ).

3
```

3





