Задача 1

0 непрерывной равномерно распределённой случайной величине В известно, что её дисперсия равна 0.2.

Можно ли найти правую границу величины В и её среднее значение зная, что ле вая граница равна 0.5? Если да, найдите их.

$$D(B) = \frac{(b-a)^2}{12} => (b-a)^2 = 12 \cdot D(B) =>$$
$$=> b = 2\sqrt{3D(B)} + a$$
$$M = \frac{(a+b)}{2}$$

In [2]:

```
a = 0.5
D = 0.2
b = (12 * D)**0.5 + a
M = (a + b)/2
print(f'b = {b}\nM = {M}')
```

b = 2.049193338482967 M = 1.2745966692414834

Задача 2

Коробки с шоколадом упаковываются автоматически. Их средняя масса равна 1.06 кг. Известно, что 5% коробок имеют массу, меньшую 1 кг. Найдите: а) ср еднее квадратическое отклонение массы коробки, б) процент коробок, имеющих массу больше 1.1 кг.

Подсказка. Найдите такое значение scale, для которого значение cdf(x=1, loc=1.06, scale=scale) близко к 0.05. Точности 0.0001 будет достаточно.

In [10]:

```
import scipy.stats as sts
import numpy as np

#cpeднее квадратическое отклонение массы коробки
#X.cdf(x, params) — значение функции распределения в точке (Cumulative Distribution

for scale in np.linspace(0.00001, 1, 99999):
    s = sps.norm.cdf(x=1, loc=1.06, scale=scale)
    if s > 0.0499 and s < 0.0501:
        print(f'Cpeднее квадратическое отклонение массы коробки: {scale}')
        break</pre>
```

Среднее квадратическое отклонение массы коробки: 0.03646036450729015

In [11]:

```
#процент коробок, имеющих массу больше 1.1 \ \kappa \Gamma:
# P(1.1 < X < +inf) -- будет равен разности значений P
# для вычисления слагаемых в разности воспользуемся той же функцией norm.cdf

p = (sts.norm.cdf(x=float('inf'), loc=1.06, scale=scale) - stats.norm.cdf(x=1.1, loprint(f'Процент коробок, имеющих массу больше <math>1.1 \ \kappa \Gamma: {round(p*100,3)} %')
```

Процент коробок, имеющих массу больше 1.1 кг: 13.63 %

Задача 3

Коробка содержит 30 конфет. Известно, что масса каждой конфеты распреде лена равномерно в промежутке от 12 до 14 граммов. Используя центральную пре дельную теорему, найти вероятность, что масса всей коробки будет: а) меньше 390 граммов, б) больше 395 граммов, в) от 380 до 400 граммов.

Массой самой коробки можно пренебречь.

для расчета M(X) и D(X) воспользуемся формулами:

$$D(X) = \frac{(b-a)^2}{12}, M(X) = \frac{a+b}{2}$$

согласно формулам центральной предельной теоремы:

$$a = n \cdot M(X), \quad \sigma^2 = n \cdot D(X)$$

пусть,

$$Mn = a$$
, $Dn = \sigma^2$, $scale_- = \sigma$

In [12]:

```
a = 12
b = 14
n = 30
Mn = ((a + b) / 2)*n
Dn = (((b - a) ** 2) / 12)*n
#теперь найдем квадратичное отклонение
scale_ = Dn**0.5
```

а) меньше 390 граммов: P(-inf < X < 390)

In [13]:

```
pa = stats.norm.cdf(x=390, loc=Mn, scale=scale_) - stats.norm.cdf(x=float('-inf'), print(f'Вероятность, что масса всей коробки будет меньше 390 граммов: {pa}')
```

Вероятность, что масса всей коробки будет меньше 390 граммов: 0.5

б) больше 395 граммов: P(395 < X < +inf)

In [14]:

pb = stats.norm.cdf(x=float('inf'), loc=Mn, scale=scale_) - stats.norm.cdf(x=395, l print(f'Вероятность, что масса всей коробки будет больше 395 граммов: {pb}')

Вероятность, что масса всей коробки будет больше 395 граммов: 0.056923 149003329065

в) от 380 до 400 граммов: Р(380 <= X <= 400)

In [15]:

pc = stats.norm.cdf(x=400, loc=Mn, scale=scale_) - stats.norm.cdf(x=380, loc=Mn, sc print(f'Вероятность, что масса всей коробки будет от 380 до 400 граммов: {pc}')

Вероятность, что масса всей коробки будет от 380 до 400 граммов: 0.998 4345977419975