

# De bouwstenen van een tijdreeksmodel

R.A. Collenteur

January 18, 2021

## 1 Model structuur

Een belangrijke stap in tijdreeksanalyse is het bepalen van de modelstructuur van het tijdreeksmodel. Dit is het onderwerp van dit Notebook. We beperken ons hier tot het bepalen van het deterministische deel van het model. Het bepalen van het ruismodel is onderdeel van het notebook over modelkalibratie. In dit notebook wordt een overzicht gegeven van de verschillende opties die mogelijk zijn voor de modelstructuur. Samenvattend beantwoordt dit notebook het antwoord op de volgende vraag:

*Welke model structuren zijn er beschikbaar voor het modeleren van de stijghoogte?*

### 1.0.1 Inhoudsopgave

- [Basis model structuur](#)
- [Response functies](#)
- [Effect van neerslag en verdamping](#)
- [Drempel niet-lineariteit](#)
- Rivieren en ontrekkingen
- [Veranderingen in het systeem](#)
- Bepalen van invloeden
- [Discussie](#)
- [Referenties](#)

### 1.1 Algemeen stappenplan

Voor het kiezen van de gewenste modelstructuur is het belangrijk om vast te stellen wat het doel van het tijdreeksmodel is. Wanneer het doel van de modellering is vastgesteld, kunnen de volgende stappen worden doorlopen:

1. **Systeemanalyse:** bepaal mogelijke hydrologische variabelen,
2. **Modelbouw:** bepaal hoe deze variabelen worden omgezet in fluctuaties,
3. **Controle:** bepaal welke variabelen daadwerkelijk invloed hebben.

We gaan ervan uit dat de eerste stap al is uitgevoerd en bespreken de tweede en derde stap. Eerst wordt een overzicht gegeven van de bouwstenen die beschikbaar zijn om een model te bouwen. Daarna kijken we naar methoden om te bepalen welke bouwstenen nodig zijn in een model.

## 1.2 Basis model structuur

Het tijdreeksmodel kan in zijn meest algemene vorm als volgt worden beschreven:

$$h(t) = \sum_{m=0}^M h_m(t) + d + r(t)$$

Waar  $h(t)$  de gemeten stijghoogte is,  $h_m(t)$  is de bijdrage van invloed  $m$ ,  $d$  is het basisniveau van het model, en  $r(t)$  zijn de modelresiduen. Er kunnen meerdere invloeden  $m$  bijdragen aan de stijghoogte fluctuaties in de stijghoogte. In dit notebook gaat het voornamelijk over het bepalen van deze bijdragen, en of en hoe een hydrologische variabele moet worden meegenomen in het model. Eerst volgt een korte uitleg over de constante  $d$ .

### 1.2.1 Het basisniveau van het model

Vrijwel elk tijdreeksmodel bevat een constante (hier parameter  $d$ ) waarmee het model op de juiste hoogte wordt gebracht. Hoewel verleidelijk, is het niet altijd juist een fysische betekenis aan deze constante toe te kennen. In de literatuur wordt soms verwezen naar de drainagebasis, het niveau waar het grondwater na verloop van tijd naar zou convergeren wanneer alle invloeden nul zijn. Of deze interpretatie juist is hangt echter af van het exacte model. Beter is daarom om eenvoudig naar  $d$  te verwijzen als het basisniveau van het model.

Voor het bepalen van de waarde van de constante zijn verschillende methoden beschikbaar. De eerste optie is om na een simulatie het gemiddelde van de residuen te nemen als waarde voor  $d$  (bv., [von Asmuth et al., 2002](#)). Dit betekent dat de parameter niet geschat hoeft te worden tijdens de kalibratie. Een andere optie is om  $d$  mee te schatten als een parameter (bv., [Collenteur et al. 2019](#)). Dit heeft als voordeel dat er ook iets gezegd kan worden over de onzekerheid van deze parameter. Meer onderzoek is nodig om vast te stellen wat het effect is van het verschil tussen deze twee methoden om de uiteindelijke resultaten.

### 1.2.2 Bijdragen

Stijghoogte fluctuaties kunnen door vele verschillende oorzaken ontstaan. Vaak hebben we een idee welke oorzaken belangrijk zijn, maar net zo vaak is dit juist het doel van de modellering. Wat het exacte effect van een bepaalde invloed kan afhangen van de gekozen vorm van de modellering, oftewel hoe de invloed vertaald wordt in een bijdrage aan de stijghoogte fluctuaties.

We kunnen twee typen invloeden onderscheiden: gemeten en niet gemeten invloeden. Voor gemeten invloeden zijn verklarende tijdreeksen beschikbaar om de bijdrage van een invloed aan de stijghoogte fluctuaties te bepalen. Dit zijn bijvoorbeeld: neerslag, potentiële verdamping, ontrekkingen, oppervlakte waterstanden en luchtdruk metingen. Dit type invloeden kan worden vertaald in een bijdrage met behulp van een impuls respons functie.

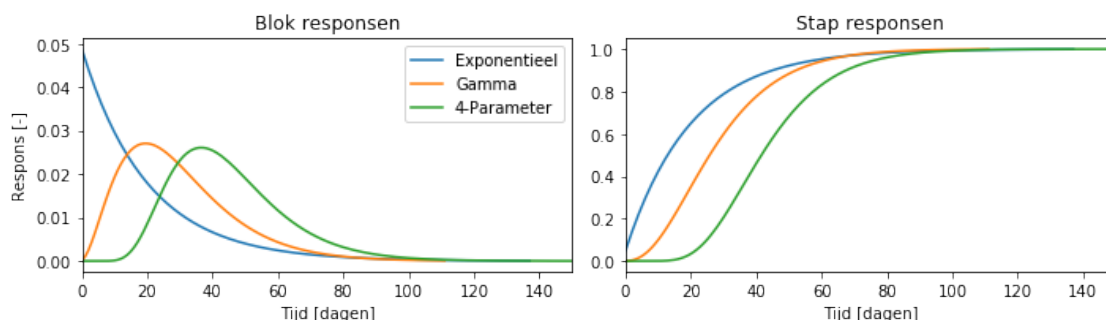
Voor niet gemeten invloeden zijn (vaak)geen verklarende tijdreeksen beschikbaar en het effect van dit type invloeden is lastiger vast te stellen. Voorbeelden zijn veranderend landgebruik, ingreep in de waterhuishouding (bv. opzet IJsselmeer). Dit type bijdrage kan worden meegenomen door een

trend mee te nemen in de modellering. De op te geven informatie is in dit geval een periode of tijdstap wanneer een verandering heeft plaats gevonden.

### 1.3 Respons functies

De vertaling van een verklarende tijdreeks naar een bijdrage aan de stijghoogte fluctuaties kan worden gedaan met behulp van een impuls respons functies. De impuls respons functie beschrijft in dit geval hoe de stijghoogte reageert op een impuls van de verklarende tijdreeks. Er zijn tal van respons functies die kunnen worden gekozen om een verklarende tijdreeks om te zetten in een bijdrage aan de stijghoogte fluctuaties. De keuze voor een bepaalde respons functie kan bijvoorbeeld afhangen van het type verklarende reeks (bv. neerslag of een rivier), maar ook van het systeem (bv. een dikke of dunne verzadigde zone).

Vaak wordt een 4-parameter gamma functie of een vereenvoudigde vorm daarvan gebruik als impuls respons functie. Afhankelijk van het systeem kunnen bepaalde parameters worden vastgezet, wat het aantal te schatten parameters verlaagt. In de volgende figuur worden drie impuls respons functie getoond die elk een vereenvoudigde vorm van de 4-parameter gamma functie zijn.



De exponentiele respons heeft 2 parameters, de Gamma heeft 3 parameters, en de 4-parameter gamma functie heeft 4 parameters. Het kan echter goed voorkomen dat de parameters van de 4-parameter functie na kalibratie eigenlijk een Gamma of zelfs exponentiele functie simuleren. Het is dan mogelijk parameters vast te zetten en op die manier het aantal te schatten parameters te reduceren. Het dient over het algemeen aanbeveling verschillende respons functies te testen. Per software pakket dient te worden bepaald welke respons functies beschikbaar zijn.

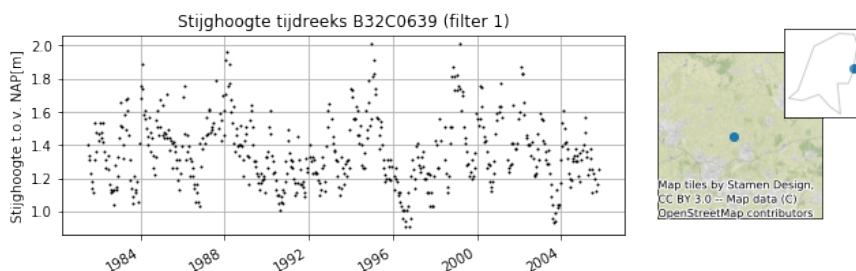
### 1.4 Effect van neerslag en verdamping

Vrijwel alle grondwaterstanden in Nederland worden in meer of mindere mate beïnvloed door neerslag en verdamping. Deze twee verklarende tijdreeksen worden daarom bijna altijd in een tijdreeksmodel opgenomen. De manier waarop deze tijdreeksen worden meegenomen in het model kunnen sterk verschillen. We kunnen grofweg drie methoden onderscheiden:

- Neerslag en verdamping als aparte invloeden
- Netto neerslagoverschot ( $N = P - fE$ ) en 1 respons functie
- Niet-lineaire grondwateraanvulling en 1 respons functie

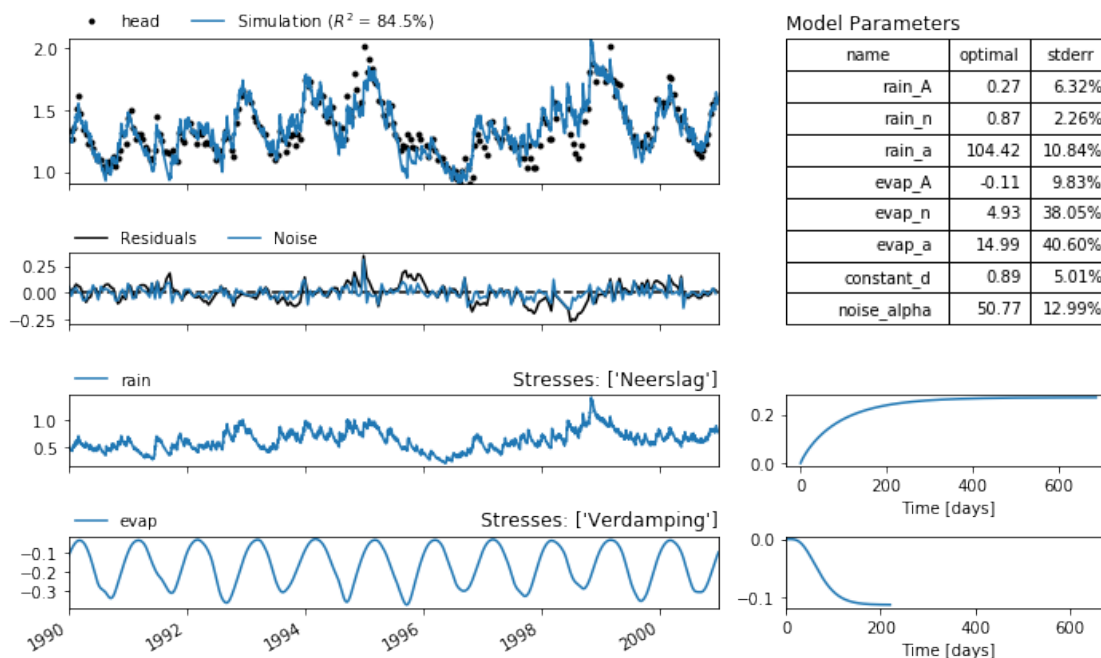
### 1.4.1 Voorbeeld data

In de volgende drie secties wordt een model gemaakt volgens deze drie methoden. De stijghoogte tijdreeks die in dit voorbeeld is gebruikt is gemeten in een monitorings put B32C0639 (filter 1) nabij de Bilt. Neerslag en potentiële Makkink verdamping is beschikbaar van het KNMI meteorologisch meetstation de Bilt.



### 1.4.2 Neerslag en verdamping als aparte invloeden

Bij deze methode worden de twee tijdreeksen van neerslag en verdamping onafhankelijk van elkaar meegenomen in het tijdreeksmodel. Door middel van twee aparte (en wederom onafhankelijke) responsfuncties worden de tijdreeksen vertaald in bijdragen aan de stijghoogte fluctuaties. Hieronder is een voorbeeld gegeven van het resultaat van een dergelijk model voor de voorbeeld data.

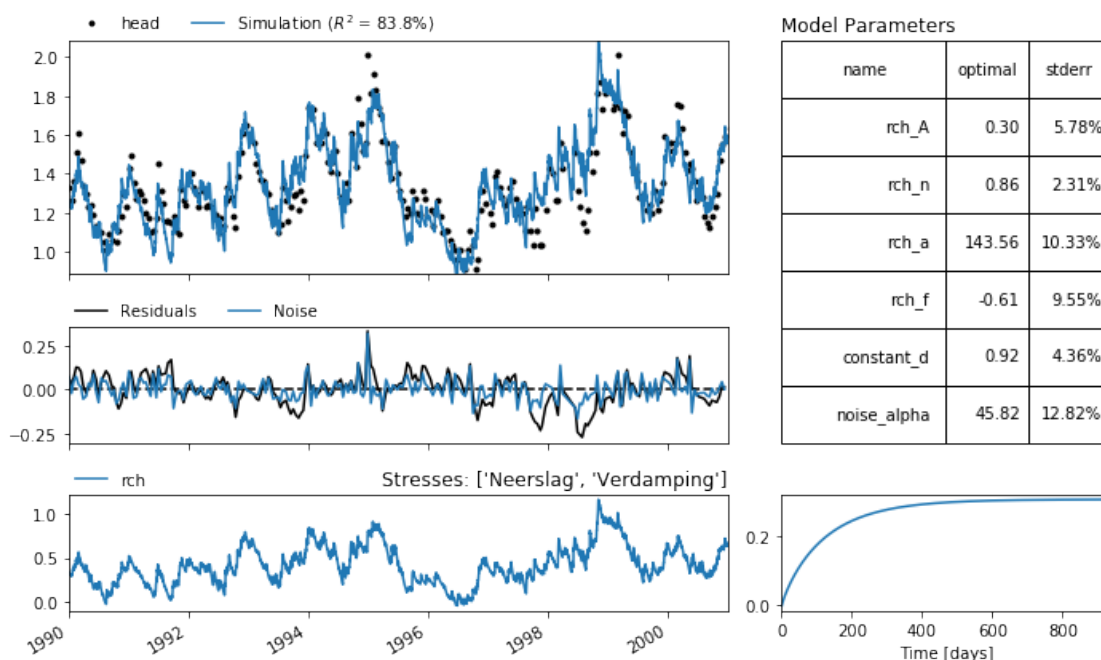


De onderste twee linker subplots tonen de geschatte invloed van de neerslag en de verdamping. De neerslag heeft een positief (stijgend) effect op de stijghoogte en de verdamping een dalend effect. Voor beide respons functies (zie de onderste twee rechter subplots) moeten de parameters worden geschat. Het totaal aantal geschatte parameters van dit model is 8.

### 1.4.3 Lineair neerslagoverschot

Een veelgemaakte aanname is dat de respons van de stijghoogte op neerslag en verdamping vergelijkbaar is, maar in de tegenovergestelde richting. Hoewel uit bijvoorbeeld bovenstaande figuur blijkt dit niet altijd het geval is, is in de praktijk gebleken dat deze aanname toch vaak goede modellen oplevert. Onder deze aanname is het mogelijk eerst het neerslagoverschot te berekenen ( $N = P - E$ ) en deze flux te vertalen in een bijdrage aan de stijghoogtefluctuaties met een enkele respons functie.

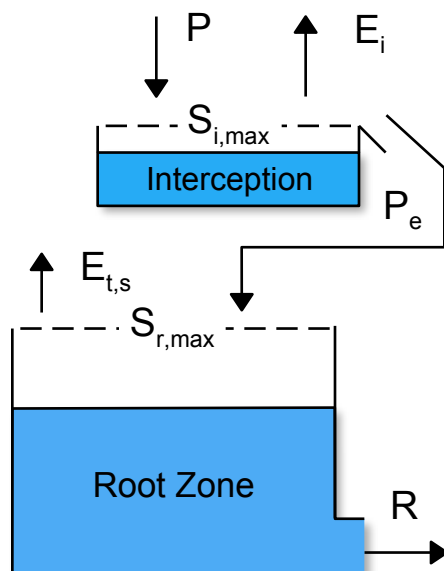
Omdat vaak gewerkt wordt met de potentiële verdamping (bijvoorbeeld Makkink of Penman-Monteith) wordt een verdampingsfactor  $f$  gebruikt. Het neerslag overschot wordt dan berekend als :  $N = P - f * E$ , waar  $f$  een kalibratie parameter is. Een belangrijk voordeel van dit model ten op zichte van het voorgaande model is het kleinere aantal parameters dat geschat moet worden.



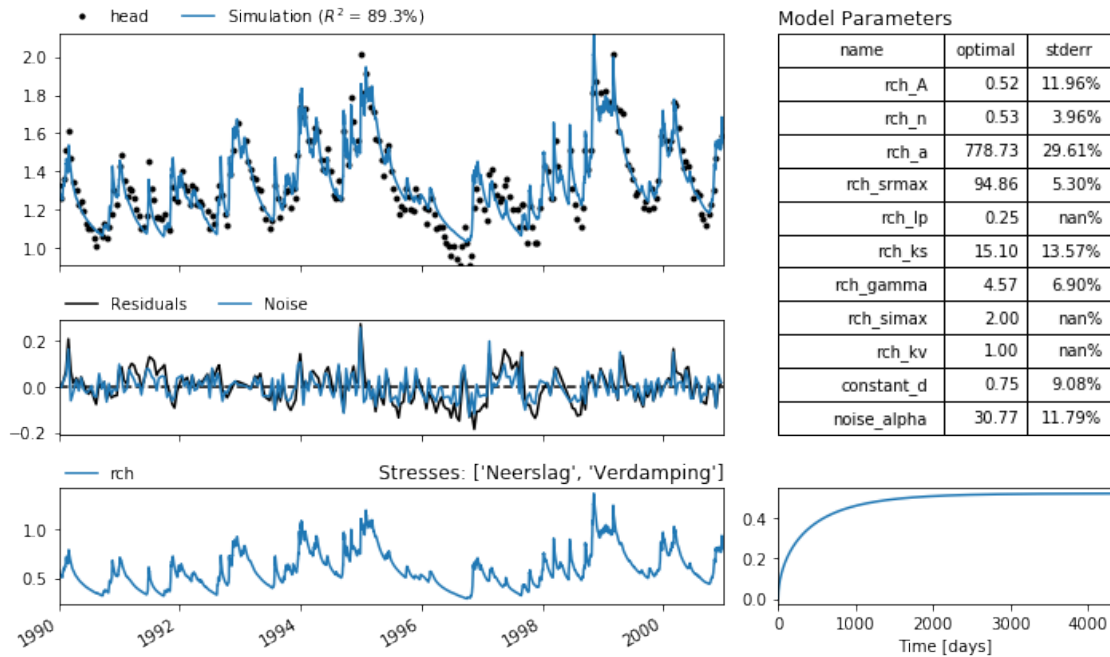
In de figuur hierboven is het resultaat van dit model voor de voorbeeld data getoond. De geschatte verdampingsfactor is  $f = -0.61$ . Terwijl dit model twee kalibratie parameters minder heeft is de model fit vrijwel gelijk aan het eerste model.

#### 1.4.4 Niet-lineaire grondwateraanvulling

Bij de derde methode wordt een niet-lineair model gebruikt om grondwateraanvulling te berekenen, die vervolgens ook geconvolveerd wordt met een respons functie. Verschillende niet-lineaire modellen zijn beschikbaar, zie bijvoorbeeld Berendrecht et al. (2005), Peterson en Western (2014) en Collenteur et al. (2020). Al deze modellen hebben de vorm van een bakje, waar neerslag en verdamping in en uit gaat aan de bovenkant, en grondwateraanvulling uitkomt aan de onderkant. Een voorbeeld van een dergelijk model is hieronder weergegeven. Dit model bevat ook een bakje voor interceptie.



Een voordeel van niet-lineaire modellen is dat er rekening wordt gehouden met processen in de onverzadigde zone, waardoor de stijghoogte niet meer lineair reageert op neerslag en verdamping. Dit gebeurt bijvoorbeeld wanneer de verdamping wordt beperkt door de beschikbare bodemvocht ten tijde van droogte, of door de berging van neerslag in de onverzadigde zone.



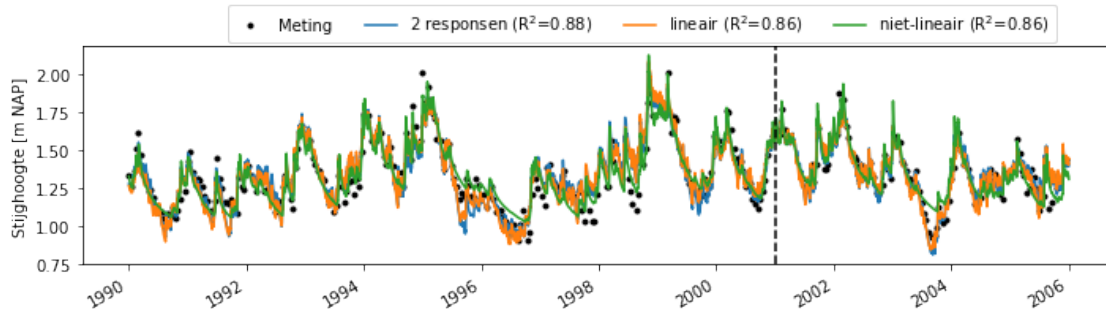
Mogelijke nadelen van niet-lineaire modellen kunnen een groter aantal vrije parameters zijn of de rekentijd van het model. Het is echter vaak mogelijk een aantal parameters vast te zetten en een response functie te gebruiken met minder parameters, waardoor het aantal vrije parameters sterk is te reduceren. Door ontwikkelingen in de software is de rekentijd eigenlijk geen argument meer om niet-lineaire modellen niet te gebruiken.

#### 1.4.5 Welk model is het beste?

We hebben nu drie modellen voor een stijghoogte reeks die goed verklaart kan worden door neerslag en verdamping. Het model met twee aparte responsen heeft een  $R^2 = 0.85$ , het lineaire model  $R^2 = 0.84$  en het niet-lineaire model  $R^2 = 0.89$ . De modellen ontlopen elkaar dus eigenlijk niet zo veel wat betreft deze fit statistiek. Het is aan de modelleur om nu een van deze modellen te kiezen of deze allemaal te gebruiken.

Een veelgebruikte methode om het “beste” model te selecteren is door de fit van de modellen buiten de kalibratieperiode te berekenen. In de figuur hieronder is met elk model de stijghoogte in voor een periode na de kalibratieperiode gesimuleerd (2001-2006). In de legenda is de determinatie coefficient weergegeven. Nu is het model met de twee responsen het beste model volgens de  $R^2$  statistiek ( $R^2 = 0.88$ ), en hebben het lineaire en niet-lineaire model een slechtere fit ( $R^2 = 0.86$ ).

De model fits zijn in dit voorbeeld zeer vergelijkbaar. De modelleur kan er in dit geval bijvoorbeeld voor kiezen het model met het laagste aantal parameters te kiezen. Dit aantal is het laagste voor het lineaire model ( $n = 6$ ), en de andere twee modellen hebben beide meer parameters hebben (beide  $n = 8$ ).

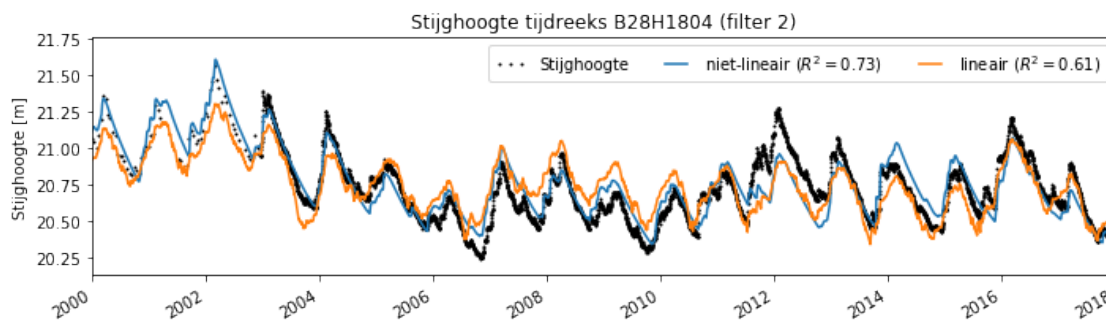


#### 1.4.6 Dikkere onverzadigde zone

In het voorgaande voorbeeld bleek uiteindelijk dat een lineair model genoeg is om de grondwaterstand te modelleren. De grondwaterstand in dit voorbeeld is dichtbij het maaiveld, wat betekend dat de wortelzone mogelijk water opneemt uit het grondwater. Het lineaire model kan een negatieve flux simuleren, het niet-lineaire model in het voorbeeld hierboven niet. [Peterson et al \(2014\)](#) heeft hier wel een oplossing voor uitgewerkt voor diepe grondwaterstanden en wortelsystemen in Australië.

Wanneer de wortelzone niet tot de grondwaterspiegel rijkt en er dus geen verdamping van grondwater plaatsvindt kan een niet-lineair model duidelijk verschil maken.

HIER MOET EEN BETER VOORBEELD WORDEN GEVONDEN!!



#### 1.5 Drempel niet-lineariteit

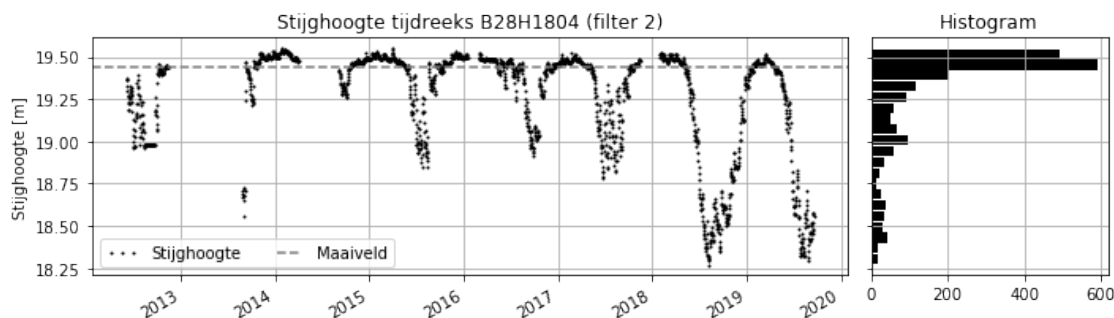
Een veelvoorkomend fenomeen in (lager gelegen) delen van Nederland is drempel niet-lineariteit (zie bv. [Berendrecht et al. \(2004\)](#)). Daarbij reageert een grondwatersysteem anders op een impuls (bv. neerslag) nadat een bepaalde grenswaarde in de stijghoogte is overschreden. [Knotters et al. \(1999\)](#) hebben hiervoor een model ontwikkeld, het zogeheten TARSO model, waarbij de respons op neerslagoverschot afhangt van de stijghoogte boven of onder een bepaalde drempelwaarde. Wanneer de stijghoogte boven deze drempelwaarde komt, kan het bijvoorbeeld zo zijn dat afstroming naar het



oppervlaktewater plaats vind (bv. een sloot die anders droog staat). Of er sprake is van drempel niet-lineariteit kan worden vastgesteld door:

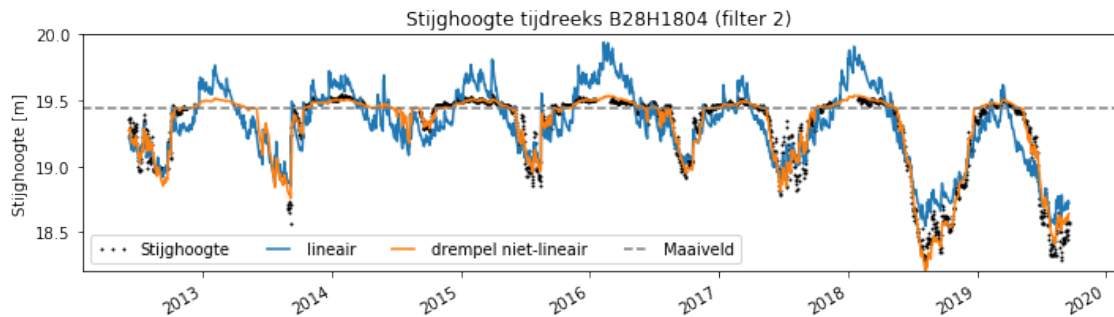
1. een visuele inspectie of de stijghoogte tijdreeks afgevlakt is,
2. het plotten van een histogram van de stijghoogte metingen, of
3. het testen van verschillende modelstructuren.

Als voorbeeld kijken we naar een stijghoogte reeks B28H1804 (filter 2) in de buurt van Weerselo. De gegevens in Dinoloket laten zien dat het maaiveeld bij ditpunt of 19.44 meter t.o.v. NAP ligt. In onderstaande figuur is de stijghoogte tijdreeks en een histogram van de reeks afgebeeld voor een visuele inspectie van de tijdreeks (stap 1 & 2).



Uit bovenstaande plots is af te leiden dat er mogelijk sprake is van drempel niet-lineariteit. De stijghoogte reeks is afgevlakt rond 19.50-19.75 en de histogram laat een duidelijke scheve verdeling zien. Op basis van de visuele inspectie kunnen we bijvoorbeeld besluiten om twee modellen te testen: de eerste met een simpel neerslag overschot ( $N = P - fE$ ) en een tweede met drempel niet-lineariteit (hier, het TARSO model). Vervolgens kan dan worden beoordeeld welk model “beter” is en wordt gebruikt voor verdere analyse.

Onderstaande figuur geeft de resultaten van de twee modellen weer. Het lineaire model geeft een structurele overschatting van de hoge grondwaterstanden, waar het drempel niet-lineaire model netjes de gemeten grondwaterstand volgt.



## 1.6 Andere verklarende variabelen

Tot op dit punt hebben we gekeken naar stijghoogte tijdreeksen die zich goed laten verklaren door neerslag en verdamping. In veel gevallen zijn echter andere verklarende tijdreeksen nodig om de stijghoogte goed te kunnen modelleren. Twee invloeden die vaak belangrijk zijn, zijn oppervlaktewaterpeilen en grondwateronttrekkingen. In de volgende twee secties wordt beschreven hoe de effecten van deze invloeden kunnen worden gemodelleerd.

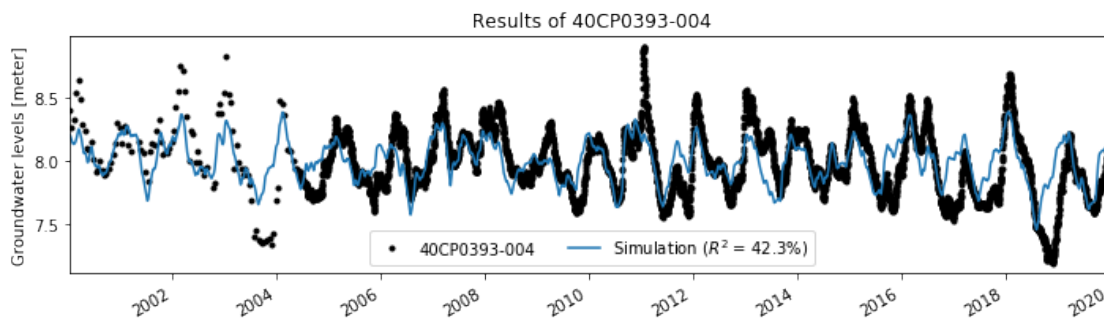
### 1.6.1 Oppervlaktepeil als verklarende tijdreeks

In grote delen van Nederland worden de stijghoogten beïnvloed door oppervlaktewaterpeilen. Dit kunnen grote rivieren en meren als de Rijn en het IJsselmeer zijn, maar ook kleinere vennen en slootjes in de polder. Het is niet ongebruikelijk dat het nodig is een tijdreeks van een nabijgelegen oppervlaktewaterpeil toe te voegen aan het tijdreeksmodel om de stijghoogte goed te kunnen modelleren.

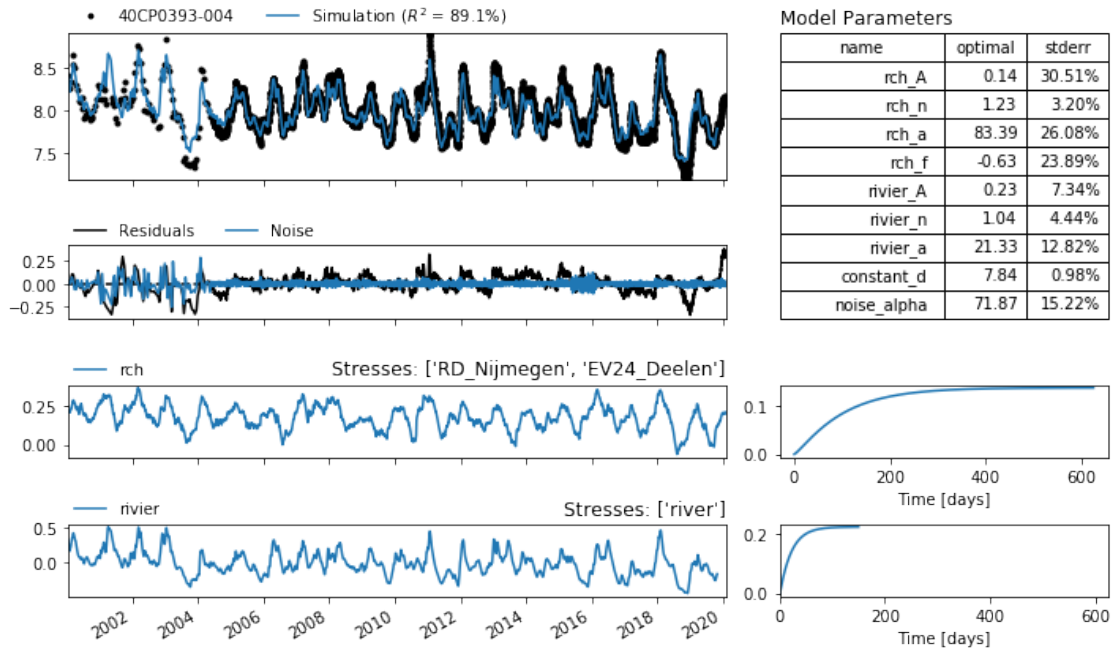
We kunnen dit wederom doen door de tijdreeks van het gemeten oppervlaktewaterpeil te vertalen naar een bijdrage aan de stijghoogtefluctuaties met behulp van een respons functie. De respons functie beschrijft dan de reactie van de stijghoogte op fluctuaties in het oppervlaktewaterpeil. Het is aan te bevelen om deze tijdreeks eerst te normaliseren door bijvoorbeeld het gemiddelde om de mediaan er van af te trekken. We zijn immers enkel geïnteresseerd in de veranderingen in het oppervlaktewaterpeil en niet in het absolute niveau. Meer informatie over normaliseren van tijdreeksen is te vinden in het hoofdstuk over Voorbewerking.

---

Als voorbeeld modelleren we de stijghoogte tijdreeks gemeten in peilbuis 40CP0393 (filter 4). Eerst maken we een model met enkel neerslag en verdamping als verklarende variabelen. Deze worden vertaald in stijghoogte fluctuaties met een lineair neerslagoverschot model en een Gamma respons functie. Dit model levert de volgende simulatie van de stijghoogte op.

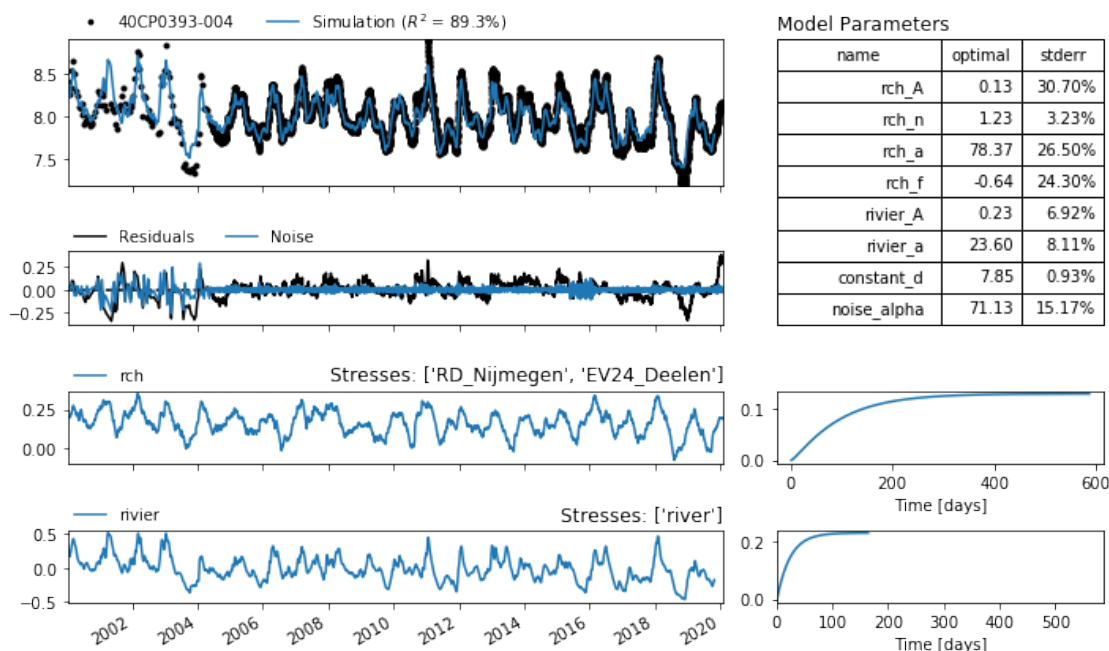


Uit bovenstaande figuur blijkt duidelijk dat het neerslagoverschot niet genoeg is om de stijghoogte fluctuaties te verklaren. Uit de hydrologische systeem analyse van het studiegebied blijkt dat de peilbuis dichtbij een oppervlaktewaterlichaam ligt. We kunnen dan de rivierwaterstand als verklarende tijdreeks aan het model toevoegen en kijken of dit de simulatie van de stijghoogte verbetert. We kiezen hier voor de algemene Gamma respons functie met drie parameters om het oppervlaktewaterpeil te vertalen in stijghoogtefluctuaties.



Het model laat een duidelijke verbetering zien in de fit tussen de gesimuleerde en de gemeten stijghoogte. De fit, hier uitgedrukt als  $R^2$ , is gestegen van  $R^2 = 0.43$  naar  $R^2 = 0.89$ . Het toevoegen van het oppervlaktewaterpeil levert hier dus een duidelijke verbetering op.

De gekalibreerde respons functie lijkt erg op een exponentiele respons functie, te zien aan de blok respons en de waarde van parameter  $rch\_n$  die bijna 1 is. Dit betekent dat de stijghoogte vrijwel instantaan reageert op de rivierwaterstand. Wanneer dit het geval is, verdient het aanbeveling de Gamma respons functie te vervangen door de exponentiele respons functie. Dit scheelt 1 kalibratie parameter in het model, en levert hetzelfde model op. Wanneer de fit gelijk is, zal een model met minder parameters over het algemeen de voorkeur hebben over een model met meer parameters. Onderstaande figuur toont het model waar gebruikt is van een exponentiele respons functie in plaats van de Gamma. Het resultaat laat zien dat dit een vergelijkbaar model oplevert, maar met 1 parameter minder.



Zowel de grondwateraanvulling (of natuurlijk het natuurslagoverschot) als het oppervlaktewaterpeil is in zekere mate afhankelijk van de neerslag. Dit kan er voor zorgen dat de parameters van deze modelonderdelen sterk gecorreleerd zijn en de bijdragen aan de stijghoogte fluctuaties lastig van elkaar te onderscheiden zijn. Wanneer veranderingen in het oppervlaktewaterpeil net als grondwateraanvulling veroorzaakt wordt door lokale neerslag, kan het zijn dat de bijdragen aan de stijghoogtefluctuaties sterk aan elkaar gecorreleerd zijn.

In het voorgaande model is dit visueel al zichtbaar, en de correlatie tussen de twee bijdragen is  $r = 0.66$ . Des te sterker de correlatie tussen deze twee bijdragen, des te lastiger zal het zijn een deel van de stijghoogtefluctuatie toe te kennen aan 1 van deze invloeden. Dit kan de mogelijkheid beperken om precieze uitspraken te doen over het effect van een bepaalde invloed op de stijghoogte.

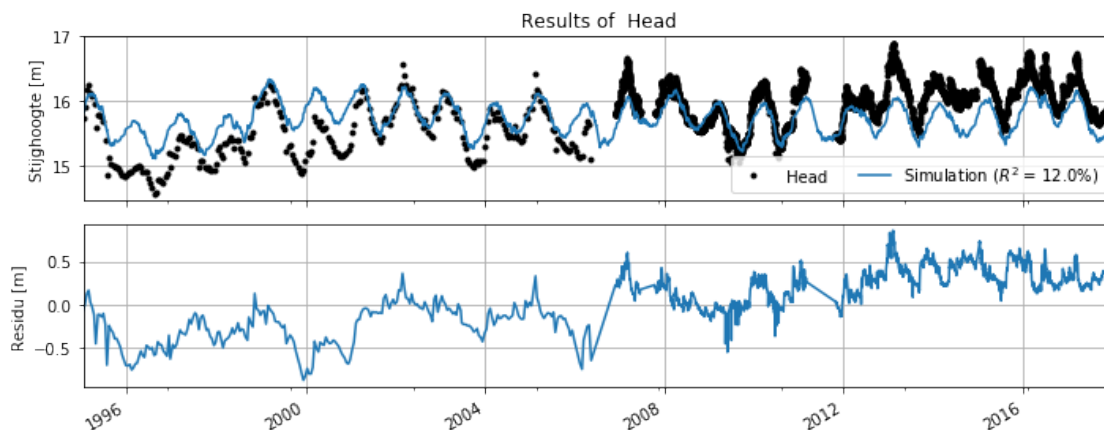
### 1.6.2 De invloed van een grondwaterontrekking bepalen

Grondwater wordt door heel Nederland gebruikt voor de productie van drinkwater en als bron van irrigatiewater. Voor het modeleren van stijghoogte tijdreeksen in gebieden waar (in het verleden of nu) grondwater wordt onttrokken is het vaak nodig om een tijdreeks van deze onttrekking mee te nemen. Enige voorbewerking van deze tijdreeksen is over het algemeen nodig, bijvoorbeeld om tijdreeksen met maandelijkse debiet totalen terug te brengen naar een tijdreeks met een gelijke tijdstap (bv. dagsommen). Meer over deze voorbewerking is te vinden in het hoofdstuk over Voorbewerking.

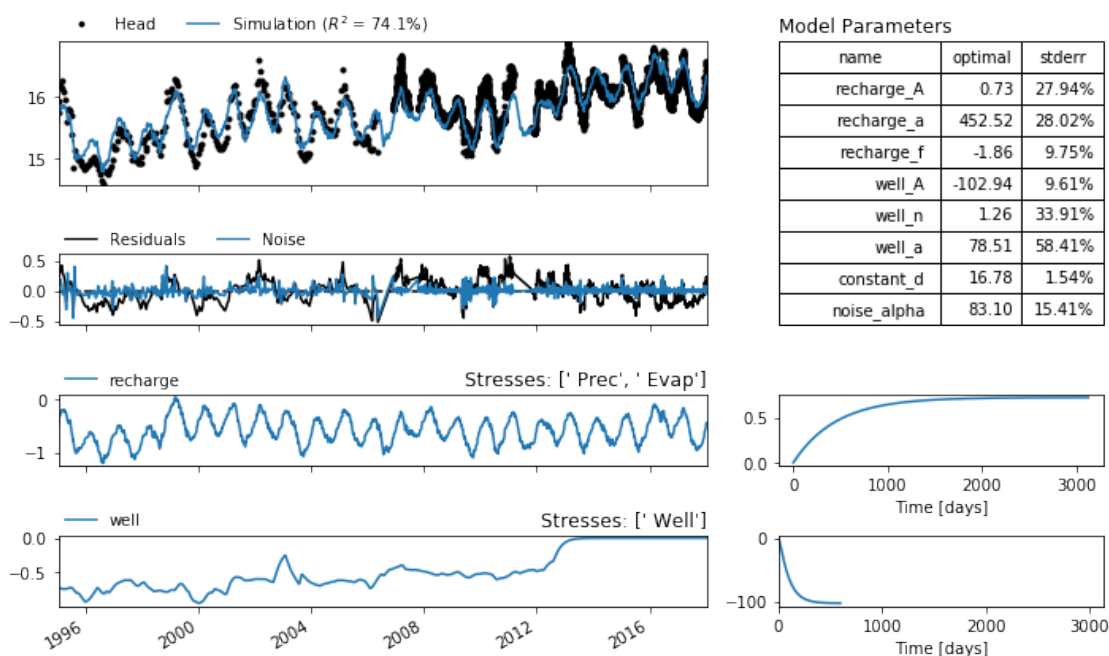
---

Als voorbeeld kijken we naar een peilbuis in de omgeving van een grondwater pompstation in Vierlingsbeek / Boxmeer.

HIER MOET EEN BETER VOORBEELD WORDEN GEVONDEN. Dit voorbeeld is lastig, klopt van alles niet. Op zoek naar iets anders.

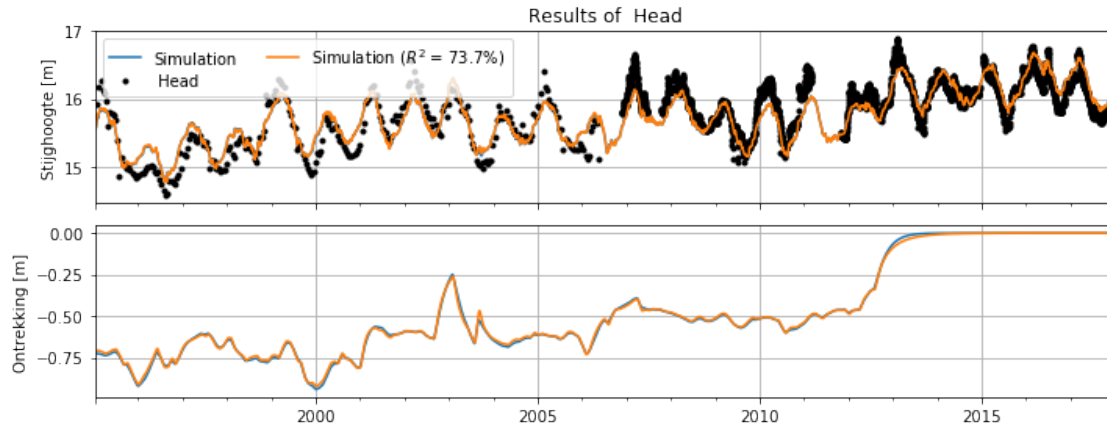


In de modelresiduen is een duidelijke trend over de tijd te zien, wat wijst op het mogelijk ontbreken van een invloed. We voegen daarom de tijdreeks van het ontrekkingsdebiet toe aan het model. Deze wordt vertaald naar een bijdrage aan de stijghoogtefluctuaties met behulp van een Gamma response functie. Dit levert het volgende model op.



Bovenstaande figuur laat duidelijk zien dat de fit van het model wordt verbeterd door het toevoegen de grondwaterontrekking aan het model. Dit geeft ook de mogelijk om de invloed van het ontrekken van grondwater op de stijghoogte in te schatten. De stap respons kan een indicatie

geven van de te verwachten verlaging (verhoging) door het extra (minder) minder onttrekken van een hoeveelheid grondwater. In dit model is gebruik gemaakt van een Gamma respons functie met drie parameters. Een andere respons functie die gebruikt kan worden is bijvoorbeeld de Hantush functie (REFERENTIE?). De volgende figuur geeft het



Om de invloed van het onttrekken van grondwater op de stijghoogte vast te stellen is het belangrijk dat er enige variatie aanwezig is in de debiet tijdreeks. Er bestaan helaas (nog) geen vuistregel om te bepalen hoeveel variatie in een verklarende tijdreeks genoeg is om de invloed goed te kunnen vast stellen. Of de debietsreeks een periode zonder onttrekken moet bevatten voor het vaststellen van de stijging in de stijghoogtes als gevolg van het stoppen van pompen is bijvoorbeeld onbekend.

### 1.6.3 Meerdere grondwateronttrekkingen

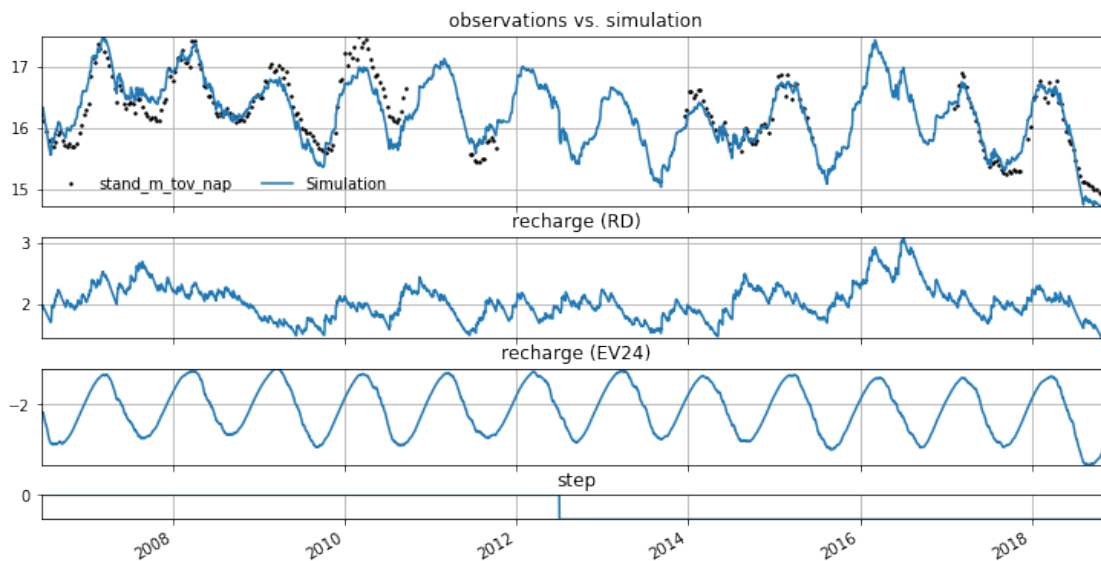
Wanneer meerdere pompstations in een gebied aanwezig zijn is het goed mogelijk dat de ruwe debietsreeksen sterk aan elkaar gecorreleerd zijn. Het is dan lastig om de invloed van deze reeksen van elkaar te onderscheiden. In dit geval is het mogelijk om beide reeksen met een enkele responsfunctie te simuleren. De respons functie wordt daarbij geschaald met de afstand van de peilbuis tot de put (REFERENTIE NODIG, ook voor Pastas!). In het voorbeeld hieronder is dit uitgewerkt.

## 1.7 Veranderingen in het systeem

Systemen kunnen niet allen veranderen als gevolg van de grondwaterstand (bv. drempel niet-lineariteit), maar ook als gevolg van systeemveranderingen door de tijd.

- Stap response
- Lineaire trend
- Veranderende respons functies (Obergfjell et al. (2019)). Dit moet worden beschreven maar hier kan geen voorbeeld van worden gemaakt want het zit niet in Pastas of een ander software pakket.

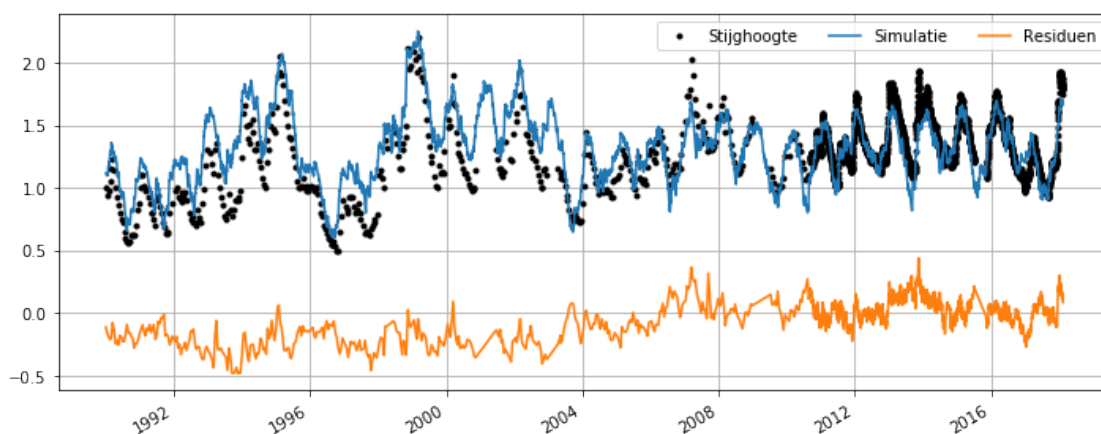
### 1.7.1 Stap response



### 1.7.2 Voorbeeld van een model met lineaire trend

Het gebeurt vaak dat een stijghoogte tijdreeks een opwaartse of neerwaartse trend vertoont, die niet door neerslag of verdamping verklaart kan worden. We beschouwen hier een model voor het 1e filter in de peilbuis “B32C0609” nabij de Bilt. Als eerste stap maken we een model met neerslag en verdamping als verklarende variabelen.

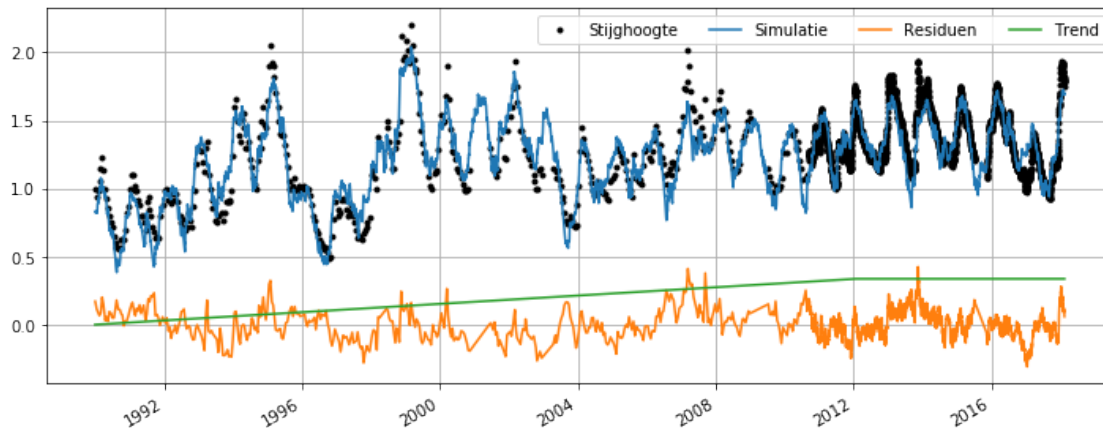
WAT IS HIER DE INVLOED VAN DE HOOGFREQUENTE METINGEN?



In de figuur hierboven is het resultaat van de modellering te weergegeven. We zien dat het model de fluctuaties in de gemeten stijghoogte in het algemeen goed kan verklaren, maar de residuen van



het model laten een duidelijke opwaartse trend zien. Het model overschat de stijghoogte in het begin van de kalibratie periode en onderschat de stijghoogte aan het einde van deze periode.



## 1.8 Welke modelstructuur moet ik gebruiken voor de analyse?

Een belangrijke vraag is nu hoe is vast te stellen welke modelstructuur moet worden gebruikt voor de uiteindelijke analyse van het probleem. Deze vraag laat zich lastig eenduidig beantwoorden en is onderdeel van actief onderzoek. In het volgende hoofdstuk over modelbeoordeling wordt uitvoerig op deze vraag ingegaan. Hier behandelen we enkel hoe kan worden vastgesteld of een invloed moet worden meegenomen in het model.

- hoe te bepalen welke invloeden moeten worden meegenomen?
- hoe te bepalen welke modelstructuur beter is?

Welke verklarende variabelen moeten worden meegenomen

- Toetsen van hydrologische plausibiliteit van evenwichtsrelatie (bv.  $\text{well\_A} > 0$ ), diagnostisch toetsen noodzakelijk
- Lengte van de respons functie
- Residuen analyse
- hypothese toetsen

## 1.9 Discussie

- Invloed van de meetfrequentie (zie ook bv. Herwijnen 2001). Welke informatie in een reeks?
- Correlaties tussen reeksen
- Wat als het sneeuwt
- Verdamping die verandert over de tijd
- Constante die niet constant is (door de tijd)
- Einstein, “everything should be as simple as possible, but not simpler.” Occurs razor



### 1.9.1 onthoud

- schaling tijdreeksen
- normaliseren tijdreeksen
- testen verschillende respons functies
- 

### 1.10 Referenties

- Knotters M. en de Gooijer, J.G. (1999) TARSO modeling of water table depths. Water Resources Research, 35:3.
- Berendrecht, W., Gehrels, H., van Geer, F., en Heermink, A. (2004) Een niet-lineair tijdreeksmodels voor grondwaterstandsfluctuaties in gedraineerde gebieden. Stromingen 10, nummer 2.
- von Asmuth et al. (2002)
- Berendrecht et al. (2006)
- Peterson and Western (2014)
- Collenteur et al. (2020)

### 1.11 Beschikbaarheid van opties

In de volgende tabel wordt een overzicht gegeven welke opties in verschillende software pakketten beschikbaar zijn. **Dit overzicht komt niet in dit Notebook**

Optie	Pastas	Menyanthes	Hydrosight
Drempel niet-lineariteit	Ja	Ja	Nee
niet-lineaire grondwateraanvulling	Ja	Nee	Ja
Stap respons	Ja	Ja	Onbekend
Lineaire trend	Ja	Ja	Onbekend
Veranderende respons	Nee	Nee	Nee