

Übungsblatt 9: Grundlagen der Programmierung (WS 2020/21)

Ausgabe: 08. Januar 2021
Abgabe: 15. Januar 2021, 15 Uhr

Zustand Bisher haben wir nur mit Bezeichnern gearbeitet, die an unveränderliche Werte gebunden sind:

```
let x = 1N // Definiert einen Bezeichner x, der an den Wert 1N gebunden ist.  
let f () = print x // f schreibt den Wert x auf die Konsole.  
f() // Schreibt 1N auf die Konsole.  
let x = 2N // Definiert einen neuen Bezeichner mit dem gleichen Namen.  
f() // Schreibt 1N auf die Konsole, da f den alten Bezeichner benutzt.
```

Nun haben wir in der Vorlesung Speicherzellen kennengelernt. Wir verändern das Programm etwas, sodass die zweite Ausführung von `f` den neuen Wert auf die Konsole schreibt:

```
let x = ref 1N // Allokiert eine Speicherzelle, die den Wert 1N enthält, und definiert  
// einen Bezeichner x, der an die Adresse dieser Speicherzelle gebunden ist.  
let f () = print (!x) // f schreibt den Inhalt der Speicherzelle an x auf die Konsole.  
f() // Schreibt 1N auf die Konsole.  
x := 2N // Speichert einen neuen Wert in die Speicherzelle an Adresse x.  
f() // Schreibt 2N auf die Konsole.
```

Eine zweite Variante sind veränderliche Bezeichner. Wir können das Programm auch so schreiben:

```
let mutable x = 1N  
let f () = print x  
f() // Schreibt 1N auf die Konsole.  
x <- 2N  
f() // Schreibt 2N auf die Konsole.
```

Aufgabe 0 Erstsemesterbefragung

Studierende im ersten Semester möchten wir bitten an der Online-Erstsemesterbefragung teilzunehmen, zu der Sie am 07.01.2021 per E-Mail an Ihre RHRK-Mailadresse eingeladen wurden (es handelt sich nicht um die Vorlesungsumfrage, sondern eine gesonderte Befragung).

Mit Ihrem Feedback erhält die TUK wertvolle Informationen, um

- den Studienstart ganz konkret weiterzuentwickeln,
- positive, aber auch problematische Aspekte des Studiums zu identifizieren,
- die Qualität des Studiums in Ihrem Fachbereich verbessern zu können.

Die Befragung und Auswertung unterliegen den datenschutzrechtlichen Bestimmungen und erfolgen selbstverständlich anonym.

Aufgabe 1 Handzähler (8 Punkte)

Motivation: In dieser Aufgabe sollen Sie sich mit den Grundlagen von Speicherzellen vertraut machen. Sie können sich an den Vorlesungsfolien 751 bis 824 sowie am Skript Kapitel 7.2 orientieren.

Schreiben Sie Ihre Lösungen in die Datei `Counters.fs` aus der Vorlage `Aufgabe-9-1.zip`.

Zur Einlasskontrolle in einem Supermarkt muss gezählt werden wie viele Kund*innen sich darin befinden. Der Supermarktbetreiber beauftragt Lisa Lista und Harry Hacker damit, Handzähler zu entwickeln. Diese kleinen praktischen Geräte haben zwei Taster und eine Anzeige für den aktuellen Zählerstand. Der Reset-Taster setzt den Zähler auf Null zurück. Der Inkrement-Taster erhöht den Zählerstand um eins.

- a) Harrys Vorschlag ist nun, den Zählerstand in einer `mutable` Variable zu speichern und mit drei Funktionen darauf zuzugreifen:

```
reset: Unit -> Unit      // stellt den Zähler auf Null
increment: Unit -> Unit  // erhöht den Zähler um eins
get: Unit -> Nat         // gibt den aktuellen Zählerstand zurück
```

Implementieren Sie diese drei Funktionen und verwenden Sie dazu `let mutable`.

- b) Lisa merkt an, dass man so aber immer nur einen Zähler gleichzeitig benutzen kann. Der Hörsaal hat jedoch zwei Türen und es wäre praktisch, wenn man an jeder der beiden Türen einen eigenen Zähler verwenden kann. Sie schlägt daher folgende Modellierung vor:

```
type Counter = Ref<Nat>
create: Unit -> Counter      // gibt einen neuen Zähler zurück
reset2: Counter -> Unit     // stellt den gegebenen Zähler auf Null
increment2: Counter -> Unit // erhöht den gegebenen Zähler um eins
get2: Counter -> Nat        // gibt den aktuellen Stand des gegebenen Zählers zurück
```

Implementieren Sie diese Funktionen.

Aufgabe 2 Semantik mit Zustand (12 Punkte)

Motivation: In dieser Aufgabe sollen Sie die dynamische Semantik mit einem Speicher nachvollziehen. Sie können sich an den Vorlesungsfolien 751 bis 824 sowie am Skript Kapitel 7.2 orientieren.

Die Deklarationen

```
let i = ref 1N
let j = ref 4N
let n = ref j
let o = ref i
let z = ref o
```

werten zu der folgenden Umgebung aus:

$$\delta = \{i \mapsto a_0, j \mapsto a_1, n \mapsto a_2, o \mapsto a_3, z \mapsto a_4\}$$

Hierbei bezeichnen a_0, a_1, a_2, a_3 und a_4 Adressen. Der dazugehörige Speicher ist:

$$\sigma = \{a_0 \mapsto 1N, a_1 \mapsto 4N, a_2 \mapsto a_1, a_3 \mapsto a_0, a_4 \mapsto a_3\}$$

Die folgenden Ausdrücke sollen nun jeweils in der Umgebung δ und dem Speicher σ ausgewertet werden. Geben Sie für jeden Ausdruck den Speicherzustand nach jeder Einzelanweisung an.

Beachten Sie: In jeder Teilaufgabe ist der Speicher vor der Auswertung jeweils σ , die Effekte sind also über die Teilaufgaben hinweg *nicht* kumulativ, innerhalb einer Teilaufgabe jedoch schon.

- a) $j := !i - 2N$ // σ_1
 $i := !j + 3N$ // σ_2
 $z := n$ // σ_3
 $n := !o$ // σ_4

	a_0	a_1	a_2	a_3	a_4
σ	1N	4N	a_1	a_0	a_3
σ_1					
σ_2					
σ_3					
σ_4					

b) !n := (let x = !o in (z := n ; i := 2N ; !x + !(!n))) // σ₁
let y = !(!z) in (n := !o ; o := y) // σ₂

		<i>a</i> ₀	<i>a</i> ₁	<i>a</i> ₂	<i>a</i> ₃	<i>a</i> ₄
<i>σ</i>		1N	4N	<i>a</i> ₁	<i>a</i> ₀	<i>a</i> ₃
<i>σ</i> ₁						
<i>σ</i> ₂						

Aufgabe 3 Veränderbare Listen (10 Punkte)

Motivation: In dieser Aufgabe sollen Sie den Umgang mit Speicherzellen anhand eines komplexeren Problems einüben. Sie können sich an den Vorlesungsfolien 751 bis 824 sowie am Skript Kapitel 7.2 orientieren.

Schreiben Sie Ihre Lösungen in die Datei `Lists.fs` aus der Vorlage `Aufgabe-9-3.zip`.

Wir verwenden einen von der Vorlesung abweichenden Typ für veränderbare Listen.

```
type Item<'a> =  
  { mutable value: 'a  
    mutable next: Option<Item<'a>> }  
  
type MList<'a> =  
  { mutable first: Option<Item<'a>>  
    mutable last: Option<Item<'a>>  
    mutable size: Nat }
```

Zunächst definieren wir einen Typ `Item<'a>`, welcher die Listenelemente repräsentieren soll. Jedes Listenelement besteht aus einem Wert und ggf. einer Referenz auf ein weiteres Listenelement. Das letzte Element einer Liste hat kein Folgeelement, daher hat für dieses Element `next` den Wert `None`. Die Liste insgesamt wird durch den Typ `MList<'a>` repräsentiert. Dieser Typ ist gegenüber herkömmlichen Listen etwas erweitert. Zum Speichern wir Referenzen sowohl zum ersten als auch zum letzten Element der Liste. Dadurch können wir neue Elemente sehr effizient an den Anfang und ans Ende der Liste anhängen (zur Erinnerung: bei herkömmlichen Listen müssen wir ganz durch die Liste durchgehen, um ein Element ans Ende anzuhängen). Zum Anderen merken wir uns mit `size` immer die aktuelle Länge der Liste.

Hinweis: Es ist nicht Sinn dieser Aufgabe entsprechende Funktionen für herkömmliche Listen zu schreiben und zwischen veränderbaren Listen und herkömmlichen Listen hin- und herzukonvertieren. Solche Abgaben werden mit 0 Punkten bewertet.

- a) Schreiben Sie eine Funktion `isEmpty<'a>: MList<'a> -> Bool`, die eine veränderbare Liste nimmt und zurückgibt, ob diese leer ist. Verwenden Sie das Feld `size`, um zu ermitteln ob die Liste leer ist.
- b) Schreiben Sie eine Funktion `appendFront<'a>: 'a -> MList<'a> -> Unit`, die einen Wert `v` sowie eine veränderbare Liste nimmt und diesen Wert vorne an die Liste anhängt.
- c) Schreiben Sie eine Funktion `appendBack<'a>: 'a -> MList<'a> -> Unit`, die einen Wert `v` sowie eine veränderbare Liste nimmt und diesen Wert ans Ende der Liste anhängt.
- d) Schreiben Sie eine Funktion `get<'a>: Nat -> MList<'a> -> Option<'a>`, die einen Index sowie eine veränderbare Liste nimmt und den Wert des Listenelements an der Position des Index zurückgibt. Beachten Sie, dass das erste Element der Liste den Index 0 hat. Liegt der Index außerhalb der Liste, soll `None` zurückgegeben werden.

Hinweis: Um an eine bestimmte Position in der Liste zu navigieren, können Sie sich zum Beispiel eine rekursive Hilfsfunktion definieren, die in einem ihrer Argumente eine natürliche Zahl erwartet, die bei jedem Durchlauf um eins heruntergezählt wird. Wenn Sie also `index` als Argument übergeben und in jedem Schritt ein Element in der Liste weitergehen, sind Sie an der Position `index`, sobald das Argument 0 ist.

- e) Schreiben Sie eine Funktion `update<'a>: Nat -> 'a -> MList<'a> -> Unit`, die einen Index sowie einen Wert und eine veränderbare Liste nimmt und in der Liste das Element an der Position des Index durch den übergebenen Wert ersetzt. Liegt der übergebene Index außerhalb der Liste, so soll die Funktion `update` die Liste nicht verändern.

Tipp: Verwenden Sie eine rekursive Hilfsfunktion ähnlich wie bei Aufgabenteil d).

- f) Freiwillige Zusatzaufgabe: Schreiben Sie eine Funktion `remove<'a>: Nat -> MList<'a> -> Unit`, die einen Index und eine veränderbare Liste nimmt und das Element an der Position des Index aus der Liste entfernt.