

**МИНОБРНАУКИ РОССИИ**  
**САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ**  
**ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ**  
**«ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА)**  
**Кафедра математического обеспечения и применения ЭВМ**

**ОТЧЕТ**  
**по практической работе №2**  
**по дисциплине «Построение и анализ алгоритмов»**  
**Тема: Алгоритмы на графах**

Студент гр. 7383

\_\_\_\_\_

Кирсанов А.Я.

Преподаватель

\_\_\_\_\_

Жангиров Т.Р.

Санкт-Петербург

2019

### Постановка задачи.

### Цель работы.

Решение задачи поиска кратчайшего пути с помощью алгоритма  $A^*$  в графе с двумя финишами (требуется найти путь до любого из них).

### Реализация задачи.

Был создан класс **Matrix** со следующими полями:

**unsigned int size** – размер матрицы.

**char begin** – начало пути.

**char end** – первый финиш.

**char end2** – второй финиш.

**vector<vector<unsigned>> matrix** – матрица 26x26, заполненная нулями.

**vector<unsigned> camefrom** – вектор, хранящий последовательность рассмотренных вершин.

**vector<double> costsofar** – вектор, хранящий длину пути до данной вершины.

**vector<double> queue** – вектор, хранящий эвристическую оценку вершин до первого финиша.

**vector<double> queue2** – вектор, хранящий эвристическую оценку вершин до второго финиша.

**vector<char> finalway** – вектор, хранящий последовательность вершин, ведущих к одному из финишей кратчайшим путем.

**Matrix (unsigned int N)** – конструктор объекта класса. Инициализирует вектор **matrix** нулями.

**~Matrix ()** – деструктор класса.

**void setLeng(unsigned i, unsigned j, double leng)** – ставит по координатам **i** и **j** длину пути между вершинами в матрицу.

**void read()** – функция, считывающая заданное количество вершин и весов соединяющих их ребер, заполняет матрицу и вызывает функцию поиска кратчайшего пути.

**bool findtheway(unsigned start)** – функция, описывающая алгоритм A\*. На вход принимается начальная вершина. Пока не будет найдена одна из конечных вершин или пока очередь вершин не опустеет, берет из очереди вершину с минимальной эвристической оценкой и рассматривает её соседей, рассчитывает для них эвристические оценки до обоих финишей, первая оценка кладется в очередь под номером 1, вторая – во вторую. Каждому соседу ставится её предок. Если найден более короткий путь до соседа, эвристические оценки пересчитываются. Когда все соседи положены в очередь, вершина удаляется из рассмотрения.

**double h(unsigned current)/ double h2(unsigned current)** – функции эвристической оценки расстояний от данной вершины до конечных.

Функция **main()** создает объект класса **Matrix** и вызывает функцию **Matrix :: read()**.

Исходный код программы представлен в Приложении Б.

### **Исследование сложности алгоритма.**

Функция **findtheway** в худшем случае пройдет по всем вершинам за  $|V|$  итераций и для каждой вершины два раза задаст эвристическую оценку за  $|V| + |E|$  итераций. Здесь  $|V|$  - множество вершин, а  $|E|$  - множество ребер. Таким образом количество итераций в худшем случае  $2|V|^2 + 2|V||E|$ , сложность равна  $O(|V|^2 + |V||E|)$ .

### **Тестирование.**

Программа тестировалась в среде разработки Qt с помощью компилятора MinGW 5.3.0 в операционной системе Windows 10.

Тестовые случаи представлены в Приложении А.

**Вывод.**

В ходе выполнения задания был реализован алгоритм  $A^*$ , находящий путь минимальной длины до одной из вершин графа. Также оценена сложность алгоритма.

# **ПРИЛОЖЕНИЕ А** **ТЕСТОВЫЕ СЛУЧАИ**

Входные данные	Выходные данные
<p>4</p> <p>a j k</p> <p>a e 1.01</p> <p>a f 2</p> <p>e j 2</p> <p>f k 1</p>	afk
<p>6</p> <p>a z k</p> <p>a b 1</p> <p>a c 1</p> <p>b d 1</p> <p>c d 3</p> <p>c k 5</p> <p>d z 1</p>	ack
<p>6</p> <p>a e z</p> <p>a b 1</p> <p>a c 1</p> <p>c d 3</p> <p>d e 1</p> <p>c z 5</p> <p>b d 1</p>	abde

## ПРИЛОЖЕНИЕ Б

### ИСХОДНЫЙ КОД ПРОГРАММЫ

```
#include <iostream>
#include <vector>
#include <limits>
#include <cmath>

using namespace std;

bool is_equal(double x, double y) {
    return fabs(x - y) < std::numeric_limits<double>::epsilon();
}

class Matrix{
private:
    unsigned size;
    char begin;
    char end;
    char end2;

    vector<vector<double> > matrix;
    vector<unsigned> camefrom;
    vector<double> costsofar;
    vector<double> queue;
    vector<double> queue2;
    vector<char> finalway;

public:
    Matrix() : size(26){
        for(unsigned int i = 0; i < 26; i++){
            vector<double> temp;
            for(unsigned int j = 0; j < 26; j++)
                temp.push_back(0);
```

```

        matrix.push_back(temp);

        camefrom.push_back(0);
        costsofar.push_back(0);
        queue.push_back(numeric_limits<double>::max());
        queue2.push_back(numeric_limits<double>::max());
    }
}

void setLeng(unsigned i, unsigned j, double leng){
    matrix[i][j] = leng;
}

~Matrix(){
    for(unsigned int i = 0; i < size; i++){
        matrix[i].clear();
    }
    matrix.clear();
    camefrom.clear();
    costsofar.clear();
    queue.clear();
    queue2.clear();
    finalway.clear();
}

void read();
bool findtheway(unsigned start);
double h(unsigned current);
double h2(unsigned current);
};

void Matrix :: read(){
    double leng;
    char i, j;

```

```

int N;
cin >> N;
cin >> begin;
cin >> end;
cin >> end2;

for (int k = 0; k < N; k++) {
    cin >> i;
    cin >> j;
    cin >> leng;
    setLeng(static_cast<unsigned>(i) - 97, static_cast<unsigned>(j) -
97, leng);
}

if(findtheway(static_cast<unsigned>(begin) - 97)){
    for (vector<char> :: iterator it = finalway.begin(); it !=
finalway.end(); ++it)
        cout << *it;
}
else cout << "no way";
}

double Matrix :: h(unsigned current){
    return abs(static_cast<double>(end) - 97 - current);
}

double Matrix :: h2(unsigned current){
    return abs(static_cast<double>(end2) - 97 - current);
}

bool Matrix :: findtheway(unsigned start){
    queue[start] = 0;
    costsofar[start] = 0;
    double min = numeric_limits<double>::max(), tmpF;

```



```

unsigned k, current = start;
while(queue.size() != 0){
    min = numeric_limits<double>::max();
    for (k = 0; k < queue.size(); k++) {
        if(queue[k] < min && queue[k] > 0){
            min = queue[k];
            current = k;
        }
    }
    for (k = 0; k < queue2.size(); k++) {
        if(queue2[k] < min && queue2[k] > 0){
            min = queue2[k];
            current = k;
        }
    }

    if(current == static_cast<unsigned>(end) - 97 || current ==
static_cast<unsigned>(end2) - 97){
        finalway.insert(finalway.begin(), static_cast<char>(current +
97));

        unsigned d = current;
        while(camefrom[d] != start){
            finalway.insert(finalway.begin(),
static_cast<char>(camefrom[d] + 97));
            d = camefrom[d];
        }
        finalway.insert(finalway.begin(), static_cast<char>(start +
97));

        return true;
    }

    if(current != start && is_equal(min,
numeric_limits<double>::max())){
        return false;
    }
}

```

```

    }

    for (unsigned j = 0; j < matrix[current].size(); j++) {
        if(matrix[current][j] > 0){
            tmpF = costsofar[current] + matrix[current][j];

            if((is_equal(costsofar[j], 0) || tmpF < costsofar[j])){
                costsofar[j] = tmpF;
                queue[j] = tmpF + h(j);
                queue2[j] = tmpF + h2(j);
                camefrom[j] = current;
            }
        }
    }
    queue[current] = numeric_limits<double>::max();
    queue2[current] = numeric_limits<double>::max();
}
return false;
}

int main()
{
    Matrix mt;
    mt.read();
    return 0;
}

```