# Bazy Danych Lista 1

## Kamil Matuszewski

7 marca 2017

#### Zadanie 1

Zauważmy, że operatory  $\pi, \rho, \times, \cup$  nie zmniejszają nam liczby krotek, podczas gdy różnica to robi. W takim razie musimy użyć operatora  $\sigma$ . Załóżmy, że możemy zrobić taką kombinację koniunkcji warunków F, że nasza formuła zwróci nam różnicę. Załóżmy, że najmniejsza liczba atomów wszystkich warunków F to n Weźmy zbiory A i B, takie, że  $A \setminus B$  ma n+1 elementów. Ale to oznacza, że A ma przynajmniej n+1 elementów. To z kolei oznacza, że dla jakiegoś a z A nie porównaliśmy a z żadnym elementem z B (z zasady szufladkowej). W takim razie nie mieliśmy możliwości stwierdzenia, że a nie należy do B. W takim razie potrzebowaliśmy przynajmniej n+1 atomów, a to z kolei oznacza, że nie wzięliśmy minimalnej liczby, sprzeczność.

Inaczej: żeby stwierdzić czy coś jest czy nie jest w różnicy, potrzebujemy przynajmniej tyle porównań co w tej różnicy, a nie wiemy jak duża będzie ta różnica.

#### Zadanie 2

O ile  $\pi$  zlikwiduje duplikaty to tak, w przeciwnym wypadku nie. Jeśli dopuszczamy null, musimy jeszcze sprawdzić, czy któryś z elementów jest równy null, bo nie możemy porównywać nulli.

#### Zadanie 3

**a.** Zapytanie  $G_{count_{int}(bar)}(\pi_{bar,sok}(B \bowtie P))$ :

 $\pi_{bar,sok}(B \bowtie P)$  zwróci pary (bar,sok) takie, że w barze bar bywa jakaś osoba, i podają tam sok sok. W szczególności to oznacza tylko takie bary w których ktoś bywa, i w których jest podawany jakiś sok. W sumie wyrażenie zwróci nam pary bar, n takie, że w barze bar ktoś bywa i podają tam n>0 soków.

b.

$$A = \pi_{osoba, sok, bar}(B \bowtie P \bowtie L)$$

$$B = G_{count_{int}(osoba, bar)}(A)$$

$$C = \sigma_{n \geqslant 5}(B)$$

Wyrażenie:

 $\pi_{osoba,bar}(C)$ 

c.

$$A = \pi_{sok,bar}(P)$$

$$B = G_{cout_{int}(sok)}(A)$$

$$C = \sigma_{n \ge 5}(B)$$

$$D = L \bowtie \pi_{sok}(C)$$

$$E = G_{count_{int}(sok)}(D)$$

$$F = \sigma_{n \geqslant 5}(E)$$

Wyrażenie:

$$\pi_{sok}(F)$$

**d.** Niech  $min_{strng}$  przyjmuje jako argumenty krotki (osoba, sok, bar, cena) i zwraca nazwę baru bar dla którego cena jest najmniejsza. Wtedy:

$$G_{min_{string}(osoba, sok)}(B \bowtie P)$$

Jest szukanym wyrażeniem

### Zadanie 4

- a. Lista autorów, których książki nie były wypożyczane od 2006 roku.
- **b.** Nazwiska osób, które nie oddały przynajmniej dwóch książek
- c. Lista książek i sygnatur najstarszego ich wydania.

## Zadanie 5

- **a.**  $\pi_{nazwisko}(C \bowtie \sigma_{day(czasWyp)=day(czasZwr)}(W))$
- b.  $A = \sigma_{IsNull(czasZwr)(W)}$  Informacje o wypożyczeniu czytelników którzy nie oddali jakiejś książki

$$W1 = \rho_{nrC1,sygn1,czasWyp1,czasZwr1}(W)$$

$$W2 = \rho_{nrC2,sygn2,czasWyp2,czasZwr2}(W)$$

 $B=\sigma_{sygn1\neq sygn2\wedge nrC1=nrC2}(W1\times W2)$ - Informacje o wypożyczeniu czytelników którzy wypożyczyli więcej niż jedną książkę

 $\pi_{nazwisko}(C \bowtie A \cup C \bowtie B))$  - Zdarzenie przeciwne do naszego

$$\pi_{nazwisko}(C \bowtie W) \backslash \pi_{nazwisko}(C \bowtie (A \cup B))$$

- **c.**  $\pi_{nazwisko}(\sigma_{nrK \neq nrK1}(\pi_{nazwisko,nrC,nrK}(C \bowtie W \bowtie E \bowtie K) \bowtie \rho_{nrC,nrK1}(L)))$
- d.  $A = \pi_{nrC}(\sigma_{tytul="Lalka" \land autor="Prus"}(L \bowtie K))$  numery czytelnika osób które lubią "Lalkę" Prusa

 $B = \pi_{nrK}(L \bowtie A)$  - Lista książek lubianych przez osoby które lubią "Lalkę" Prusa

Wyrażenie:

 $\pi_{tytul}(B \bowtie K)$