Глава 1

Примеры решения задач на использование условных операторов

Пример 1.1. Дано двузначное число A. Если сумма его цифр кратна X и вторая цифра кратна X, уменьшить все его цифры в два раза; если сумма его цифр кратна X, а вторая цифра не кратна X, увеличить все его цифры в два раза (по модулю 10); если сумма его цифр не кратна X, а вторая цифра кратна X, увеличить все его цифры на 5 (по модулю 10); если сумма его цифр не кратна X и вторая цифра не кратна X, уменьшить все его цифры на 5 (по модулю). На экран вывести новое число, а не набор цифр.

По модулю 10 означает взять остаток от деления на 10.

Решение.

Поскольку надо определить цифры, то все переменные будут типа int.

Определим цифры числа A: первая -b = A/10, вторая -c = A%10.

Так как при увеличении цифр они могут стать двузначными, необходимо взять остаток от деления на 10. При уменьшении цифр на какое-то число, они могут стать отрицательными, поэтому необходимо взять по модулю.

Алгоритм выглядит следующим образом:

- 1. Сначала необходимо проверить, являются ли введенные числа A и X, соответственно, двузначным и однозначным числом. Если нет, завершить программу.
- 2. Отделить цифры (b, c), найти их сумму S = b + c.
- 3. Если S%X == 0
 - а. Если c%X == 0, все цифры уменьшаем в два раза.
 - б. Иначе, все цифры увеличиваем в два раза (по модулю 10).
- 4. Иначе (сумма не кратна X)
 - а. Если c%X == 0, все цифры увеличиваем на 5 (по модулю 10).
 - б. Иначе, все цифры уменьшаем на 5 (по модулю).
- 5. Создаем новое число $Y = 10 * b_{new} + c_{new}$ и выводим его на экран.

```
Листинг 1.1.
і //изменить цифры двузначного числа
2 #include <iostream>
3 #include <cmath>
4 using namespace std;
6 int main(){
    setlocale (LC_ALL, "RUS");
    int A. X:
    cout << "Введите двузначное число\n";
    cin >> A;
10
    cout << "Введите однозначное число\n";
    cin >> X:
    //проверка на корректный ввод
13
    if (A < 10 \mid | A > 99 \mid | X <= 0 \mid | X > 9) cout << "Неправильно введены данные\n";
14
    else{ //все хорошо
15
     int b = A / 10;
     int c = A \% 10;
17
     int S = b + c;
18
        int bn, cn, Y;
19
20
      if (S \% X == 0) \{ // \text{сумма кратна } X \}
        if (c \% X == 0){ //вторая цифра кратна X
22
         bn = b / 2;
23
         cn = c / 2;
24
        else { //первая цифра не кратна X
26
          bn = b * 2 \% 10:
97
          cn = c * 2 \% 10;
28
        }
      }
30
      else{ //cymma не кратна X
31
        if (c % X == 0){ //вторая цифра кратна X
32
```

bn = (b + 5) % 10;

cn = (c + 5) % 10;

bn = abs(b - 5);

cn = abs(c - 5);

else { //первая цифра не кратна X

33

35

36

37

38

```
39 }
40 }
41
42 Y = 10 * bn + cn; //создаем новое число
43 cout << Y << endl;
44 }
45 system("pause");
46 return 0;
47 }
```

Результат работы программы:

		1 1
A	X	Результат
28	2	14
28	5	46
25	5	70
25	4	30
345	5	Неправильные данные
24	18	Неправильные данные

Пример 1.2. Вычислить значение функции $F(x) = \frac{\sqrt{x^2 - 16} + \ln(8 - x)}{\sqrt{x^2 + 10x + 25}}.$

В случае, если функция неопределена, вывести сообщение об этом (должно быть выведено: «Деление на ноль», «Корень из отрицательного числа», «Логарифм отрицательного числа»).

П

Решение.

Используемые переменные должны быть типа float.

Функция может быть неопределена в случае:

1. Корня из отрицательного числа: $x^2-16=(x-4)(x+4)$. Чтобы получилось отрицательное число, одна из скобок должна быть отрицательной, другая положительной: x-4>0 && x+4<0 решения не имеет; x-4<0 && x+4>0 имеет решение: -4<x<4.

В случае корня в знаменателе $x^2 + 10x + 25 = (x+5)^2$ — всегда положительное число.

- 2. Логарифма отрицательного числа: $8-x <= 0 \to x >= 8$.
- 3. Деления на ноль: $x + 5 = 0 \rightarrow x! = -5$.

3

Листинг 1.2.

```
і //найти значение выражения
2 #include <iostream>
3 #include <cmath>
4 using namespace std;
6 int main(){
    setlocale (LC_ALL, "RUS");
   float X:
   cout << "x = ";
   cin >> X:
    if (X > -4 \&\& X < 4) cout << "Корень из отрицательного числа\n";
    else if (X >= 8) cout << "Логарифм отрицательного числа\n";
   else if (X == -5) cout << "Деление на ноль\n";
   else {
14
    float Y = (sqrt(X * X - 16) + log (8 - X))/(X + 5);
    cout << "F = " << Y << endl;
17
    system("pause");
18
    return 0:
20 }
```

Результат работы программы:

X	Результат
5	0.409861
-2	Корень из отрицательного числа
10	Логарифм отрицательного числа
-5	Деление на ноль

Пример 1.3. С 1 января 2000 года прошло m месяцев. Вывести на экран название текущего месяца.

 \Box

Решение

Лучше воспользоваться оператором switch, поэтому переменная должна быть типа int.

Сначала надо найти остаток от деления на 12, чтобы определить текущий месяц. По результату выбирать. Если остаток равен 0, текущий месяц — январь, 11 — декабрь. default не нужен, так как результатом операции взятия остатка от деления может быть только диапазон [0..11].

```
Листинг 1.3.
```

```
і //найти название текущего месяца
2 #include <iostream>
3 #include <cmath>
4 using namespace std;
6 int main(){
    setlocale (LC_ALL, "RUS");
    int m:
   cout << " m = ";
   cin >> m:
10
    m %= 12; //сколько прошло месяцев (отделяем кл-во прошедших лет)
12
    switch (m){
13
      case 0 : cout << "Январь\n"; break;
14
      case 1 : cout << "Февраль\n"; break;
15
      case 2 : cout << "Mapt\n"; break;</pre>
      case 3 : cout << "Апрель\n"; break;
      case 4 : cout << "Май\n"; break;
18
      case 5 : cout << "Июнь\n"; break;
19
      case 6 : cout << "Июль\n"; break;
20
      case 7 : cout << "Abryct\n"; break;</pre>
      case 8 : cout << "Сентябрь\n"; break;
22
      case 9 : cout << "Октябрь\n"; break;
23
      case 10 : cout << "Ноябрь\n"; break;
      case 11 : cout << "Декабрь\n"; break;
25
26
    system("pause");
97
    return 0:
29 }
```

Результат работы программы:

,	
m	Результат
45	Октябрь
8	сентябрь
60	Январь

Пример 1.4. Дана окружность с координатами центра O(X,Y) и радиусом R и прямая Ax + By + C = 0. Найти их взаимное расположение: не пересекаются, пересекаются

П

(найти точки пересечения), касаются (найти точку пересечения).

Решение.

Уравнение окружности: $(x-X_c)^2+(y-Y_c)^2=R^2$. Следовательно, надо решить систему:

$$\begin{cases} (x - X_c)^2 + (y - Y_c)^2 = R^2 \\ Ax + By + C = 0. \end{cases}$$

Если корней нет, то прямая и окружность не пересекаются, если один корень — они касаются, если 2 корня — пересекаются.

$$\begin{cases} \left(\frac{By+C}{A} + X_c\right)^2 + (y - Y_c)^2 = R^2 \\ x = -\frac{By+C}{A}. \end{cases}$$

Если $A \neq 0$, то решаем первое уравнение. Раскрывая скобки, получаем:

$$\left(\frac{B^2}{A^2} + 1\right)y^2 + \left(\frac{2B(C + X_c)}{A} - 2Y_c\right)y + \left(\frac{(C + X_c)^2}{A} + Y_c^2 + R^2\right) = 0$$

Переобозначаем:

$$A_{1} = \frac{B^{2}}{A^{2}} + 1$$

$$B_{1} = \frac{2B(C + X_{c})}{A} - 2Y_{c}$$

$$C_{1} = \frac{(C + X_{c})^{2}}{A} + Y_{c}^{2} + R^{2}$$

В итоге получаем обычное квадратное уравнение $A_1x^2+B_1x+C_1=0$ и находим его корни.

Если A=0, система имеет следующий вид:

$$\begin{cases} (x - X_c)^2 + (y - Y_c)^2 = R^2 \\ By + C = 0. \end{cases}$$

Соответственно, если $B \neq 0$,

$$\begin{cases} (x - X_c)^2 + (-\frac{C}{B} - Y_c)^2 = R^2 \\ y = -\frac{C}{B}. \end{cases}$$

Тогда $x=X_c\pm\sqrt{R^2-(\frac{C}{B}+Y_c)^2}$. Определяем знак корня.

Если A=0 и B=0, второе уравнение не является уравнением прямой.

```
Листинг 1.4.
```

```
1 //взаимное расположение окружности и прямой
2 #include <iostream>
3 #include <cmath>
4 using namespace std;
6 int main(){
    setlocale (LC ALL, "RUS"):
    float A,B,C, Xc, Yc, R;
    cout << " Введите коэффициенты прямой\n";
q
   cin >> A >> B >> C:
10
   cout << " Введите координаты центра и радиус окружности\n";
    cin >> Xc >> Yc >> R:
12
13
    if (A != 0){ // Ax + By + C = 0
14
     float A1 = B * B / (A * A) + 1; //переобозначаем (см. пример)
15
     float B1 = 2 * B * (C + Xc) / A - 2 * Yc;
16
     float C1 = (C + Xc)*(C + Xc) / A + Yc * Yc + R * R;
17
18
     float D = B1*B1 - 4 * A1 * C1; // A1x2 + B1x + C1
19
20
     if (D < 0) cout << "Прямая и окружность не пересекаются\n";
21
     else if (D == 0){
22
       cout << "Прямая и окружность касаются\n";
23
       float y = -B1/(2 * A1); //из квадратного уравнения
24
       float x = -(B*y + C) / A; // из системы (см. пример)
       cout << "Координаты точки касания " << x << " " << y << endl;
26
     }
97
     else{
28
       cout << "Прямая и окружность пересекаются\n";
99
       float y1 = (-B1 - D) / (2 * A1); //из квадратного уравнения
30
       float x1 = -(B*y1 + C) / A; // из системы (см. пример)
31
       cout << "Координаты первой точки пересечения " << x1 << " " << y1 <<
32
            endl:
       float y2 = (-B1 + D) / (2 * A1); //из квадратного уравнения
33
       float x2 = -(B*y2 + C) / A; // из системы (см. пример)
34
       cout << "Координаты первой точки пересечения " << x2 << " " << y2 <<
35
            endl:
     }
36
```

```
37
    else if (B != 0) \{ //By + C = 0 \}
38
     float D = R * R - (C/B + Yc)*(C/B + Yc); //us системы (см. пример)
39
     if (D < 0) cout << "Прямая и окружность не пересекаютсяn";
40
     else if (D == 0){
41
       cout << "Прямая и окружность касаются\n";
       float y = -C / B; //из уравнения прямой
43
       float x = Xc; // из системы (см. пример)
44
       cout << "Координаты точки касания " << x << " " << y << endl;
45
     }
46
     else{
47
       cout << "Прямая и окружность пересекаются\n";
48
       float y1 = -C/B; //из уравнения прямой
49
       float x1 = Xc - D; // из системы (см. пример)
50
       cout << "Координаты первой точки пересечения " << x1 << " " << y1 <<
            endl:
       float y2 = -C / B; //из уравнения прямой
52
       float x2 = Xc + D; // из системы (см. пример)
53
       cout << "Координаты первой точки пересечения " << x2 << " " << y2 <<
            endl;
     }
55
56
    else cout << "Это не прямаяn"; //C = 0
57
    system("pause");
58
    return 0:
59
60 }
```

П

Глава 2

Примеры решения задач на использование циклов

Пример 2.1. Дано целое число A. Вывести простое число, следующее за A.

Решение

Для того, чтобы определить является ли число X простым, необходимо перебрать все числа от 2 до \sqrt{X} . Если не встретилось ни одного делителя, то число является простым.

В нашей задаче будет два вложенных цикла.

Внешний увеличивает на единицу заданное число, до тех пор пока не встретится простое. Условие выхода из цикла— найденное простое число. Лучше всего использовать цикл с постусловием, так как, введенное число может оказаться простым, следовательно, лучше сначала определить, является ли это число простым, а потом увеличивать.

Внутренний цикл определяет, является ли текущее число простым.

Листинг 2.1.

```
1 //Дано число. Найти следующее за ним простое число.
9 #include<iostream>
3 #include<cmath>
4 using namespace std;
6 int main(){
  int A:
   cout << " A = ";
   cin >> A;
   bool fl;
10
    do{
11
      fl = true; //предполагаем что число простое
12
      for(int i = 2; i \le sqrt((float) A); i++) //проверяем на простоту
13
       if (A \% i == 0){
14
         fl = false; //встретили делитель, число не простое
15
         break; //прекращаем цикл
16
         A++:
    }
19
```

```
while (!fl);
cout << --A << endl;
return 0;
}</pre>
```

Пример 2.2. Вывести на экран значения функции $y=\frac{\sqrt{x-1}}{\sqrt{x^2-4x+4}}$ в диапазоне [a,b] с шагом h. В случае, если функция неопределена, вывести сообщение об этом. Решение.

Tak кak задача математическая, переменные должны быть типа float или double

При вводе данных необходимо проверить, что диапазон введен верно, в противном случае поменять местами значения переменных a и b (строка 17 Листинга 2.2).

В данном случае функция неопределена, если

- 1. Выражение под корнем в числителе отрицательно: x 1 < 0.
- 2. Выражение под корнем в знаменателе равно нулю, так как это квадрат разности, он всегда положителен: $x^2-4x+4=(x-2)^2 \to x=2$.

Листинг 2.2.

```
1 //вычислить значения функции в диапащоне [a,b] с шагом h
2 #include<iostream>
3 #include<math.h>
4 using namespace std;

6 int main(){
7 setlocale (LC_ALL, "rus");
8 float a, b, h;
9 //ввод данных
10 cout << "a=";
11 cin >> a;
12 cout << "b=";
13 cin >> b;
14 cout << "h=";
15 cin >> h;
16 //проверка корректности или замена:
```

```
if (a > b) swap (a,b);
17
    for (float x = a; x < b + h; x += h){//цикл [a,b]}
18
      if (x < 1) cout << "Корень из отрицательного числа\n";
19
      else if (x == 2) cout << "Деление на ноль\n";
20
      else{
21
        float y = \operatorname{sqrt}(x - 1)/\operatorname{sqrt}(x*x - 4*x + 4);
        cout << "x = " << x << " y = " << y << endl; //вывод
23
      }
94
    return 0;
27 }
```

Результат работы программы при $a=0,\ b=3,\ h=0.5$:

J	r r r r
x	Результат
0	Корень из отрицательного числа
0.5	Корень из отрицательного числа
1	0
1.5	1.41421
2	Деление на ноль
2.5	2.44949
3	1.41421

Пример 2.3. Напечатать следующую таблицу, используя вложенные циклы:

4 4

5 5

4 3

6 6 6

4 3 2

7 7 7 7

4 3 2 1

8 8 8 8 8

4 3 2 1 0

Решение.

Данная таблица состоит из 5 блоков, каждый блок содержит две строки. Внешний цикл изменяется от 1 до 5, внутренний — от 1 до i.

Нечетные строки:

11

П

```
4
         5 5
         6 6 6
         7 7 7 7
         8
             8
                8
                    8
                        8
        печатаются по правилу: cout << 3 + i << "";
        Четные строки:
         4
         4
            3
         4 3 2
         4 3 2 1
             3
                2 1
                        0
        печатаются по правилу: cout << 5 - j << "";
 Листинг 2.3.
і //напечатать таблицу
2 #include<iostream>
3 using namespace std;
5 int main(){
   const int N=5; //число блоков
   for (int i = 1; i \le N; i++){//блоки
     for (int j = 1; j <= i; j++) //нечетные строки
       cout << 3 + i << " ";
    cout << endl;
    for (int j = 1; j <= i; j++) //четные строки
      cout << 5 - j << " ";
    cout << endl;
   return 0;
```

10

11

13 14

16 }

12