



INSTITUTO POLITÉCNICO NACIONAL

ESCUELA SUPERIOR DE CÓMPUTO

TÍTULO DEL PROYECTO

Zarate Cardenas Alejandro

Autores:

Campos Zeron Salvador

Díaz González Lizeth

Girón Flores Carlos Alberto

Hernández García Jaime Gabriel

Izoteco Zacarias Pedro Uriel

Sánchez Ortega Gabriel

10 de Marzo 2023

Índice

1	Introducción	2
1.1	Lo que revisamos	2
2	Problemario 1 (293-295)	2
2.1	Problema 5	2
2.2	Problema 17	2
2.3	Problema 29	3
2.4	Problema 41	3
2.5	Problema 53	3

1 Introducción

El capítulo 5 del libro "Cálculo de Trascendentes Tempranas" de Dennis G. Zill se enfoca en el tema de las integrales definidas. Las integrales definidas son una herramienta fundamental en el cálculo integral y se utilizan para calcular el área bajo una curva, el volumen de sólidos de revolución y muchas otras aplicaciones en matemáticas, física y otras áreas de la ciencia.

1.1 Lo que revisamos

A lo largo de este documento se podrá ver la resolución de los problemas propuestos en el libro anteriormente mencionado aclarando que dichos problemas fueron divididos por equipo tocándole al "Equipo Capibara" los problemas impares (5, 17, 29, 41, 53, 65) de las páginas: 293-295 y 303-305

2 Problemario 1 (293-295)

2.1 Problema 5

Desarrolle la suma indicada:

$$\sum_{k=1}^{10} \frac{(-1)^k}{2k+5} \quad (1)$$

Donde si hacemos a sumatoria dada por la ecuación 1 tenemos:

$$\begin{aligned} & \frac{(-1)^1}{2(1)+5} + \frac{(-1)^2}{2(2)+5} + \frac{(-1)^3}{2(3)+5} + \frac{(-1)^4}{2(4)+5} + \frac{(-1)^5}{2(5)+5} + \\ & \frac{(-1)^6}{2(6)+5} + \frac{(-1)^7}{2(7)+5} + \frac{(-1)^8}{2(8)+5} + \frac{(-1)^9}{2(9)+5} + \frac{(-1)^{10}}{2(10)+5} \end{aligned} \quad (2)$$

Realizando las respectivas operaciones en 2

$$-\frac{1}{7} + \frac{1}{9} - \frac{1}{11} + \frac{1}{13} - \frac{1}{15} + \frac{1}{17} - \frac{1}{19} + \frac{1}{21} - \frac{1}{23} + \frac{1}{25} = -0.062065975 \dots \quad (3)$$

Teniendo así que el resultado está dado en la ecuación 4, es decir, la que está a continuación:

$$\sum_{k=1}^{10} \frac{(-1)^k}{2k+5} = -0.062065975 \dots \quad (4)$$

2.2 Problema 17

Escriba en notación sigma la suma dada

$$6 + 6 + 6 + 6 + 6 + 6 + 6 + 6 \quad (1)$$

Contando el numero de veces que aparece el 6 en la suma 1 tenemos que k(contador) toma valores de 1 a 8 dejandonos con la siguiente expresion:

$$\sum_{k=1}^8 6 \quad (2)$$

2.3 Problema 29

Utilizando lo siguiente:

$$A = \lim_{n \rightarrow \infty} \sum_{k=1}^n f\left(a + k \frac{b-a}{n}\right) * \frac{b-a}{n} \quad (1)$$

Y los siguientes teoremas:

$$\begin{aligned} \sum_{k=1}^n c &= nc & \sum_{k=1}^n k &= \frac{n(n+1)}{2} \\ \sum_{k=1}^n k^2 &= \frac{n(n+1)(2n+1)}{6} & \sum_{k=1}^n k^3 &= \frac{n^2(n+1)^2}{4} \end{aligned}$$

Con la propiedad dada en la ecuacion 1 y los teoremas dados anteriormente calcule el area bajo la funcion siguiente:

$$f(x) = x, [0, 6] \quad (2)$$

Con dicha informacion podemos decir que:

$$a = 0 \qquad b = 6$$

Entonces:

$$A = \lim_{n \rightarrow \infty} \sum_{k=1}^n f\left(0 + k \frac{6-0}{n}\right) * \frac{6-0}{n} \quad (3)$$

Desarrollando:

$$a$$

2.4 Problema 41

2.5 Problema 53