# РОССИЙСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ДРУЖБЫ НАРОДОВ

Факультет физико-математических и естественных наук

Кафедра прикладной информатики и теории вероятностей

## ОТЧЕТ ПО ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЕ №5

дисциплина: Математическое моделирование

Преподователь: Кулябов Дмитрий Сергеевич

Студент: Поляков Арсений Андреевич

Группа: НФИбд-03-19

**MOCKBA** 

2022 г.

## Цель работы

Построение модели Лотки-Вольтерры "хищник-жертва".

#### Теоретическое введение

Данная двувидовая модель основывается на следующих предположениях:

1. Численность популяции жертв х и хищников у зависят только от времени (модель не учитывает пространственное распределение популяции на занимаемой территории)

- 2. В отсутствии взаимодействия численность видов изменяется по модели Мальтуса, при этом число жертв увеличивается, а число хищников падает
- 3. Естественная смертность жертвы и естественная рождаемость хищника считаются несущественными
- 4. Эффект насыщения численности обеих популяций не учитывается
- 5. Скорость роста численности жертв уменьшается пропорционально численности хищников

Уравнение имеет следующий вид:

$$\frac{dx}{dt} = ax(t) - bx(t)y(t)$$

$$\frac{dy}{dt} = -cy(t) + dx(t)y(t)$$

В этой модели x – число жертв, y - число хищников. Коэффициент а описывает скорость естественного прироста числа жертв в отсутствие хищников, c- естественное вымирание хищников, лишенных пищи в виде жертв. Вероятность взаимодействия жертвы и хищника считается пропорциональной как количеству жертв, так и числу самих хищников (ху). Каждый акт взаимодействия уменьшает популяцию жертв, но способствует увеличению популяции хищников (члены -bxy и dxy в правой части уравнения).

Стационарное состояние системы уравнений (положение равновесия, не зависящее от времени решение) будет в точке:

$$x_0 = \frac{c}{d}, y_0 = \frac{a}{b}$$

#### Условия задачи

Вариант 35

Для модели «хищник-жертва»:

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = -0.29x(t) + 0.031x(t)y(t) \\ \frac{dy}{dt} = 0.33y(t) - 0.024x(t)y(t) \end{cases}$$

Постройте график зависимости численности хищников от численности жертв, а также графики изменения численности хищников и численности жертв при следующих начальных условиях:

$$x0 = 7$$
,  $y0 = 14$ .

Найдите стационарное состояние системы. (интервал t = [0; 400] (шаг = 0.1)).

## Выполнение лабораторной работы

Построение модели Лотки-Вольтерры "хищник-жертва"

Модели «хищник-жертва» Варианта-35:

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = -0.29x(t) + 0.031x(t)y(t) \\ \frac{dy}{dt} = 0.33y(t) - 0.024x(t)y(t) \end{cases}$$

Чтобы построить фазовый портрет модели, я написал следующий код:

```
model lab05

parameter Real a = 0.29;

parameter Real b = 0.031;

parameter Real c = 0.33;

parameter Real d = 0.024;

parameter Real x0 = 7;

parameter Real y0 = 14;

Real x(start = x0);

Real y(start = y0);

parameter Real stat_x = c/d;

parameter Real stat_y = a/b;

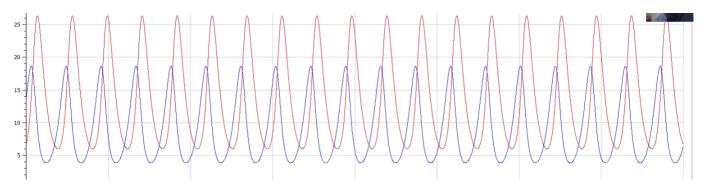
equation

der(x) = -a*x + b*x*y;

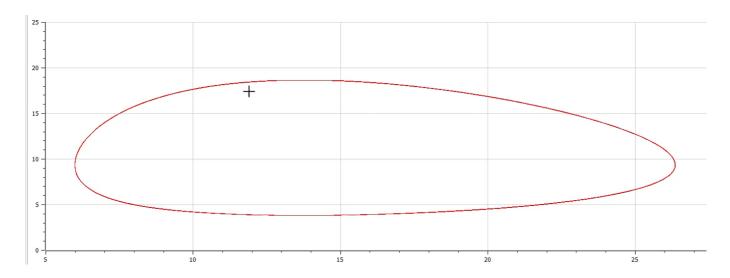
der(y) = c*y - d*x*y;

end lab05;
```

и получил фазовый портрет модели в варианте для обычной системы, зависящей от времени:



и фазовый портрет модели в варианте для параметрической системы:



# Выводы

После завершения данной лабораторной работы - я научился выполнять построение модели Лотки-Вольтерры "хищник-жертва" в OpenModelica.

# Список литературы

1. Кулябов, Д.С. - Модель хищник-жертва https://esystem.rudn.ru/pluginfile.php/1343893/mod\_resource/content/2/ Лабораторная%20работа%20№%204.pdf