

## Ответ рецензенту

В соответствии с Вашими замечаниями статья переработана. Ниже приведен подробный разбор изменений. Благодарю Вас за внимательное прочтение статьи и ценные замечания, позволившие улучшить ее текст.

С уважением, Пьяных А.И.

- *Воспроизводить точные аналоги доказательств утверждений 3.1, 4.1, 5.1 мне представляется излишним (достаточно ссылки на базовую статью).*

Действительно, доказательства утверждений 3.1 и 5.1 по форме повторяют аналогичные доказательства в базовой статье. Они были убраны.

Доказательство утверждения 4.1 было решено оставить, так как полный аналог данного утверждения в базовой статье отсутствует. Наиболее похожим в базовой статье является утверждение 3.3, но там речь идет о  $k$ -уравнивающих смешанных стратегиях инсайдера, а в данной работе этот термин не используется.

- *Насколько возможно распространить эту идею на случай произвольного  $\beta$ .*

К сожалению, обобщить стратегию инсайдера на случай произвольного  $\beta$  не удаётся. Если в случае  $\beta = 1/2$ , разбив интервалы  $(k/t, (k+1)/t)$  пополам и построив более «мелкое» случайное блуждание по точкам разбиения, удалось построить стратегию, обладающую нужными свойствами, то уже при разбиении на три части, получающаяся стратегия не дает нужный выигрыш.

В случае иррационального  $\beta$  естественное определение множеству  $P$  дать не получается. Если же в качестве  $P$  взять сетку  $\{0, \beta/t, (\beta+1)/t, \dots, (\beta+t-1)/t, 1\}$ , то возникают проблемы с заданием граничных условий в конечно-разностном уравнении.

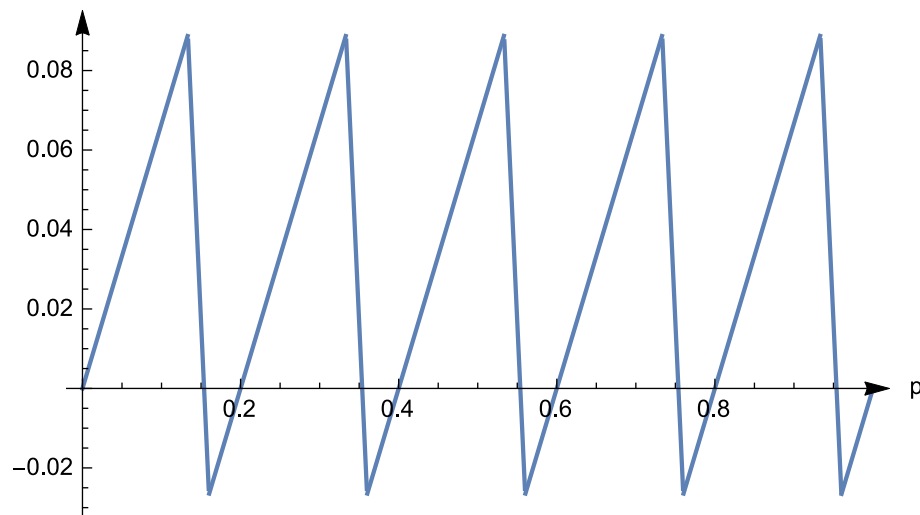
- *Верна ли гипотеза о том, что ломаная значения игры с  $\beta = 1$  вписана в параболу  $k(t-k)/2$ , а для  $\beta = 1/2$  – описана.*

Да, действительно, ломаные графиков функций  $V_{\infty}^m(1/2, p)$  и  $V_{\infty}^m(1, p)$  являются описанными и вписанными в параболу  $p(1-p)t^2/2$  соответственно. Соответствующее утверждение добавлено в статью.

- *Для любого ли  $\beta$  в точках решетки  $k/t$  будут совпадать значения игры.*

По поводу значений игры никаких утверждений пока нельзя сделать, поскольку для произвольного  $\beta$  игра еще не решена. Но если говорить о функции  $H^m(\beta, p)$ , то тогда справедливо, что для любых  $0 \leq \beta_1, \beta_2 \leq 1$ :  $H^m(\beta_1, k/m) = H^m(\beta_2, k/m)$   $k \in \overline{0, m}$ . Однако только точками вида  $k/m$  множество точек пересечения графиков функций  $H^m(\beta_1, p)$ ,  $H^m(\beta_2, p)$ . Ниже приведен пример.

$$H^5(1/3, p) - H^5(1/5, p)$$



- Выбор «полусуммы» нужно обосновать более развернуто, поскольку именно в этом состоит новизна работы.

Действительно, как и было замечено, в работах Чаттерджи, Самуэльсона (1983) и Майерсона, Саттертвейта (1983) показано, что механизм двухсторонних торгов с  $\beta = 1/2$  является оптимальным в том смысле, что он максимизирует суммарный ожидаемый выигрыш от торгов. Более развернутое обсуждение данного факта внесено в статью.

- Если допускать в качестве цены сделки полусумму цен покупки и продажи, то свойство целочисленности нарушается. Как меняется интерпретация дискретности модели в этой постановке.

Действительно, целочисленность выплат в данной постановке нарушается в предположении, что ставки пропорциональны минимальной денежной единице, и торги ведутся единичными акциями. Однако, в реальных торгах маркет-мейкеры оперируют пакетами акций большого размера. Тогда можно, например, положить, что ставки игроки делают в долларах, а финальный расчет производится в центах.

Также проблему нецелой финальной выплаты размера  $a$  можно решить с помощью случайного механизма, который выберет либо выплату размера  $[a]$ , либо выплату размера  $[a] + 1$ . Ожидаемый выигрыш при этом останется неизменным, но выплаты станут дискретными. Все эти обоснования внесены в статью.