



Отчёт по выполнению практического задания № 7.1
Тема:
«Балансировка дерева поиска»

Группа: ИКБО-10-23

Москва 2024

Вариант:

Номер: 6

Тип значения узла: вещественное

Тип дерева: АВЛ-дерево

1.1 Формулировка задачи

Составить программу создания двоичного дерева поиска и реализовать процедуры для работы с деревом согласно варианту.

Процедуры оформить в виде самостоятельных режимов работы созданного дерева. Выбор режимов производить с помощью пользовательского (иерархического ниспадающего) меню.

Провести полное тестирование программы на дереве размером $n=10$ элементов, сформированном вводом с клавиатуры. Тест-примеры определить самостоятельно. Результаты тестирования в виде скриншотов экранов включить в отчет по выполненной работе.

Сделать выводы о проделанной работе, основанные на полученных результатах.

Оформить отчет с подробным описанием созданного дерева, принципов программной реализации алгоритмов работы с деревом, описанием текста исходного кода и проведенного тестирования программы.

1.2 Ход решения

AVL-дерево – это сбалансированное двоичное дерево поиска. Так как по определению оно обязано быть сбалансированным, после каждого добавления нового элемента AVL-дерево необходимо проверять на расбалансированность и, в случае её обнаружения, балансировать.

Для определения разбалансированности вводится параметр фактора баланса, который для каждого узла равен разницы высот правого и левого поддеревьев. Дерево является сбалансированным, если для всех его элементов справедливо правило: баланс фактор по модулю не больше единицы. Если же баланс фактор становится равен 2 или -2 — дерево нуждается в балансировке.

Для балансировки используются повороты дерева — они делятся на левые и правые, большие и маленькие. Причём большой поворот является комбинацией двух маленьких.

Также после балансировки изменяются значения высот поддеревьев, поэтому важно исправить их на корректные.

После вставки, балансировки и исправления высот поддеревьев к дереву возможно применять разнообразные операции:

Прямой обход — вывод значения узла, а потом рекурсивный вывод левого и правого поддеревьев.

Обратный обход — рекурсивный вывод левого и правого поддеревьев, а потом вывод значения узла.

Симметричный обход — рекурсивный вывод левого поддерева, вывод собственного значения узла, рекурсивный вывод правого поддерева. Именно при симметричном обходе на выводе получается отсортированная последовательность элементов дерева поиска.

Обход в ширину — последовательный вывод всех элементов, находящихся на одном уровне, после чего вывод следующего уровня. Отличается отсутствием рекурсивных вызовов методов.

Нахождение суммы значений листьев — рекурсивный обход всех элементов со сложением результатов для левого и правого поддеревьев, причем собственное значение возвращают только листья, остальные оставляют его без изменений.

Нахождение среднего арифметического значений всех узлов — рекурсивный обход всех элементов со сложением результатов для левого и правого поддеревьев, причем все узлы возвращают собственное значение. Для нахождения количества также производится рекурсивный обход, в ходе которого каждый узел увеличивает счетчик на единицу.

1.3 Исходный код программ

На рисунках 1-10 представлен исходный коды программы, файлы заголовков и реализации, а также функция main.

```
1  #include "funcs.h"
2
3  using namespace std;
4
5  int main()
6  {
7      avl *tree = nullptr;
8      double x;
9      while (true)
10     {
11         int choise;
12         cout << endl
13             << "Что вы хотите сделать?" << endl
14             << "1 - Вывод содержимого" << endl
15             << "2 - Добавление записи" << endl
16             << "3 - Прямой обход" << endl
17             << "4 - Обратный обход" << endl
18             << "5 - Симметричный обход" << endl
19             << "6 - Обход в ширину" << endl
20             << "7 - Сумма значений листьев" << endl
21             << "8 - Среднее арифметическое узлов" << endl
22             << "9 - Длина пути от корня до значения" << endl
23             << "10 - Высота дерева" << endl
24             << "0 - Выход" << endl
25             << "Номер действия: ";
26         cin >> choise;
27         cout << endl;
28
29         if (choise == 2)
30         {
31             cout << "Введите данные новой записи: ";
32             cin >> x;
33             tree = insert(tree, x);
34             continue;
35         }
36
37         if (!tree)
38         {
39             cout << "Дерево пока что пустое, нечего выводить\n";
40             continue;
41         }
42
43         if (choise == 1)
44         {
45             cout << "AVL дерево:\n";
46             tree->show_tree(tree);
47             cout << endl;
48         }
49         else if (choise == 3)
50         {
51             tree->preorder();
52             cout << endl;
53         }
```

Рисунок 1 — Исходный код программы

```

54     else if (choise == 4)
55     {
56         tree->postorder();
57         cout << endl;
58     }
59     else if (choise == 5)
60     {
61         tree->inorder();
62         cout << endl;
63     }
64     else if (choise == 6)
65     {
66         tree->breadth_first();
67         cout << endl;
68     }
69     else if (choise == 7)
70     {
71         cout << "Сумма значений листьев: " << tree->leaves_sum();
72         cout << endl;
73     }
74     else if (choise == 8)
75     {
76         cout << "Среднее арифметическое узлов: " << tree->avg();
77         cout << endl;
78     }
79     else if (choise == 9)
80     {
81         cout << "Введите искомое значение: ";
82         cin >> x;
83         cout << "Длина пути от корня до значения: " << tree->find_length(x);
84         cout << endl;
85     }
86     else if (choise == 10)
87     {
88         cout << "Высота дерева: " << tree->find_height();
89         cout << endl;
90     }
91     else if (choise == 0)
92     {
93         break;
94     }
95     else {
96         cout << "Неизвестная команда.";
97         cout << endl;
98     }
99 }
100 return 0;
101 }

```

Рисунок 2 — Исходный код программы

```

1  #ifndef __FUNCS__H
2  #define __FUNCS__H
3
4  #include "avl.h"
5
6  int height(avl *p);
7
8  int bfactor(avl *p);
9
10 void fixheight(avl *p);
11
12 avl *rotateright(avl *p);
13
14 avl *rotateleft(avl *q);
15
16 avl *balance(avl *p);
17
18 avl *insert(avl *p, double k);
19
20 #endif

```

Рисунок 3 — Исходный код программы

```

1  #ifndef __AVL__H
2  #define __AVL__H
3
4  #include <iostream>
5  #include <queue>
6
7  struct avl
8  {
9      double value;
10     avl *left;
11     avl *right;
12     int height;
13
14     avl(double value);
15     void preorder();
16     void inorder();
17     void postorder();
18     void breadth_first();
19     double leaves_sum();
20     double avg();
21     int find_length(double value);
22     int find_height();
23     void show_tree(avl* root);
24
25 private:
26     int count();
27     double sum();
28 };
29
30 #endif

```

Рисунок 4 — Исходный код программы

```

1  #include "funcs.h"
2
3  int height(avl *p)
4  {
5      return p ? p->height : 0;
6  }
7
8  int bfactor(avl *p)
9  {
10     return height(p->right) - height(p->left);
11 }
12
13 void fixheight(avl *p)
14 {
15     int hl = height(p->left);
16     int hr = height(p->right);
17     p->height = (hl > hr ? hl : hr) + 1;
18 }
19
20 avl *rotateright(avl *p) // правый поворот вокруг p
21 {
22     avl *q = p->left;
23     p->left = q->right;
24     q->right = p;
25     fixheight(p);
26     fixheight(q);
27     return q;
28 }
29
30 avl *rotateleft(avl *q) // левый поворот вокруг q
31 {
32     avl *p = q->right;
33     q->right = p->left;
34     p->left = q;
35     fixheight(q);
36     fixheight(p);
37     return p;
38 }

```

Рисунок 5 — Исходный код программы


```

40  avl *balance(avl *p) // балансировка узла p
41  {
42      fixheight(p);
43      if (bfactor(p) == 2)
44      {
45          if (bfactor(p->right) < 0)
46              p->right = rotateright(p->right);
47          return rotateleft(p);
48      }
49      if (bfactor(p) == -2)
50      {
51          if (bfactor(p->left) > 0)
52              p->left = rotateleft(p->left);
53          return rotateright(p);
54      }
55      return p; // балансировка не нужна
56  }
57
58  avl *insert(avl *p, double k) // вставка ключа k в дерево с корнем p
59  {
60      if (!p)
61          return new avl(k);
62      if (k < p->value)
63          p->left = insert(p->left, k);
64      else
65          p->right = insert(p->right, k);
66      return balance(p);
67  }

```

Рисунок 6 — Исходный код программы

```

1  #include "avl.h"
2
3  using namespace std;
4
5  avl::avl(double value)
6  {
7      this->value = value;
8      this->left = nullptr;
9      this->right = nullptr;
10     this->height = 1;
11 }
12
13 void avl::preorder()
14 {
15     cout << this->value << " ";
16     if (this->left)
17     {
18         this->left->preorder();
19     }
20     if (this->right)
21     {
22         this->right->preorder();
23     }
24 }
25
26 void avl::inorder()
27 {
28
29     if (this->left)
30     {
31         this->left->inorder();
32     }
33     cout << this->value << " ";
34     if (this->right)
35     {
36         this->right->inorder();
37     }
38 }
39
40 void avl::postorder()
41 {
42
43     if (this->left)
44     {
45         this->left->postorder();
46     }
47     if (this->right)
48     {
49         this->right->postorder();
50     }
51     cout << this->value << " ";
52 }

```

Рисунок 7 — Исходный код программы

```

54 void avl::breadth_first()
55 {
56     queue<avl *> q;
57     q.push(this);
58     while (!q.empty())
59     {
60         avl *cur = q.front();
61         q.pop();
62         cout << cur->value << " ";
63         if (cur->left)
64         {
65             q.push(cur->left);
66         }
67         if (cur->right)
68         {
69             q.push(cur->right);
70         }
71     }
72 }
73
74 double avl::leaves_sum()
75 {
76     if (!this->left && !this->right)
77     {
78         return this->value;
79     }
80     double sum = 0;
81     if (this->left)
82     {
83         sum += this->left->leaves_sum();
84     }
85     if (this->right)
86     {
87         sum += this->right->leaves_sum();
88     }
89     return sum;
90 }
91
92 double avl::avg()
93 {
94     return this->sum() / this->count();
95 }

```

Рисунок 8 — Исходный код программы

```

97  double avl::sum()
98  {
99      int sum = this->value;
100     if (this->left)
101     {
102         sum += this->left->sum();
103     }
104     if (this->right)
105     {
106         sum += this->right->sum();
107     }
108     return sum;
109 }
110
111 int avl::count()
112 {
113     int sum = 1;
114     if (this->left)
115     {
116         sum += this->left->count();
117     }
118     if (this->right)
119     {
120         sum += this->right->count();
121     }
122     return sum;
123 }
124
125 int avl::find_length(double value) {
126     if (this->value == value) {
127         return 0;
128     }
129     int mn = 1000;
130     int x;
131     if (this->left) {
132         x = this->left->find_length(value);
133         mn = x < mn ? x : mn;
134     }
135     if (this->right) {
136         x = this->right->find_length(value);
137         mn = x < mn ? x : mn;
138     }
139     return mn + 1;
140 }
141

```

Рисунок 9 — Исходный код программы

```

142 int avl::find_height() {
143     if (!this->left && !this->right) {
144         return 0;
145     }
146     int mx = -1;
147     int x;
148     if (this->left) {
149         x = this->left->find_height();
150         mx = x > mx ? x : mx;
151     }
152     if (this->right) {
153         x = this->right->find_height();
154         mx = x > mx ? x : mx;
155     }
156     return mx + 1;
157 }
158
159
160 void avl::show_tree(avl* root) {
161     cout << string((root->find_length(this->value)) * 4, ' ') << this->value << '\n';
162     if (this->left) {
163         this->left->show_tree(root);
164     }
165     if (this->right) {
166         this->right->show_tree(root);
167     }
168 }

```

Рисунок 10 — Исходный код программы

1.4 Результаты тестирования

На рисунках 11-19 представлены результаты тестирования программы — все возможные обходы, а также действия над узлами.

```
1 - Вывод содержимого
2 - Добавление записи
3 - Прямой обход
4 - Обратный обход
5 - Симметричный обход
6 - Обход в ширину
7 - Сумма значений листьев
8 - Среднее арифметическое узлов
9 - Длина пути от корня до значения
10 - Высота дерева
0 - Выход
Номер действия: 1

AVL дерево:
42.13
  23.743
    5.1
    34.15
      30.152
      36.15
64.1
  51.7
  78.52
    71
    83.1
```

Рисунок 11 — Результаты тестирования программы

```
Что вы хотите сделать?
1 - Вывод содержимого
2 - Добавление записи
3 - Прямой обход
4 - Обратный обход
5 - Симметричный обход
6 - Обход в ширину
7 - Сумма значений листьев
8 - Среднее арифметическое узлов
9 - Длина пути от корня до значения
10 - Высота дерева
0 - Выход
Номер действия: 3

42.13 23.743 5.1 34.15 30.152 36.15 64.1 51.7 78.52 71 83.1
```

Рисунок 12 — Результаты тестирования программы

```
Что вы хотите сделать?
1 - Вывод содержимого
2 - Добавление записи
3 - Прямой обход
4 - Обратный обход
5 - Симметричный обход
6 - Обход в ширину
7 - Сумма значений листьев
8 - Среднее арифметическое узлов
9 - Длина пути от корня до значения
10 - Высота дерева
0 - Выход
Номер действия: 4

5.1 30.152 36.15 34.15 23.743 51.7 71 83.1 78.52 64.1 42.13
```

Рисунок 13 — Результаты тестирования программы

```
Что вы хотите сделать?
1 - Вывод содержимого
2 - Добавление записи
3 - Прямой обход
4 - Обратный обход
5 - Симметричный обход
6 - Обход в ширину
7 - Сумма значений листьев
8 - Среднее арифметическое узлов
9 - Длина пути от корня до значения
10 - Высота дерева
0 - Выход
Номер действия: 5

5.1 23.743 30.152 34.15 36.15 42.13 51.7 64.1 71 78.52 83.1
```

Рисунок 14 — Результаты тестирования программы

```
Что вы хотите сделать?
1 - Вывод содержимого
2 - Добавление записи
3 - Прямой обход
4 - Обратный обход
5 - Симметричный обход
6 - Обход в ширину
7 - Сумма значений листьев
8 - Среднее арифметическое узлов
9 - Длина пути от корня до значения
10 - Высота дерева
0 - Выход
Номер действия: 6

42.13 23.743 64.1 5.1 34.15 51.7 78.52 30.152 36.15 71 83.1
```

Рисунок 15 — Результаты тестирования программы

```
Что вы хотите сделать?  
1 - Вывод содержимого  
2 - Добавление записи  
3 - Прямой обход  
4 - Обратный обход  
5 - Симметричный обход  
6 - Обход в ширину  
7 - Сумма значений листьев  
8 - Среднее арифметическое узлов  
9 - Длина пути от корня до значения  
10 - Высота дерева  
0 - Выход  
Номер действия: 7  
  
Сумма значений листьев: 277.202
```

Рисунок 16 — Результаты тестирования программы

```
Что вы хотите сделать?  
1 - Вывод содержимого  
2 - Добавление записи  
3 - Прямой обход  
4 - Обратный обход  
5 - Симметричный обход  
6 - Обход в ширину  
7 - Сумма значений листьев  
8 - Среднее арифметическое узлов  
9 - Длина пути от корня до значения  
10 - Высота дерева  
0 - Выход  
Номер действия: 8  
  
Среднее арифметическое узлов: 47
```

Рисунок 17 — Результаты тестирования программы


```

AVL дерево:
42.13
  23.743
    5.1
    34.15
      30.152
      36.15
  64.1
    51.7
    78.52
      71
      83.1

Что вы хотите сделать?
1 - Вывод содержимого
2 - Добавление записи
3 - Прямой обход
4 - Обратный обход
5 - Симметричный обход
6 - Обход в ширину
7 - Сумма значений листьев
8 - Среднее арифметическое узлов
9 - Длина пути от корня до значения
10 - Высота дерева
0 - Выход
Номер действия: 9

Введите искомое значение: 71
Длина пути от корня до значения: 3

```

Рисунок 18 — Результаты тестирования программы

```

Что вы хотите сделать?
1 - Вывод содержимого
2 - Добавление записи
3 - Прямой обход
4 - Обратный обход
5 - Симметричный обход
6 - Обход в ширину
7 - Сумма значений листьев
8 - Среднее арифметическое узлов
9 - Длина пути от корня до значения
10 - Высота дерева
0 - Выход
Номер действия: 10

Высота дерева: 3

```

Рисунок 19 — Результаты тестирования программы

2.1 Выводы

Бинарные деревья поиска — удобные структуры данных, совмещающие удобство восприятия человеком, а также позволяют для разных целей совершать разные обходы.