# Bazy Danych Lista 4

## Kamil Matuszewski

#### 28 marca 2017

## Zadanie 1

- 1. Kluczem jest KA. Ani K ani A nie da się w żaden sposób wyprowadzić, więc zarówno K jak i A muszą być w kluczu. Ale z KA da się wywnioskować wszystko inne, więc KA jest kluczem i to jedynym kluczem.
- 2. Nie, bo np  $K \to D$

3.

$$R_1 = AKD \quad F_1 = \{K \to D\}$$

$$R_2 = AKM \quad F_2 = \{A \to M\}$$

$$R_3 = AKI \quad F_3 = \{AK \to I\}$$

$$R_4 = AKB \quad F_4 = \{A \to B\}$$

#### Zadanie 2

•  $r \subseteq \pi_{R_1} \bowtie \pi_{R_2}$ 

Prawa strona powstaje z r, więc będzie w szczególności zawierać wszystkie krotki z r i być może coś więcej (nie zachodzi równość).

Weźmy  $R=INO,\,R_1=IN,\,R_2=NO$  oraz niech w N będą dwie takie same krotki (różnią się na I). Wtedy złączenie naturalne stworzy wszystkie pary.

				Ι	N	О
I	N	О		1	A	4
1	A	4	$R_1 \bowtie R_2$	1	A	5
2	A	5		2	A	4
			,	2	A	5

•  $(F_1 \cup F_2)^+ \subseteq F^+$ 

Dla dowolnego  $\alpha \to \beta \in (F_1 \cup F_2)^+$  musiało ono należeć albo do  $F_1^+$  albo do  $F_2^+$  albo wynikać jakoś z zależności z jednego i z drugiego. No ale  $F_1^+, F_2^+ \in F^+$ , więc zachodzi zawieranie. Równości nie ma, bo podczas rozbicia mogą zniknąć nam jakieś zależności.

$$R = INO, R_1 = IN, R_2 = O, F = \{I \rightarrow O\}, F_1 = \{\}, F_2 = \{\}, (F_1 \cup F_2)^+ = \{\}$$

Widzimy, że tak dobrana baza traci relację  $I \to O$ 

#### Zadanie 3

$$R = MBKIAD$$

$$R_1 = KD$$

$$MBKIA$$

$$R_2 = MB$$

$$MKIA$$

$$R_3 = AM$$

$$KIA$$

$$R_4 = AKI$$

# Zadanie 4

$$\begin{split} R &= KNOUSGT \\ F_{min} &= \{K \rightarrow N, KG \rightarrow S, GS \rightarrow K, GN \rightarrow S, KU \rightarrow O, GU \rightarrow S\} \\ R_1 &= KN \\ R_2 &= KGS \\ R_3 &= GNS \\ R_4 &= KUO \\ R_5 &= GUS \\ R_6 &= GUT \end{split}$$