# Notebook voorspellen V02

January 26, 2021

## 1 Notebook 1: Voorspellen

auteur: S. Klop

In dit notebook laten we de verschillende manieren zien een tijdreeksmodel kan worden gebruikt om te voorspellen. Er zijn verschillende toepassingen voor het voorspellen met behulp van tijdreeksanalyse. In deze notebook worden enkele voorbeelden voor de toepassing van voorspellen behandeld. In deel I van deze notebook wordt een voorbeeld behandeld waarbij wordt gekeken naar een voorspelling op de korte termijn ten behoeve van een beregeningsverbod. Het tweede deel van de notebook beschrijft een voorspelling voor de langere termijn.

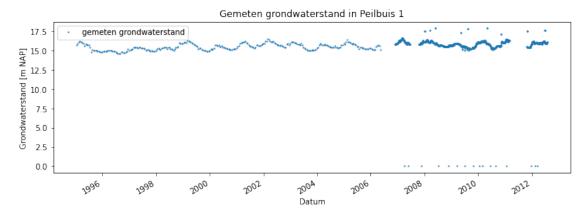
### 1.1 Deel I: Uitzetten onttrekking

Het waterschap heeft de grondwaterstand gemeten in Peilbuis 1. In de omgeving van de peilbuis bevindt zich een onttrekking. Vanaf 1 augustus 2012 de onttrekking uitgezet en is het onttrokken debiet teruggeschroefd naar  $0 \text{ m}^3/\text{d}$ .

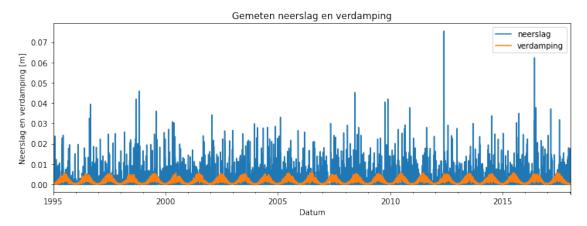
Aan een adviesburea is gevraagd om te bepalen wat de verwachte stijging is van de grondwaterstand ter plaatse van peilbuis 1 als gevolg van het uitzetten van deze onttrekking. Hierbij zijn gegevens beschikbaar tot 31 juli 2012.

### 1.1.1 Beschikbare data

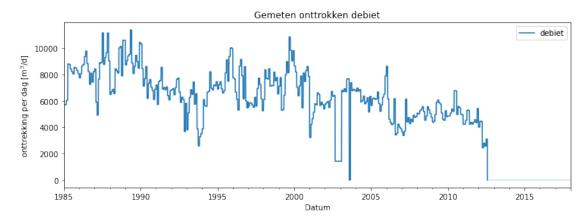
De gemeten grondwaterstand is te zien in de onderstaande afbeelding. De meetperiode is van 1995 tot en met 2018. Te zien is dat de meetfrequentie van de reeks vanaf 2007 van eens per 14 dagen verandert naar eens per dag. De meetreeks bevat enkele uitschieters, hierdoor is het nodig om de meetreeks voor te bewerken voordat het in het tijdreeksmodel kan worden toegepast.



Om een tijdreeksmodel op te stellen voor grondwatermeetreeks wordt gebruik gemaakt van de neerslag en verdamping ter plaatse van Peilbuis 1. Hiervoor zijn de gegevens gebruikt van het dichtsbijzijnde weerstation van het KNMI. De neerslag en verdamping zijn te zien in de onderstaande afbeelding.



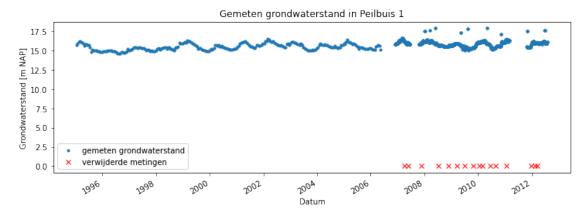
Naast de neerslag en verdamping is ook de data van de onttrekking gebruikt als verklarende reeks voor het tijdreeksmodel. Hiervoor is bij de beheerder van de onttrekking het dagelijkse debiet opgevraagd. Deze is te zien in de afbeelding hieronder.



### 1.1.2 Voorbewerken reeksen voorbeeld 1

Zoals te zien in de grondwater meetreeks (Afbeelding: gemeten grondwaterstand) bevat de meetreeks een aantal 0 waardes. Deze waardes zijn mogelijk het gevolg van een meetfout van de sensor of het inlezen van de sensor data. Om de reeks bruikbaar te maken voor tijdreeksanalyse moet de meetreeks worden voorberwerkt.

De metingen met een waarde van 0 worden verwijdert uit de reeks om deze te gebruiken in het tijdreeksmodel.



### 1.1.3 Opstellen van het tijdreeksmodel

De eerste stap voor het opstellen van het model is het toevoegen van de grondwater observaties aan het model. Voor een eerste berekening wordt de grondwater reeks gebruikt tot aan de huidige datum (niet de "toekomstige" grondwaterstand). In de reeks zijn geen uitschieters gevonden, er is daarom geen reden om de meetreeks voor te bewerken.

De neerslag en verdamping worden toegevoegd aan het model als verklarende reeksen. Om de verklaarende reeksen toe te voegen moet een respons functie worden toegekent aan de verklarende reeks (in dit geval regen en verdamping). De respons functie beschrijft de reactie van de grondwaterstand op een externe invloed. Deze moet worden vastgesteld voor elke verklarende reeks, waarbij de gebruiker het type respons functie kiest en waarbij het tijdreeksmodel de parameters van deze functie optimaliseerd. Voor het tijdreeksmodel wordt gebruikt gemaakt van de Gamma respons functie voor de neerslag en verdamping.

In het tijdreeksmodel wordt dezelfde response functie gebruikt voor de neerslag en de verdamping. Hierbij wordt het verband tussen de neerslag en verdamping beschreven met de formule:

$$R = P - f * E$$

waarbij R de grondwateraanvulling is [m], P de neerslag [m], f de verdampingsfactor [-] en E de verdamping [m]. De verdampingsfactor wordt door het tijdreeksmodel geoptimaliseerd naast de parameters voor de Gamma respons functie.

Daarnaast wordt de onttrekking als verklarende reeks toegevoegd aan het tijdreekmodel. Voor deze verklarende reeks wordt de Gamma functie gebruikt als respons. De onttrekking wordt geschaald naar  $\rm Mm^3/d$ , dit is om te voorkomen dat de parameters van deze respons functie sterk afwijken van de overige modelparameters (factor 1.000 tot 10.000), waardoor de optimalisatie slechter wordt. Naast de verklarende reeksen wordt ook de constante (in het tijdreeksmodel d) meegefit in het model.

Na het toevoegen van de observaties en de verklarende reeksen kan het tijdreeksmodel worden geoptimaliseerd. De resultaten van het tijdreeksmodel zijn te zien in de onderstaande tabel.

Model Re	esults Head		Fit Statistics
=======		========	
nfev	23	EVP	66.73
nobs	1903	R2	0.67
noise	True	RMSE	0.24
tmin	1995-01-14 00:00:00	AIC	8.65
tmax	2012-08-01 00:00:00	BIC	58.61
freq	D	Obj	29.99
warmup	3650 days 00:00:00		
solver	LeastSquares		
<b>.</b>	(0		
Parameta	ers (9 were ontimized)		

#### Parameters (9 were optimized)

	optimal	stderr	initial	vary
<pre>grondwateraanvulling_A</pre>	733.407042	±5.80%	203.104730	True
<pre>grondwateraanvulling_n</pre>	1.233475	±4.66%	1.000000	True
<pre>grondwateraanvulling_a</pre>	148.253213	±11.58%	10.000000	True
<pre>grondwateraanvulling_f</pre>	-0.826449	±7.55%	-1.000000	True
onttrekking_A	-194.105106	±5.01%	-338.167845	True
onttrekking_n	0.906891	±18.00%	1.000000	True
onttrekking_a	213.817172	±27.38%	10.000000	True
constant_d	16.150953	±0.65%	15.843245	True
noise alpha	2.314758	±5.96%	1.000000	True

\_\_\_\_\_\_

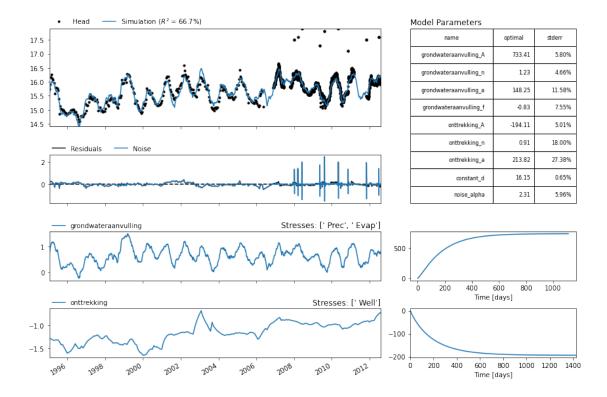
#### Parameter correlations |rho| > 0.5

\_\_\_\_\_

```
grondwateraanvulling_A grondwateraanvulling_a 0.61 grondwateraanvulling_n grondwateraanvulling_a -0.89 grondwateraanvulling_a grondwateraanvulling_f -0.53 grondwateraanvulling_f constant_d -0.77 onttrekking_A constant_d -0.59 onttrekking_n onttrekking_a -0.87
```

In de tabel zijn de verschillende statistieken van het tijdreeksmodel te zien zoals de verklaarde variantie, R<sup>2</sup> en root mean square error (RMSE). Er worden basis gegevens voor de reeks en het model weergeven zoals het aantal observaties en de start en eind tijd voor de reeks. Voor de verklarende reeks (grondwateraanvulling in dit geval) zijn de geoptimaliseerde parameters te zien, met de standaard afwijkingen van de parameters. Naast de parameters van de respons functie is ook de gefitte constante (constant\_d) te zien.

Nu het tijdreeksmodel is geoptimaliseerd kan de gesimuleerde reeks worden geplot. Dit is te zien in de onderstaande afbeelding samen met een overzicht van de model resultaten.



Bij de resultaten van het model valt op dat het tijdreeksmodel niet in staat is om de uitschieters in de meetreeks correct te simuleren. Na overleg met de beheerder van het gebied waar Peilbuis 1 in staat blijkt dat de metingen van boven de +17 m NAP onrealistisch zijn, deze metingen komen niet overeen met wat er in het veld is geobserveerd. Mogelijk is de peilbuis gedurende deze dagen volgelopen waardoor hogere waardes zijn geregisteerd.

Deze uitschieters kunnen het tijdreeksmodel mogelijk negatief beinvloeden omdat deze metingen niet verklaard kunnen worden met behulp van de verklarende reeksen die worden gebruikt. Daarom wordt het tijdreeksmodel opnieuw gemaakt maar worden nu enkel grondwatermetingen meegenomen van <+17 m NAP.

In de onderstaande tabel zijn de resultaten van het tijdreeksmodel weergeven.

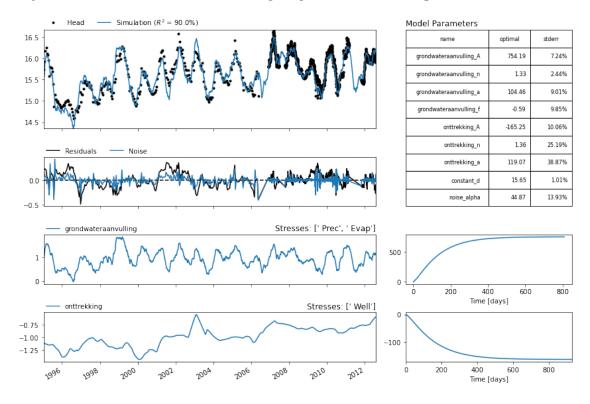
Model Re	esults Head		Fit Statistics
======			
nfev	28	EVP	89.97
nobs	1875	R2	0.90
noise	True	RMSE	0.11
tmin	1995-01-14 00:00:00	AIC	11.59
tmax	2012-08-01 00:00:00	BIC	61.42
freq	D	Obj	1.28
warmup	3650 days 00:00:00		
solver	LeastSquares		

Parameters (9 were optimized)

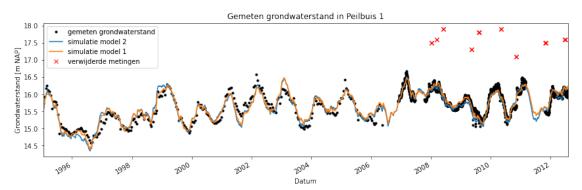
	optimal	stderr	initial	vary
${\tt grondwateraanvulling\_A}$	754.194830	±7.24%	203.104730	True
${\tt grondwateraanvulling\_n}$	1.334268	±2.44%	1.000000	True
${\tt grondwateraanvulling\_a}$	104.457110	±9.01%	10.000000	True
${\tt grondwateraanvulling\_f}$	-0.593365	±9.85%	-1.000000	True
onttrekking_A	-165.253611	±10.06%	-338.167845	True
onttrekking_n	1.356392	±25.19%	1.000000	True
onttrekking_a	119.072502	±38.87%	10.000000	True
constant_d	15.652888	±1.01%	15.817384	True
noise_alpha	44.871695	±13.93%	1.000000	True
Parameter correlations	rho  > 0.5			
grondwateraanvulling_A	grondwateraa	nvulling	_a 0.58	
	$constant_d$		-0.61	
${\tt grondwateraanvulling\_n}$	grondwateraa	nvulling	a -0.74	
${\tt grondwateraanvulling\_f}$	$constant_d$		-0.62	
onttrekking_A	$constant_d$		-0.71	
onttrekking_n	onttrekking_	.a	-0.87	

De resultaten van het tijdreeksmodel zijn te zien in de onderstaande afbeelding. Hierbij zijn is de gesimuleerd grondwaterstand weergeven met de geobserveerde grondwaterstand. De residuals en noise van het model zijn weergeven.

Voor de verschillende verklarende reeksen zijn de bijdrages aan de grondwaterstand te zien. Daarnaast zijn voor de verklarende reeksen de step response functies weergeven.



Het 2de tijdreeksmodel, waarbij de metingen van > 17 m NAP niet zijn meegenomen, heeft hogere verklaarde variantie en  $R^2$ , en een lagere root mean square error (RMSE). In de onderstaande afbeelding is de gesimuleerde grondwaterreeks van het nieuwe tijdreeksmodel vergeleken met het 1ste tijdreeksmodel. Hierbij is te zien dat op basis van een visuele inspectie het lastig te zien is welk tijdreeksmodel beter presteerd.



In eerste instantie zijn voor beide verklarende reeksen de Gamma respons functies gebruikt. Het is aan de modelleur om de keuze voor de respons functie te maken. Daarom wordt het model nogmaals opgesteld met verschillende respons functies om deze te vergelijken. Hierbij wordt voor beide verklarende reeksen de volgende respons functies gebruikt: Exponentieel, Gamma en de Hantush respons.

In de onderstaande tabellen zijn de R<sup>2</sup>, EVP en RMSE van de modellen weergeven. Langs de rijen van de tabellen staat de respons functie van de neerslag en verdamping en langs de kolommen de respons functie van de onttrekking.

Model R<sup>2</sup>

	Exponential	Gamma	Hantush
Exponential	0.830712	0.830324	0.828239
Gamma	0.897199	0.895327	0.894556
Hantush	0.610652	0.610876	0.603275
Model EVP			
	Exponential	Gamma	Hantush
Exponential	83.492714	83.474456	83.150936
Gamma	90.088498	89.973560	89.909439
Hantush	61.321130	61.856849	60.748273
Model RMSE			
	Exponential	Gamma	Hantush
Exponential	0.145733	0.145899	0.146793
Gamma	0.113564	0.114594	0.115015
Hantush	0.221010	0.220947	0.223094

Zoals te zien in de tabellen zijn er verschillende combinaties voor de respons functies die gelijkwaardige model prestaties geven. Voor de neerslag en verdamping geeft de Gamma respons functie de beste resultaten.

Voor de onttrekking wordt voor alle respons functies een vergelijkbaar model resultaat gevonden. Daarom wordt voor deze verklarende reeks gekozen voor de Exponentiele respons functie. Deze heeft de minste modelparameters om te optimaliseren en heeft daarom de voorkeur boven de andere respons functies.

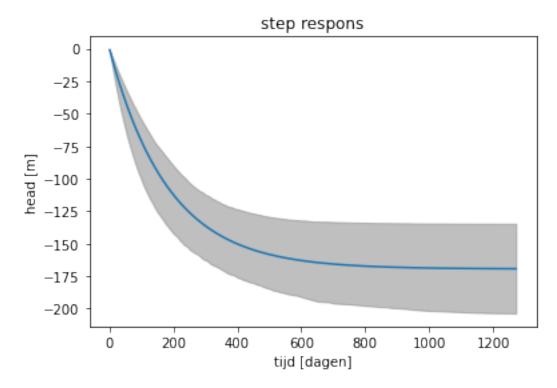
Model Re	sults Head				Fit Stati	stics
nfev	29		EVP			90.09
nobs	1875		R2			0.90
noise	True		RMS	E		0.11
tmin	1995-01-14 00	:00:00	AIC			9.63
tmax	2012-08-01 00	:00:00	BIC			53.92
freq	D		Obj			1.28
warmup	3650 days 00:0	00:00				
solver	LeastSquares					
Paramete	rs (8 were opt:	imized)				
======	=========		====	======		
		opti	mal	stderr	initial	vary
grondwat	eraanvulling_A	756.104	675	±7.32%	203.104730	True
grondwat	eraanvulling_n	1.333	706	±2.46%	1.000000	True
grondwat	eraanvulling_a	105.382	080	±9.07%	10.000000	True
grondwat	eraanvulling_f	-0.593	264	±9.94%	-1.000000	True
onttrekk	ing_A	-169.443	765	±10.35%	-338.167845	True
onttrekk	ing_a	184.052	010	±22.71%	10.000000	True
constant	_d	15.675		±1.04%	15.817384	True
noise_al	pha	45.297	912	±14.03%	1.000000	True
	r correlations					
grondwat	eraanvulling_A	grondwat	eraa	nvulling	a 0.58	
91 011 a W a o	oraanvarring_n	constant			-0.60	
grondwat	eraanvulling_n		_	nvulling		
•	eraanvulling_f	•			-0.61	
onttrekk	<b>U</b> _	onttrekk	_	a	-0.52	
	0	constant	<b>U</b> -	-	-0.73	
			_ '			

### 1.1.4 Voorspellen van de grondwaterstand

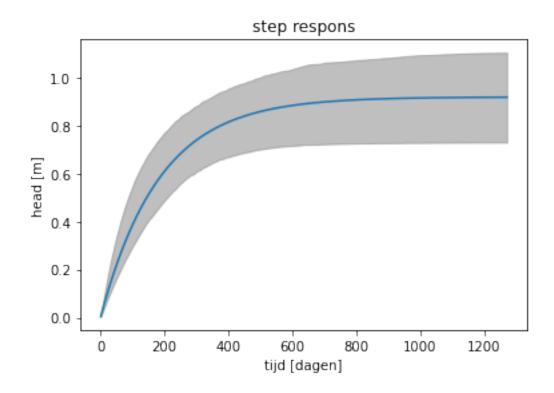
Nu het tijdreeksmodel is opgesteld en de parameters van de verschillende respons functies zijn geoptimaliseerd kan het model gebruikt worden om het effect van het afbouwen van de onttrekking te voorspellen.

Hiervoor wordt gekeken naar de respons functie van de onttrekking. Deze is te zien in de onderstaande afbeelding. Hierbij is ook de bandbreedte van de respons functie te zien met een 95%

zekerheidsinterval. Deze is bepaald met behulp van een Monte Carlo Sampling op basis van de resultaten van de tijdreeksanalyse. Te zien is dat de respons functie na ca. 1250 dagen ( $\sim 3.5$  jaar) stabiliseerd. De "gain" (niveau waarop de respons functie stabiliseert) van de respons functie is gelijk aan -169 m, de verlaging die optreedt ten gevolge van permanente een onttrekking van  $\rm Mm^3/d$ . De bandbreedte loop hierbij van -136 tot -205.



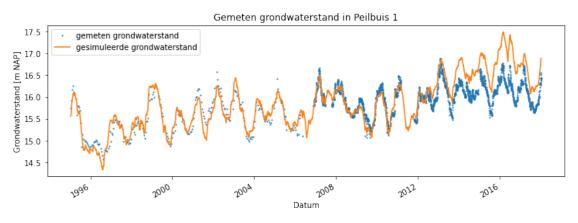
Met behulp van deze respons functie kan de verwachte stijging van de grondwaterstand ten gevolge van het uitzetten van de ontrekking worden voorspeld. De gemiddelde onttrekking bedraagt  $5427 \, \mathrm{m}^3/\mathrm{d}$ . De respons ten gevolge van de verandering van gemiddeld  $5427 \, \mathrm{naar} \, 0 \, \mathrm{m}^3/\mathrm{d}$  is te zien in de onderstaande afbeelding, hierbij is de respons zoals hierboven gezien geschaald naar de gemiddelde onttrekking. De gemiddelde verwachte stijging is tussen de  $0.74 \, \mathrm{en} \, 1.11 \, \mathrm{meter}$ , waarbij het effect van de onttrekking na  $1250 \, \mathrm{dagen}$  is uitgedempt.



Een aantal jaar later besluit het waterschap te kijken of de voorspelling van de voorspelling van het adviesbureau voor de stijging van de grondwaterstand is uitgekomen. Hierbij worden de meeste recente metingen van de grondwaterstand gebruikt. De volledige reeks is te zien in de onderstaande afbeelding. Hierin is te zien dat de grondwaterstand sinds 2012 lijkt te zijn toegenomen.

In de afbeelding is daarnaast de simulatie te zien waarbij de meeste recente data is gebruikt voor de neerslag en verdamping.

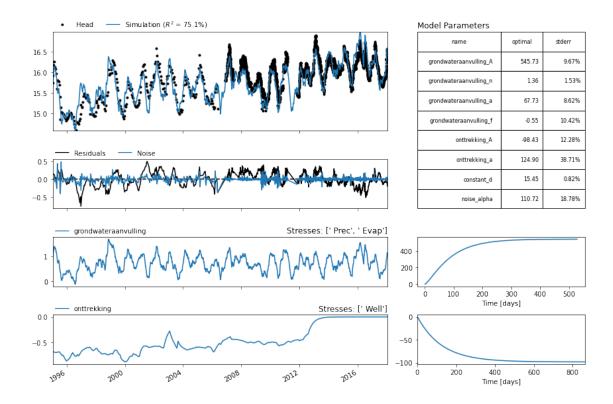
Hierbij is te zien dat het model een overschatting maakt van het effect van het uitzetten van de onttrekking. De gesimuleerde grondwaterstand loopt op tot boven de gemeten grondwaterstand.



Er wordt een nieuw tijdreeksmodel opgesteld met de meest recente data. Hierbij wordt dezelfde opzet gehanteerd als bij het vorige tijdreeksmodel met dezelfde respons functies. De meetreeksen voor de neerslag en verdamping en de onttrekking zijn aangevuld met de meest recente data. De resultaten van het nieuwe tijdreeksmodel zijn te zien in de onderstaande tabel.

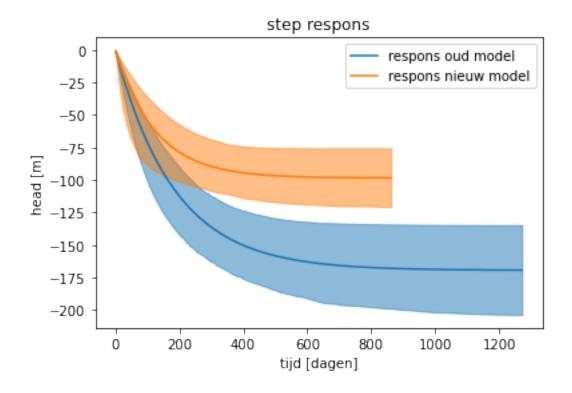
Model Re					Fit Stat:	
nfev	41		EVP			75.12
nobs	3759		R2			0.75
noise	True		RMS	E		0.18
tmin	1995-01-14 00	:00:00	AIC			6.44
tmax	2018-01-12 00	:00:00	BIC			56.29
freq	D		Obj			1.63
warmup	3650 days 00:0	00:00				
solver	LeastSquares					
	rs (8 were opt:					
			mal	stderr	initial	vary
grondwat	eraanvulling_A	545.726			203.104730	True
•	eraanvulling_n	1.355	868	±1.53%	1.000000	True
•	eraanvulling_a	67.726	310	±8.62%	10.000000	True
grondwat	eraanvulling_f	-0.554	898	±10.42%	-1.000000	True
onttrekk	ing_A	-98.428	216	±12.28%	-338.167845	True
onttrekk	ing_a	124.895	469	±38.71%	10.000000	True
constant	_d	15.451	017	±0.82%	15.975834	True
noise_al	pha	110.715	817	±18.78%	1.000000	True
	r correlations					
	eraanvulling_A	grondwat	eraa	nvulling_		
		•		nvulling_	_f 0.51 -0.78	
grondwat	eraanvulling_n	constant	_	nvulling		
_	eraanvulling_n eraanvulling_a	_		u	_a 0.58	
•	eraanvulling_f		_		-0.71	
onttrekk	_	constant			-0.52	
211 0 3 1 OIII	0-**	John John	_~		V.02	

De simulatie van het tijdreeksmodel met de volledige meetreeks is te zien in de onderstaande afbeelding. Te zien is dat het nieuwe tijdreeksmodel de grondwaterstand vanaf 2012 beter simuleerd. De parameters van de respons functie van de onttrekking wijken af van het oude tijdreeksmodel.



De step responses van beide modellen zijn weergeven in de onderstaande afbeelding. Hierin is te zien dat de respons functies verschillen. De "gain" (parameter onttrekking\_A) van de nieuwe respons functie is lager dan die van het oude model, daarnaast is ook de lengte van de respons korter (het effect van de onttrekking dempt sneller uit).

Met de nieuwe respons functie ligt de bandbreedte van het effect van het uitzetten van de onttrekking tussen de 0.42 en 0.66 meter tegenover de bandbreedte tussen de 0.74 en 1.11 meter van het oude tijdreeksmodel. Daarnaast zal volgens het nieuwe tijdreeksmodel het effect van de onttrekking ook sneller uitdempen ca. 1.5 jaar tegenover ca. 3.5 jaar in het oude model. De voorspelling is een overschatting geweest van de daadwerkelijke stijging. Dit is ook te zien in de simulatie van het ouder tijdreeksmodel waarbij de grondwaterstand vanaf het jaar 2012 wordt overschat door het model (het model overschat de stijging ten gevolge van het uitzetten van de onttrekking).



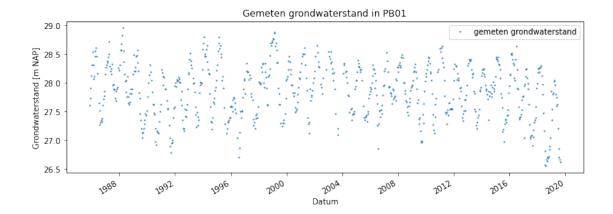
### 1.2 Deel II: Herstel grondwaterstand in april

In een natuurgebied wordt de grondwaterstand al jaren gemeten in PB01. In de afgelopen jaren (2018 en 2019) merkt het waterschap dat de grondwaterstand in de zomerperiode lager ligt dan gemiddeld. Ook bij de laatste metingen in augustus 2019 was dit het geval. Aan de hydroloog van het waterschap is gevraagd of een inschatting kan worden gegeven voor de grondwaterstand bij de start van het nieuwe groeiseizoen in april volgend jaar (april 2020).

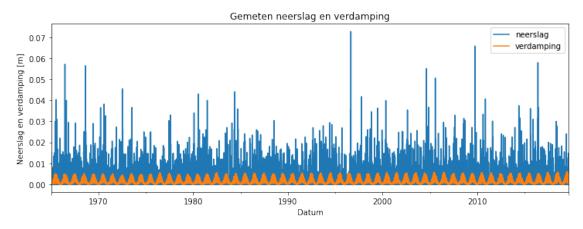
Op basis van een tijdreeksanalyse wordt gekeken naar de verwachte grondwaterstand ten gevolge van een "natte", "droge" en een "gemiddelde" winterperiode (van september tot april). Zo hoop het waterschap inzicht te krijgen in het herstel van de grondwaterstand.

### 1.2.1 Beschikbare gegevens

In de onderstaande afbeelding is de meetreeks van peilbuis PB01 te zien. De meetreeks loopt van 1985 tot september 2019. De variatie in de grondwaterstand is ca. 2 meter. In de reeks is te zien dat de grondwaterstand in de zomer van 2018 en 2019 relatief laag is geweest vanwege de droge zomer periodes.



De data voor de neerslag en verdamping nabij PB01 zijn verzameld van het dichtsbijzijnde KNMI weerstation. De neerslag en verdamping zijn weergeven in de onderstaande grafiek. Het weerstation bevat data vanaf 1965 tot en met september 2019.



### 1.2.2 Opzetten tijdreeksmodel

Er wordt een tijdreeksmodel opgesteld op basis van de meetreeks in PB01. Hiervoor worden de neerslag en verdamping gebruikt als verklarende reeks. Voor de neerslag en verdamping wordt de Exponentiele respons functie gebruikt in de tijdreeksanalyse.

De resultaten van het tijdreeksmodel zijn weergeven in de onderstaande tabel.

Model R	esults PB01_1		Fit Statistics
======			
nfev	13	EVP	92.46
nobs	744	R2	0.92
noise	True	RMSE	0.13
tmin	1985-11-14 00:00:00	AIC	5.06
tmax	2019-08-28 00:00:00	BIC	28.12

freq	D	Obj	3.20
warmup	3650 days 00:00:00		
solver	LeastSquares		

### Parameters (5 were optimized)

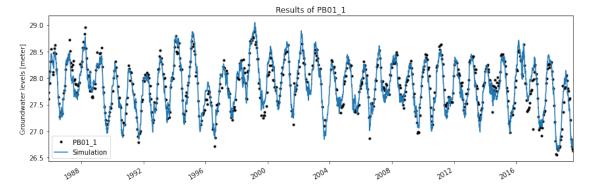
=============						
	optimal	stderr	initial	vary		
${\tt grondwateraanvulling\_A}$	685.480945	±4.91%	219.794219	True		
${\tt grondwateraanvulling\_a}$	157.529902	±4.68%	10.000000	True		
${\tt grondwateraanvulling\_f}$	-1.311138	±4.14%	-1.000000	True		
constant_d	27.920415	±0.21%	27.859651	True		
noise_alpha	40.630027	±10.35%	15.000000	True		

Parameter correlations |rho| > 0.5

\_\_\_\_\_\_

grondwateraanvulling\_A grondwateraanvulling\_a 0.77 grondwateraanvulling\_f 0.51 grondwateraanvulling\_f constant\_d -0.98

Het tijdreeksmodel heeft een EVP van 92% en een  $\mathbb{R}^2$  van 0.92. In de onderstaande figuur is de simulatie van het tijdreeksmodel te zien. De variatie in grondwaterstand lijkt goed verklaard te kunnen worden met behulp van de neerslag en verdamping. Het tijdreesmodel is gesimuleerd tot aan 1 september 2019.



#### 1.2.3 Voorspelling neerslagoverschot

Om een inschatting te maken van de grondwaterstand ten gevolge van de "natte", "droge" en "gemiddelde" winterperiode wordt gekeken naar het neerslagoverschot van de afgelopen 30 jaar.

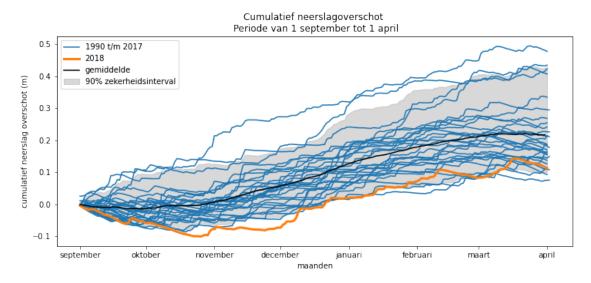
Het neerslagoverschot wordt berekend als:

$$P - f_{verdamping} * E$$

waarbij P de neerslag is, E de potentiele verdamping en  $f_{verdamping}$  de verdampingsfactor zoals bepaald met de tijdreeksanalyse. In de onderstaande afbeeldingen zijn de neerslagoverschotten van de afgelopen 30 jaar weergeven, waarbij de jaren 2018 en 2019 zijn gemarkeerd.

Hierin valt op dat, voor de periode september - april, het neerslagoverschot in 2018 tot een van de laagste van de afgelopen 30 jaar behoort wat overeenkomt met de ervaring van de droge periode in 2018.

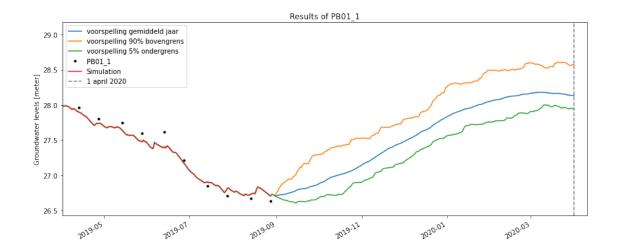
Voor het "natte" jaar wordt de 90% bovengrens van het neerslag overschot aangehouden. Voor het droge jaar de 5% ondergrens. Het "gemiddelde" jaar wordt op basis van het gemiddelde neerslagoverschot berekend. Deze scenario's zijn berekend op basis van de dagelijkse neerslagoverschotten, per dag is de 95%, 5% of gemiddelde waarde voor het neerslagoverschot bepaald.



### 1.2.4 Voorspellen grondwaterstand

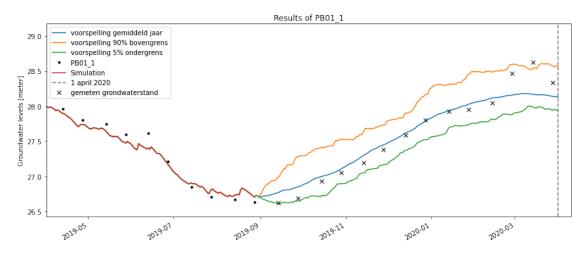
Voor de 3 scenario's wordt met behulp van de resultaten van het tijdreeksmodel de grondwaterstand bepaald voor 1 april 2020. Hierbij wordt er vanuit gegaan dat het systeem niet verandert en dat er geen extra invloeden op de grondwaterstand bijkomen in de periode van simuleren.

Met behulp van convolutie en de respons functie bepaald door het tijdreeksmodel wordt het verloop van de grondwaterstand voor de periode 1 september 2019 tot 1 april 2020 berekend. In de onderstaande afbeelding zijn voor de 3 scenario's de voorspellingen van de grondwaterstand te zien. Deze geven een bandbreedte van de grondwaterstand voor de periode tot 1 april 2020. Met de voorspelling kan worden gekeken of de grondwaterstand bij een "droog", "nat" of "gemiddeld" winterseizoen hersteld van een droge periode.



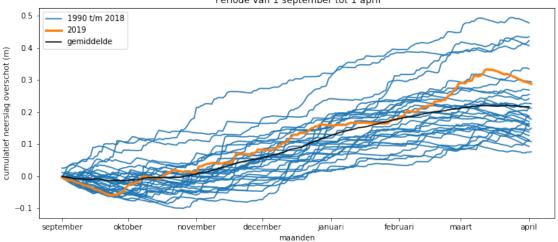
Na april wordt door het waterschap de meest recente data van peilbuis PB01 verzameld. Deze kunnen worden vergeleken met de voorspelling gemaakt in september. In de onderstaande afbeelding zijn de daadwerkelijk gemeten grondwaterstanden weergeven met de voorspellingen.

Te zien is dat daadwerkelijk gemeten grondwaterstand in de periode september-oktober lager ligt dan het gemiddelde scenario. In de periode vanaf maart 2020 is de gemeten grondwaterstand hoger dat het gemiddelde scenario.



In de onderstaande figuur is voor de periode september 2019 - april 2020 het neerslagoverschot vergeleken met de neerslagoverschotten van de overige jaren. Hierbij is te zien dat voor dit jaar in september-oktober het overschot lager is dan gemiddeld en in de period maart-april hoger. Dit komt overeen met de vergelijking tussen het gemiddelde scenario en de metingen.

#### Cumulatief neerslagoverschot Periode van 1 september tot 1 april



```
Traceback (most recent call last)
FileNotFoundError
<ipython-input-27-8fb9a40baaa2> in <module>
----> 1 etmgeg_380 = ps.read_knmi('data\etmgeg_380.txt', variables='EV24').seri_s
      2 etmgeg_380.name = 'head'
      3 etmgeg_380.index.name='date'
      5 etmgeg_380['1965':].to_csv(r'data\verdamping.csv')
C:\ProgramData\Anaconda3\lib\site-packages\pastas\read\knmi.py in_
 →read knmi(fname, variables)
     29
            11 11 11
     30
---> 31
            knmi = KnmiStation.fromfile(fname)
            if variables is None:
     32
     33
                variables = knmi.variables.keys()
C:\ProgramData\Anaconda3\lib\site-packages\pastas\read\knmi.py in fromfile(cls,
 \hookrightarrowfname)
    127
                """Reads data from a KNMI-file"""
                self = cls()
    128
                with open(fname, 'r') as f:
--> 129
    130
                     self.readdata(f)
                f.close()
    131
FileNotFoundError: [Errno 2] No such file or directory: 'data\\etmgeg_380.txt'
```