بنام خدا

گزارش تمرین متلب سری دوم

محمدرضا سیدنژاد ۹۹۱۰۱۷۵۱ آرشام لولوهری ۹۹۱۰۲۱۵۶ ۱٫۱: آخرین section از کد این سوال، مربوط به توابع است که اولین تابع، audioRead است. با دادن آدرس فایل wav به audioread ، این آدرس به ورودی دستور audioread داده میشود تا فایل صوتی را دریافت کند. بردار [start,finish] برای آن است که از کل نمونه های دریافت شده، فقط از نمونه های شماره ۱۴۰۱ تا ۱۴۱۰ استفاده شود و بردار شامل این نمونه ها داخل خروجی x ریخته شده است. ضمنا fs فرکانس نمونه های دریافتی از فایل است. در خط آخر تابع audioRead هم کامنتی هست که اگر از حالت کامنت در آید، فایل صوتی حاصل را ایجاد کرده و در محل فایل متلب ذخیره میکند.

۱,۲: در سکشن توابع، تابع دوم اینکار را انجام میدهد. همانطور که در سال ذکر شده، ورودی این تابع، نمونه های فایل wav است که طبیعتا به شکل بردار داده میشود. بردار خروجی، نمونه هایی از ورودی است که مضرب M اند. در سکشن Q1.2 برای استفاده از این تابع، ابتدا توسط audioread، تمام نمونه های فایل دریافت میشود و سپس این بردار به ورودی hop داده میشود تا خروجی لازم در ۷ ریخته شود. خط آخر این سکشن هم برای نوشتن فایل صوتی و ذخیره آن است.

این بخش را نیز میتوان با تابع hop بدست آورد اما باید M=16 قرار داده شود. مشابه قبل ابتدا تمام نمونه های فایل را با audioread میگیریم و سپس از hop استفاده میکنیم. خروجی در y ذخیره شده و در نهایت توسط audiowrite فایل حاصله با نام $Q1_3$ ذخیره میشود.

up sampling برای up sampling ساخته شده است و توسط دستور ابع up sampling ساخته شده است و توسط دستور up sample است، این کار

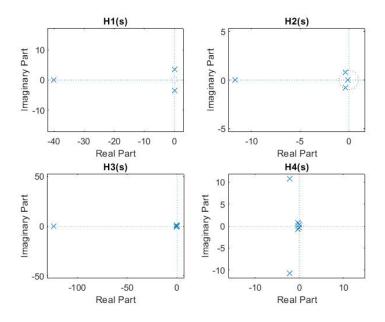
انجام میشود. حال در سکشن Q1.4 ابتدا نمونه ها دریافت میشوند، از این تابع با فاکتور ۳ میگذرند و در نهایت برای down sampling با فاکتور ۵، از hop استفاده میشود. حاصل در y2 ریخته شده و در نهایت فایل آن تولید و ذخیره میشود. در واقع با این دو مرحله، فرکانس ۱۶ 3/5 برابر میشود و در نتیجه از فرکانس ۱۶ کیلوهرتز به ۹٫۶ کیلوهرتز میرسیم.

برای بخش های اول و دوم این سوال، ابتدا لازم است اولین section از کد این سوال (Q2.1,Q2.2 ران شود. اینکار برای جلوگیری از Q2.1,Q2.2 های q2.1,Q2.2 ران شود. اینکار برای جلوگیری از تکراری شدن کد انجام شده است.

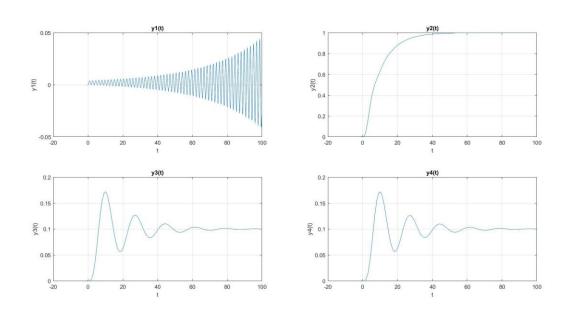
۱٫۲: میدانیم در سیستم های علّی، زمانی پایداری سیستم را داریم که تمام قطب ها سمت چپ محور موهومی باشند (چون قطب ها، عبارت est و این عبارت، زمانی منجربه پاسخ ضربه ای پایدار میشود که جزئ حقیقی ۶ منفی شده و دامنه را در بینهایت به صفر میل بدهد). حال قطب ها را پیدا میکنیم. منفی شده و دامنه را در بینهایت به صفر میل بدهد). حال قطب ها را پیدا میکنیم. توابع تبدیلبه صورت سیمبلیک در متلب تعریف شده اند. سپس با numden، صورت و مخرج هر کسر بدست آمده و با دادن آنها به coeffs، ضرایب مخرج مشخص میشوند(ضرایب صورت در هر ۴ تابع ۱ است). توجه داریم به صورت ساده تر هم میتوانستیم خودمان ضرایب صورت و مخرجی که در صورت سوال برای توابع تبدیل آمده است را مستقیما به ورودی های tf بدهیم و دیگر اینکار را متلب انجام ندهیم. با این ضرایب، تابع تبدیل توسط tf در متلب تشکیل میشود و سپس با دادن این تابع به عنوان ورودی به zero,pole، صفر و قطب های هر تابع تبدیل بدست می آید که البته هیچ کدام، صفر ندارند. قطب های تابع تبدیل ال در عاصورت بردار آمده هیچ کدام، صفر ندارند. قطب های تابع تبدیل افاور، نمودار های صفر و قطب رسم شده اند. میبینیم که قطب ها به صورت زیر هستند:

```
H2 poles =
                                                      H1 poles =
   -11.7189 + 0.0000i
                                                       -40.0619 + 0.0000i
    -0.3353 + 0.8121i
                                                         0.0310 + 3.5327i
    -0.3353 - 0.8121i
                                                         0.0310 - 3.5327i
    -0.1105 + 0.0000i
                                                      H2_poles =
  H3 poles =
                                                       -11.7189 + 0.0000i
     1.0e+02 *
                                                        -0.3353 + 0.8121i
                                                        -0.3353 - 0.8121i
    -1.2420 + 0.0000i
                                                        -0.1105 + 0.0000i
    -0.0034 + 0.0069i
    -0.0034 - 0.0069i
    -0.0006 + 0.0037i
                                                      H3 poles =
    -0.0006 - 0.0037i
                                                         1.0e+02 *
  H4_poles =
                                                        -1.2420 + 0.0000i
                                                        -0.0034 + 0.0069i
    -2.1011 +10.7894i
                                                        -0.0034 - 0.0069i
    -2.1011 -10.7894i
                                                        -0.0006 + 0.0037i
    -0.3416 + 0.7000i
                                                        -0.0006 - 0.0037i
    -0.3416 - 0.7000i
    -0.0572 + 0.3649i
    -0.0572 - 0.3649i
                                                      H4_poles =
fx >>
```

تنها قطب های با جزو حقیقی مثبت، مربوط به H1(s) هستند و در نتیجه این سیستم، تنها سیستم ناپایدار است که دامنه پاسخ ضربه آن به صورت نمایی افزایش می یابد و در بینهایت به بینهایت میل میکند.



۲٫۲: ابتدا تبدیل لاپلاس تابع پله با laplace محاسبه شده و در (x(s) ریخته شده است. حال هریک از توابع تبدیل بخش قبل را در این تابع ضرب کرده و سپس با ilaplace ، تبدیل وارون حاصل را محاسبه میکنیم و در (y1(t) تا (y1(t) میریزیم ضرب در Heaviside(t) به این دلیل انجام شده که تبدیل لاپلاس در متلب به صورت یک طرفه تعریف شده است و فرض را بر این گذاشته است که سیستم ها علّی اند). همه نمودار ها را در یک بازه خطی (linspace) از ۱۰۰ با استفاده از plot رسم میکنیم. حاصل به صورت زیر است:

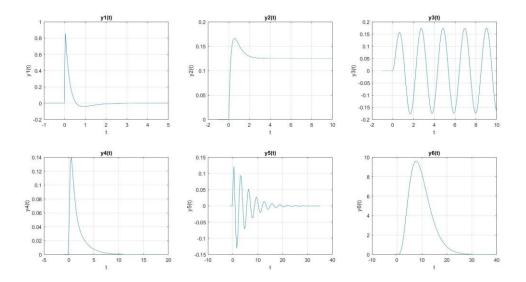


پایدار بودن یک سیستم به معنای کراندار بودن خروجی به ازای ورودی کراندار است. در اینجا ورودی کراندار پله را داده ایم. سیستم اول دارای قطب هایی مختلط با جزئ حقیقی مثبت است. اثر قطب های پایدار در بینهایت به صفر میل میکند اما این دو قطب مختلط، باعث ایجاد بخش متناوب نمایی میشوند که دامنه آنها به صورت نمایی زیاد میشود و در نتیجه انتظار خروجی ناپایدار و بیکران را داریم. نمودار بالا نیز این را تایید میکند. برای سه سیگنال دیگر، تمام قطب ها سمت چپ محور موهومی اند و

موجب میشود در بینهایت دامنه ی بینهایت ایجاد نشود. در نتیجه مطابق آنچه در بخش قبل گفته شد، هر سه سیستم به علت پایداری، خروجی کرانداری را خواهند داشت که نمودار های بالا این را تایید میکنند.

۲٫۳: اگر به قطب های H3 در بخش قبل نگاه کنیم، دو جفت قطب مزدوج مختلط دارد. دو جفت قطب مزدوج مختلط بسیار شبیه به این دو جفت نیز در H4 وجود دارد و در نتیجه این قطب ها رفتار مشابهی از خود نشان میدهند. H3 یک قطب دیگر با جزئ حقیقی حدود ۲- و H4 نیز دو قطب مزدوج مختلط با جزئ حقیقی حدود ۲- دارد، در حالیکه جزئ حقیقی جفت قطب های مشترک در دو تابع تبدیل، فقط حدود دارد، در حالیکه جزئ حقیقی جفت قطب هایی که بین این دو تابع تبدیل مشترک نیست، خیلی زود و در همان زمان های اولیه بسیار کوچک و قابل صرف نظر میشود و به صفر میل میکند. پس فقط اثر قطب های مشترک دیده میشود که بسیار شبیه به هم

۲,۴: تابع تبدیل را مشابه قبل در متلب تعریف میکنیم، سپس از هریک از ورودی ها تبدیل لاپلاس میگیریم و این دو را در هم ضرب میکنیم و از حاصل وارون میگیریم. سپس مشابه قبل، نمودار ها را با plot رسم میکنیم. بازه نمایش هر نمودار (که t1 تا و متناظر با y1 تا و متناظر با y1 تا و مقدار با اساس این مشخص شده است که هر سیگنال در چه حدود زمانی ای همگرا شده و مقدار پایداری پیدا میکند. نحوه نوشتن کد کاملا مشابه بخش ۲ این سوال است. نتیجه به صورت زیر است:



معادل زمانی سیگنال ها نیز در ادامه در برنامه چاپ میشود:

```
ans =
     -heaviside(t)*(exp(-2*t)/2 - (3*exp(-4*t))/2)
     ans =
     heaviside(t)*(exp(-2*t)/4 - (3*exp(-4*t))/8 + 1/8)
     -heaviside(t)*((21*cos(3*t))/325 + (3*exp(-2*t))/26 - (9*exp(-4*t))/50 - (53*sin(3*t))/325)
     heaviside(t)*(exp(-2*t)/3 + (2*exp(-t/2))/21 - (3*exp(-4*t))/7)
     \label{eq:heaviside(t)*((45*exp(-2*t))/362 - (285*exp(-4*t))/922 + (15420*exp(-t/5)*(cos(2*t) + (205*sin(2*t))/1542))/83441)} \\
   kaaviside(t)*((128*exp(-2*t))/81 - (2057984*exp(-t/2))/1361367 - (1152*exp(-4*t))/16807 + (138112*t*exp(-t/2))/6807 - (4192*t^2*exp(-t/2))/3087 + (176*t^3*exp(-t/2))/411 +
  ?*t)/2 - (3*exp(-4*t))/2)
  t)/4 - (3*exp(-4*t))/8 + 1/8)
  >s(3*t))/325 + (3*exp(-2*t))/26 - (9*exp(-4*t))/50 - (53*sin(3*t))/325)
  t)/3 + (2*exp(-t/2))/21 - (3*exp(-4*t))/7)
  (-2*t))/362 - (285*exp(-4*t))/922 + (15420*exp(-t/5)*(cos(2*t) + (205*sin(2*t))/1542))/83441)
 \hat{\mathcal{H}}_{\text{EP}}(-2 \pm t))/81 - (2057984 \pm \exp(-t/2))/1361367 - (1152 \pm \exp(-4 \pm t))/16807 + (138112 \pm t \pm \exp(-t/2))/64827 - (4192 \pm t/2 \pm \exp(-t/2))/3087 + (176 \pm t/3 \pm \exp(-t/2))/441 + (2 \pm t/4 \pm \exp(-t/2))/21)
```

X(s) است کد مشابه بخش ۴ است. لاپلاس سیگنال ورودی به همه سیستم ها، (s) است و G21,G22,G23 ، توابع تبدیل به ازای a=4,5,6 هستند. مشابه قبل لاپلاس ورودی را در تابع تبدیل ضرب کرده و لاپلاس وارون میگیریم و سپس نمودار ها را رسم میکنیم و پاسخ ها را نیز چاپ میکنیم:

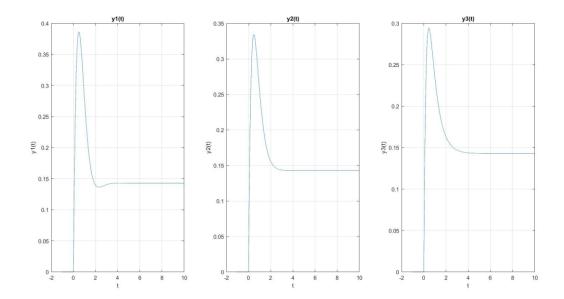
```
New to MATLAB? See resources for Getting Started.

ans =
    -heaviside(t)*{(exp(-2*t)*(cos(3^(1/2)*t) - 4*3^(1/2)*sin(3^(1/2)*t))}/7 - 1/7)

ans =
    -heaviside(t)*((exp(-(5*t)/2)*(cos((3^(1/2)*t)/2) - (23*3^(1/2)*sin((3^(1/2)*t)/2))/3})/7 - 1/7)

ans =
    -heaviside(t)*((exp(-(3*t)*(cosh(2^(1/2)*t) - (11*2^(1/2)*sinh(2^(1/2)*t))/2))/7 - 1/7)

fi
>>
```



● در بردار finalVals ، مقدار نهایی پاسخ ها با محاسبه ی حد y1,y2,y3 ، وقتی ابه بینهایت میل میکند، بدست آمده و ریخته شده است. این مقادیر نهایی، به ترتیب final1,2,3

- از آنجا که در نمودارهای رسم شده، مقدار توابع در نهایت به مقدار پایداری رسیده و همگرا شده است، ماکزیمم هر تابع را میتوان با استفاده از max و ورودی های t1,t2,t3 (که بازه های رسم نمودار ها اند) بدست آورد. هر ماکزیمم در یکی از maxVals ، و بردار ماکزیمم این سه تابع در maxVals ریخته شده است.
 - برای پیدا کردن زمان متناظر با این ماکزیمم ها، کافیست ببینیم هر یک از maxPoint1,2,3 را برابر با t بدست solve در کدام t رخ داده اند. پس solve قرار میدهیم (ورودی این دستور باید تابعی باشد که میخواهیم برابر با صفر شود). بردار زمان هایی که ماکزیمم توابع در آنها رخ داده، بردار maxValPoints است.
- برای پیدا کردن اولین نقاطی که نصف مقدار نهایی را دارند، کافیست ببینیم در چه نقاطی به Solve استفاده میکنیم. برای نقاطی به والین نقطه، از مجموعه نقاط حاصل، min آنها را انتخاب میکنیم. برای Point1,2,3 این نقاط اند و بردار این نقاط، halfPoints است.

select مقدار این 4 بردار که در بالا ذکر شد، در تصویر پایین آمده است (سطرهای select شده)، که مشخصا از چپ به راست، به ازای a برابر با 4 و 6 و 7 هستند:

Name 📤	Value		
🗾 ans	1x1 sym		
🗾 final1	1x1 sym		
final2	1x1 sym		
🗾 final3	1x1 sym		
finalVals	[0.1429,0.1429,0.1429]		
፪ G21	1x1 symfun		
፪ G22	1x1 symfun		
፪ G23	1x1 symfun		
halfPoints	[0.0382,0.0390,0.0398]		
maxPoint1	1x1 sym		
maxPoint2	1x1 sym		
maxPoint3	1x1 sym		
maxVal1	1x1 sym		
maxVal2	1x1 sym		
maxVal3	1x1 sym		
maxValPoints	[0.4970,0.4750,0.4538]		
maxVals	[0.3862,0.3343,0.2940]		
point1	1x1 sym		

به ازای a=4 قطب های a=5 و به a=5 قطب های a=5 قطب های a=5 و به ازای a=6 قطب های a=6 قطب های a=6 را داریم. با افزایش a=6 قطب های a=6 را داریم. با افزایش a=6 صفر رفته و در قطب های مختلط نیز جزئ حقیقی منفی تر شده است. در مقادیر بالا مشاهده میشود که :

مقدار نهایی پاسخ با a تغییر نمیکند،

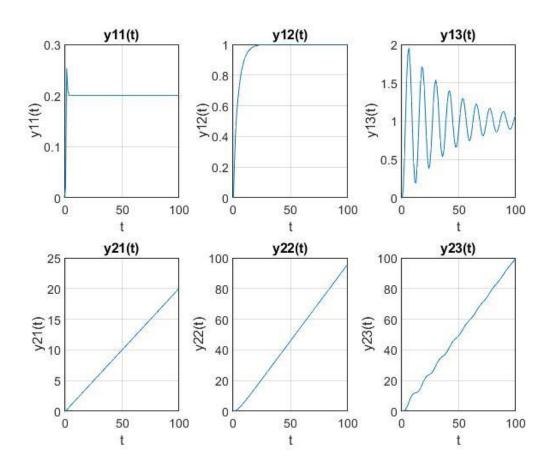
ماکزیمم تابع با افزایش a اندکی کاهش می یابد،

زمان رسیدن به ماکزیمم اندکی کمتر میشود(زودتر به ماکزیمم میرسیم)،

زمان رسیدن به نصف مقدار نهایی اندکی افزایش می یابد(دیرتر به این نقطه میرسیم).

۶: مشابه قبل ابتدا توابع تبدیل به صورت سیمبلیک تعریف شده اند، با استفاده از numden,coeffs ،ضرایب صورت و مخرج مشخص شده اند و سپس tf تشکیل داده شده است. حال توسط feedback، سیستم جدید را با فیدبک منفی به اندازه ۱ ایجاد میکنیم. چون اندازه فیدبک ۱ است، ورودی دوم این تابع باید سیستم ۱ باشد که

ضرایب صورت و مخرج آن ۱ هستند (همان fbsys در کد). بدلیل منفی بودن فیدبک هم ۱- را به عنوان ورودی سوم میدهیم. سپس با tfdata، ضرایب صورت و مخرج سیستم جدید را میگیریم و با poly2sym، آنها را به صورت سیمبلیک در آورده و توابع جدید را تشکیل میدهیم. توابع تبدیل دارای فیدبک، در X1 ها ذخیره شده اند. ورودی های X1 و X1 لاپلاس ورودی های پله و شیب هستند که البته میدانیم به ترتیب X1 و X1 هستند. این دو ورودی را در توابع تبدیل جدید ضرب کرده و سپس لاپلاس وارون میگیریم تا پاسخ سیستم های فیدبک دار به این ورودی ها بدست آید. X1 ها پاسخ سیستم ها به پله واحد، و X1 ها پاسخ به شیب واحد هستند. همگی توسط plot در بازه ۱- تا ۱۰۰ تعریف شده اند. نتایج به صورت زیر هستند که سطر اول، پاسخ سیستم ها به پله و سطر دوم، پاسخ ها به شیب واحد است:



همانطور که میبینیم، وقتی تعداد قصب های صفر در سیستم بیشتر میشود، خروجی سیستم فیدبک دار شباهت بیشتری به ورودی پیدا میکند. در ستون اول که مربوط به سیستم بدون قطب صفر است، دو خروجی مقادیر نزدیکی به ورودی ها (پله و شیب) ندارند و صرفا شکل کلی خروجی شبیه به ورودی است. اما در ستون دوم و سوم، به تدریج شباهت بیشتر میشود به طوریکه در حالت وجود دو قطب صفر (ستون سمت راست)، پاسخ به شیب واحد شباهت بسیاری به شیب واحد دارد، و پاسخ به پله واحد نیز در زمان های بزرگ به مقدار پله واحد (یا ۱) همگرا میشود.

سوال ۱۰۳ بادار بن وبن سبر عواب ا هم بدکس د وهم به کسک بدازاں قطی کورت شت اے ستر نایا بدارات یں مشرور طی نایا بدارات المال ۲. المان و و الم بالمان و و المال المان و المال المال والمال المال الما صورت اے ریک مک تناکسہ مین فقط قوال حذوادائی و فرے آن کیداے) بردار در و می ت و یا کروند فلدار مروات . ک 2 feedback (HI, Hr) w in Styli jon feedback et ی H سترسورزان. با تا با ماه قطر کردا انتزاع ریش ئەمدەس تۈركىلى ا ئونى ر ئونى د بىلىت بە ھۆزۈرىكى ئىدا قىلى + ى توازىكى سيرم بإيداد زندك شور ، إن شد به عدد به مؤندك الله على المراد والمراد و اا سقدار مضلف K بايسد بهر والميرد كدان العدار درناي ي توند بنويترس ٢ مقط شور بنابان مك ما تك ١١٨ عمام مو بالر بدر مفد ا تمك رهيم . از مبدر واخ كريد ازار ١٠٠٠ عدمز صور تودو مغلسار بروسك كم ١٥٦ مف كريم را بدازر عادم نقد م بهر ريخ. بار اين ما روي عاده استاده كم منطوات ميم د بري . بيك سادل ا = دازدور مؤربها (اور مه بدار ه اعادر شود کیلوب . مد مزار علو میمیل مان ير الاعلى المان ما المان ما المان على المراب المان المراب المان المراب المان المراب المان المراب المراب الم الرام على في - بات رامطيء الان روالا بنابان م المواج الما من المرام الما المرام الما المرام بال بایدار مازم اے در در قبل من باشدی مازیر اید شده دارا دو م ما فعر آی ومنادر ۲ را تنای بی بر عامل را ؛ ms+دبان صوات نفاز روم را بردن معادلها يا مداد در غ الفت عرد

 תפוני ונו וטין נות יצי יצי אבו Simaliak בעון ב צי- ליו Hank wedd - יצי על e - o instrucción de 16 50 - - 10 invaid integrator, sum, stel , scope عادر ما مر ملک رور عادی می قال میدار از در ما در این از در می از در میداد این از در میداد این از در میداد این مود می در در میداد می میداد میداد می میداد میداد می میداد می میداد می میداد می میداد می میداد می میداد میداد می میداد میداد می میداد می میداد می میداد می میداد می میداد می میداد ور الما المعلم عدد ما و المرادر مان ال بي المعدد مان المعدد مان المرادر مان المرادر مان المرادر المردد المر Print is it with action transfer For it p Ji to محالات تدع المعلم والتوريخ و بن عبر واستار سال برق العشوات: عرب المدون من من من من المرار Cro + cisin 6 U = 1 theta" Julie : 6" = CrT - cr6 - c, sing - Cr = 1 - 100.1,01 Cr = 1/0 C1 : 2 1,00 ت و المعل ۱۰۰ ال معدمل المارار المعنا ما V' = (F - K, V) K, - K, = M

ع. ٣٠٠ (العن) ارفرت قبل مر دايس:

ستر

$$\frac{-s F_{(S)} - f_{(S)} - f_{(S)}}{1 - s} = S V_{(S)} - F_{(S)} - f_{(S)} = 1 - s V_{(S)}$$

$$F(s) = V(s) \left(f_{s+1} - f_{s}\right) - H(s) = \frac{V_s}{F_s} = \frac{1}{f_{s+1} - f_{s}}$$

$$\frac{L}{s} - \frac{LT}{sTr1} = \frac{L}{s} - \frac{L}{s+\frac{1}{2}} = \frac{L}{s+\frac{1}{$$

ج) كالمائ بدات مرزع عدم تأبر افتكار بدعات أن مؤاندن مقدار نباى با ب حظ ادائيه ماير وهد ع.ه هر