кафедра физики

УСЛОВИЯ К ИНДИВИДУАЛЬНОМУ ДОМАШНЕМУ ЗАДАНИЮ №2 ПО КСЕ тема: "Физический маятник"

Фамилия И.О.: Цандер А.Г.

группа: 3692

Преподаватель: Альтмарк А.М.

Крайний срок сдачи ИДЗ: 1.12.24

Итоговый балл:

Санкт-Петербург 2024

Условие задания 2

Физический маятник представляет собой трехмерное твердое тело в виде ломанной линии (см. рис. 1). Маятник можно подвесить в поле силы тяжести через ось вращения, проходящую вдоль одной из сторон маятника. Будучи подвешенным маятник может совершать малые колебания. Найти координаты центра масс $\{xc, yc, zc\}$ относительно начала координат (совпадает с первой точкой маятника), момент инерции относительно подвеса I и период малых колебаний физического маятника T относительно оси вращения. Исходные данные взять в файле "IDZ2.xlsx". Маятник можно построить по точкам, представленными в столбце "Маятник": $\{\{x1,y1,z1\}, \{x2,y2,z2\},....\}$. Все координаты по умолчанию брать в метрах. Общая масса маятника пропорциональна его длине (если длина l=4м, то масса m=4 кг). Для более понятного представления маятника можно просмотреть соответствует файл в формате STL (в интернете можно найти онлайн stl-viewer). Имя файла соответствует варианту.

Записать значение периода колебаний T в текстовый файл "IDZ2.txt". Отчет в pdf формате (IDZ2.pdf) и файл IDZ2.txt поместить в папку IDZ2. Пример текстового файла "IDZ2.txt" находится в папке с условием ИД3: 0.45469

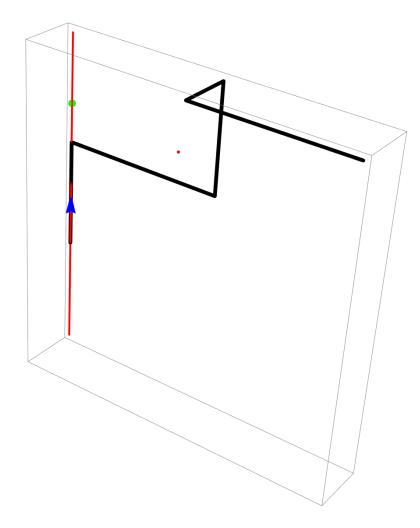


Рисунок 1. Пример физического маятника (красным цветом обозначена ось вращения, касной точкой –центр тяжести, синяя стрелка – начало маятника)

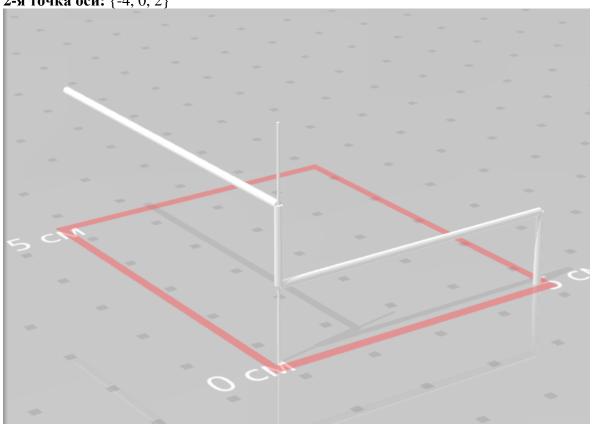
Вариант 14.

Исходные данные:

Маятник: $\{\{0,0,0\},\{0,0,1\},\{-4,0,1\},\{-4,0,2\},\{-4,3,2\},\{-4,5,2\}\}$

Ось вращения:

1-я точка оси: {-4, 0, 1} **2-я точка оси:** {-4, 0, 2}



Расчет длины отрезков:

1)
$$\sqrt{(0-0)^2 + (0-0)^2 + (1-0)^2} = 1$$

2)
$$\sqrt{(-4-0)^2+(0-0)^2+(1-1)^2}=4$$

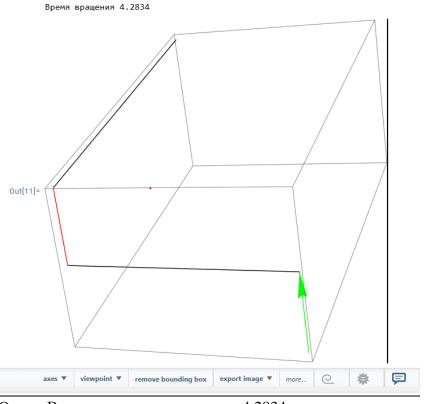
3)
$$\sqrt{(-4+4)^2+(0-0)^2+(2-1)^2}=1$$

4)
$$\sqrt{(-4+4)^2+(3-0)^2+(2-2)^2}=3$$

5)
$$\sqrt{(-4+4)^2+(5-3)^2+(2-2)^2}=2$$

Общая длина: l=11м \rightarrow m=11кг

```
🔯 IDZ2.nb - Wolfram Mathematica
<u>File Edit Insert Format Cell Graphics Evaluation Palettes Window Help</u>
ln[1]:= points = {{0, 0, 0}, {0, 0, 1}, {-4, 0, 1}, {-4, 0, 2}, {-4, 3, 2}, {-4, 5, 2}};
          line = Line[points];
                 (ломаная) линия
           (*Вычисление момента инерции*)
          Inertia = MomentOfInertia[line, \{-4, 0, 1\}, \{0, 0, 1\}]
          (*Центр масс*)
          cm = RegionCentroid[line]
               центроид геометрического региона
           (*Ось вращения*)
          rotationAxis = Line[\{\{-4, 0, 1\}, \{-4, 0, 2\}\}];
                        [(ломаная) линия
          (*Параметры*)
          m = 11;
          g = 9.81;
          (\star \mathsf{Pacc}тояние до геометрической оси\star)
          h = RegionDistance[Point[cm], rotationAxis];
              расстояние до ге… точка
          (*Время вращения*)
          T = 2 * Pi * Sqrt[Inertia / (m * g * h)];
                ч… квадратный корень
          Print["Время вращения ", Т];
          (*Визуализация результатов*)
           \textit{Graphics3D}[\{\texttt{line}, \texttt{Green}, \texttt{Arrow}[\{\{\emptyset,\,\emptyset,\,\emptyset\},\,\{\emptyset,\,\emptyset,\,1\}\}],\, \texttt{Red},\, \texttt{Point}[\texttt{cm}],\, \texttt{Red},\, \texttt{rotationAxis}\},\, \texttt{AspectRatio} \rightarrow \textbf{1}] 
          [3-мерная графика [зелё… [стрелка
                                                                              кр… точка красный
   Out[3]= 79
   Out[4]= \left\{-\frac{32}{11}, \frac{25}{22}, \frac{16}{11}\right\}
```



Ответ: Время вращения составляет 4.2834