Дискретное логарифмирование

Танаков Артем 5 декабря, 2024, Москва, Россия

Российский Университет Дружбы Народов

Цели и задачи

Цель лабораторной работы

Изучение задачи дискретного логарифмирования.

Выполнение лабораторной

работы

Задача дискретного логарифмирования

Решение задачи дискретного логарифмирования состоит в нахождении некоторого целого неотрицательного числа x, удовлетворяющего уравнению. Если оно разрешимо, у него должно быть хотя бы одно натуральное решение, не превышающее порядок группы.

р-алгоритм Поллрада

- Вход. Простое число p, число a порядка r по модулю p, целое число b6 1 < b < p; отображение f, обладающее сжимающими свойствами и сохраняющее вычислимость логарифма.
- Выход. показатель x, для которого $a^x = b(modp)$, если такой показатель существует.
- 1. Выбрать произвольные целые числа u,v и положить $c=a^ub^v(modp), d=c$
- 2. Выполнять $c=f(c)\pmod p$, $d=f(f(d))\pmod p$, вычисляя при этом логарифмы для c и d как линейные функции от x по модулю x, до получения равенства c=d(modp)
- 3. Приняв логарифмы для c и d, вычислить логарифм x решением сравнения по модулю r. Результат x или РЕШЕНИЯ НЕТ.

Оценка сложности

Алгоритм полного перебора нашёл бы решение за число шагов не выше порядка данной группы.

Пример работы алгоритма

```
58
             return res + Q
      60
        def verify(g, h, p, x):
      61
             return pow(g, x, p) == h
      62
      63 args = [(10, 64, 107)]
      64
      65 for arg in args:
      66
             res = pollrad(*arg)
      67     print(arg, ' : ', res)
             print("Validates: ", verify(arg[0], arg[1], arg[2], res))
      68
     (10, 64, 107) : 20
     Validates: True
[ ]: 1
```

Figure 1: Работа алгоритма

Выводы

Результаты выполнения лабораторной работы

Изучили задачу дискретного логарифмирования.