

Отчет по 3 лабораторной работе.

Команда: Холодов А.В. Иванов А.А. ПИН-21

Задание Л3.31. Измените функции *print16()* и *print32()* заданий Л1.33–Л1.34 так, чтобы все данные, выводимые одним вызовом *print16()* либо *print32()*, занимали одну строку; а ширина каждого из представлений была бы постоянной: для шестнадцатеричного (а) и двоичного (б) представлений необходимо выводить ведущие нули (но не более, чем фактически присутствует: так, двоичное представление 16-битного числа должно содержать 16 бит); для десятичных (в), (е), (ж), (з) дополнять пробелами. Каждое из дублирующихся представлений — шестнадцатеричное (а) и (г), двоичное (б) и (д) — выводить в одном экземпляре.

Реализация:

```
void print16(void* p)
{
    std::bitset<16> signed_bitset(*reinterpret_cast<short *>(p));
    //std::bitset<16> unsigned_bitset(*reinterpret_cast<unsigned short *>(p));
    cout<<setfill(' ');
    cout<<setw(16) << "binary" << "|"<<
        setw(4) << "hex" << "|"<<
        setw(11) << "un decimal" << "|"<<
        setw(11) << "decimal" << endl;
    cout<<setfill(' ');
    cout<<setw(16) << signed_bitset << "|"<<
        setw(4) << hex<<(*reinterpret_cast<unsigned short *>(p))<< "|"<<
        setw(11) << dec<<(*reinterpret_cast<unsigned short *>(p))<< "|"<<
        setw(11) << dec<<(*reinterpret_cast<short *>(p))<< endl;
}

void print32(void* p)
{
    std::bitset<32> signed_bitset(*reinterpret_cast<int *>(p));
    //std::bitset<32> unsigned_bitset(*reinterpret_cast<unsigned int *>(p));
    cout<<setfill(' ');
    cout<<setw(32) << "binary" << "|"<<
        setw(8) << "hex" << "|"<<
        setw(11) << "un decimal" << "|"<<
        setw(11) << "decimal" << "|"<<
        setw(9) << "float" << "|"<<
        setw(9) << "exponent" << endl;
    cout<<setfill(' ');
    cout<<setw(32) << signed_bitset << "|"<<
        setw(8) << hex << (*reinterpret_cast<unsigned int *>(p))<< "|"<<
        setw(11) << dec << (*reinterpret_cast<unsigned int *>(p))<< "|"<<
        setw(11) << dec << (*reinterpret_cast<int *>(p)) << "|"<<
        setw(9) << dec << setprecision(4) << fixed << (*reinterpret_cast<float *>(p)) << "|"<<
        setw(9) << dec << setprecision(4) << scientific << (*reinterpret_cast<float *>(p)) << endl;
}
```

Задание Л3.32. Разработайте программу на языке C++, которая расширяет значение целочисленной переменной из 16 бит до 32 бит, рассматривая числа как:

- знаковые (signed);
- беззнаковые (unsigned).

Проверьте её работу на значениях m и n (таблица Л3.1). Каждое из двух значений — как m , так и n — должно расширяться двумя способами — как знаковым, так и беззнаковым.

Реализация:

```
void exercise_2()
{
    cout<<"Exercise 2"<<endl;
    short m=986;
    cout<<"For 986:"<<endl;
    expansion_from_16_to_32(&m);
    unsigned n = -126;
    cout<<"For -126:"<<endl;
    expansion_from_16_to_32(&n);
}
```

Вывод:

```
Exercise 2
For 986:
    binary| hex| un decimal| decimal
0000001111011010| 3da| 986| 986
    binary| hex| un decimal| decimal| float| exponent
0000000000000000000000001111011010| 3da| 986| 986| 0.0000| 1.3817e-42
    binary| hex| un decimal| decimal
0000001111011010| 3da| 986| 986
    binary| hex| un decimal| decimal| float| exponent
0000000000000000000000001111011010| 3da| 986| 986| 0.0000| 1.3817e-42
For -126:
    binary| hex| un decimal| decimal
1111111110000010| ff82| 65410| -126
    binary| hex| un decimal| decimal| float| exponent
11111111111111111111111110000010| ffffff82| 4294967170| -126| nan| nan
    binary| hex| un decimal| decimal
1111111110000010| ff82| 65410| -126
    binary| hex| un decimal| decimal| float| exponent
00000000000000001111111110000010| ff82| 65410| 65410| 0.0000| 9.1659e-41
```

Задание Л3.33. Разработайте программу на языке C/C++, которая выполняет над 16-битной целочисленной переменной:

- знаковое умножение на 2;

$m = 986, n = -126$

Реализация:

```

void exercise_3()
{
    short m = 986;
    short n = -126;
    unsigned short m_uns = 986;
    unsigned short n_uns = -126;
    cout << "For m:" << endl;
    cout << "Initial m:" << endl;
    print16(&m);

    cout << "Signed m*2:" << endl;
    short m2 = m*2;
    print16(&m2);

    cout << "Unsigned m*2:" << endl;
    unsigned short m3 = m_uns*2;
    print16(&m3);

    cout << "Signed m/2:" << endl;
    short m4 = m/2;
    print16(&m4);

    cout << "Unsigned m/2:" << endl;
    unsigned short m5 = m_uns/2;
    print16(&m5);

    cout << "m mod 16:" << endl;
    unsigned short m6 = m_uns%16;
    print16(&m6);

    cout << "Rounding down:" << endl;
    unsigned short m7 = m_uns-m6;
    print16(&m7);
}

```

```

// n

cout << endl << "For n:" << endl;

cout << "Initial n:" << endl;
print16(&n);

cout << "Signed n*2:" << endl;
short n2 = n*2;
print16(&n2);

cout << "Unsigned n*2:" << endl;
unsigned short n3 = n_uns*2;
print16(&n3);

cout << "Signed n/2:" << endl;
short n4 = n/2;
print16(&n4);

cout << "Unsigned n/2:" << endl;
unsigned short n5 = n_uns/2;
print16(&n5);

cout << "n mod 16:" << endl;
unsigned short n6 = n_uns%16;
print16(&n6);

cout << "Rounding down:" << endl;
unsigned short n7 = n_uns-n6;
print16(&n7);
}

```

Вывод:

```
For m:
Initial m:
    binary| hex| un decimal| decimal
0000001111011010| 3da| 986| 986
Signed m*2:
    binary| hex| un decimal| decimal
0000011110110100| 7b4| 1972| 1972
Unsigned m*2:
    binary| hex| un decimal| decimal
0000011110110100| 7b4| 1972| 1972
Signed m/2:
    binary| hex| un decimal| decimal
0000000111101101| 1ed| 493| 493
Unsigned m/2:
    binary| hex| un decimal| decimal
0000000111101101| 1ed| 493| 493
m mod 16:
    binary| hex| un decimal| decimal
0000000000001010| a| 10| 10
Rounding down:
    binary| hex| un decimal| decimal
0000001111010000| 3d0| 976| 976

For n:
Initial n:
    binary| hex| un decimal| decimal
1111111111000010| ff82| 65410| -126
Signed m*2:
    binary| hex| un decimal| decimal
111111100000100| ff04| 65284| -252
Unsigned m*2:
    binary| hex| un decimal| decimal
111111100000100| ff04| 65284| -252
Signed m/2:
    binary| hex| un decimal| decimal
111111111000001| ffc1| 65473| -63
Unsigned m/2:
    binary| hex| un decimal| decimal
0111111111000001| 7fc1| 32705| 32705
m mod 16:
    binary| hex| un decimal| decimal
0000000000000010| 2| 2| 2
Rounding down:
    binary| hex| un decimal| decimal
1111111101111000| ff78| 65400| -136
```

Задание Л3.34. Разработайте программу на языке C/C++, которая выполняет над 16-битной целочисленной переменной x :

- знаковый сдвиг влево на 1 бит;
- беззнаковый сдвиг влево на 1 бит;
- знаковый сдвиг вправо на 1 бит;
- беззнаковый сдвиг вправо на 1 бит;
- рассчитывает $x \& 15$;
- рассчитывает $x \& -16$.

Проверьте её работу на значениях m и n (таблица Л3.1). Исходное значение и результат выведите в представлениях (a)–(з) функцией `print16()`.

Сопоставьте результаты с заданием Л3.33.

Реализация:

```

void exercise_4()
{
    short m=986;
    short n= -126;
    unsigned short m_=986;
    unsigned short n_= static_cast <int>(-126);
    cout<<"Initial data"<<endl;
    print16(&m);
    print16 (&n);
    print16(&m_);
    print16 (&n_);

    cout<<"Sign shift left by 1 bit"<<endl;
    short m1= m << 1;
    short n1= n << 1;
    print16(&m1);
    print16 (&n1);
    cout<<"Unsigned left shift by 1 bit"<<endl;
    unsigned short m2= m_ << 1;
    unsigned short n2= n_ << 1;
    print16(&m2);
    print16 (&n2);
    cout<<"Sign shift right by 1 bit"<<endl;
    short m3= m >> 1;
    short n3= n >> 1;
    print16 (&m3);
    print16 (&n3);
    cout<<"Unsigned right shift by 1 bit"<<endl;
    unsigned short m4= m_ >> 1;
    unsigned short n4= n_ >> 1;
    print16 (&m4);
    print16 (&n4);
    cout<<"X & 15"<<endl;
    short m5= m & 15;
    short n5= n & 15;
    print16(&m5);
    print16 (&n5);
    cout<<"X & -16"<<endl;
    short m6=m & (-16);
    short n6= n & (-16);
    print16(&m6);
    print16 (&n6);
}

```

Вывод:

Initial data				
0000001111011010	binary	hex	un decimal	decimal
		3da	986	986
111111110000010	binary	hex	un decimal	decimal
		ff82	65410	-126
0000001111011010	binary	hex	un decimal	decimal
		3da	986	986
111111110000010	binary	hex	un decimal	decimal
		ff82	65410	-126
Sign shift left by 1 bit				
0000011110110100	binary	hex	un decimal	decimal
		7b4	1972	1972
1111111100000100	binary	hex	un decimal	decimal
		ff04	65284	-252
Unsigned left shift by 1 bit				
0000011110110100	binary	hex	un decimal	decimal
		7b4	1972	1972
1111111100000100	binary	hex	un decimal	decimal
		ff04	65284	-252
Sign shift right by 1 bit				
0000000111101101	binary	hex	un decimal	decimal
		1ed	493	493
1111111110000001	binary	hex	un decimal	decimal
		ffc1	65473	-63
Unsigned right shift by 1 bit				
0000000111101101	binary	hex	un decimal	decimal
		1ed	493	493
0111111111000001	binary	hex	un decimal	decimal
		7fc1	32705	32705
X & 15				
000000000000010	binary	hex	un decimal	decimal
		a	10	10
0000000000000010	binary	hex	un decimal	decimal
		2	2	2
X & -16				
0000001111010000	binary	hex	un decimal	decimal
		3d0	976	976
1111111110000000	binary	hex	un decimal	decimal
		ff80	65408	-128

Задание Л3.35. Разработайте программу на языке C/C++, которая, используя только сложение, вычитание и побитовые операции, округляет целочисленное беззнаковое значение x до кратного значению D (таблица Л3.2) двумя способами:

- вниз;
- вверх.

$$D = 64$$

Реализация:

```
void exercise_5()
{
    int x;
    cout << "Enter the number " << endl;
    cin >> x;
    int D = 64;
    cout << "Rounding down: " << x - (x&(D-1)) << endl;
    cout << "Rounding up: " << x + D - (x&(D-1)) << endl;
}
```

Вывод:

```
Enter the number
654
Rounding down: 640
Rounding up: 704
```

Задание Л3.36. Разработайте программу на языке C/C++, которая выполняет для 32-битной переменной целочисленный инкремент (то есть целочисленная интерпретация соответствующего 32-битного участка памяти должна увеличиться на 1) и целочисленный декремент (аналогично, целочисленная интерпретация должна уменьшиться на 1).

Проверьте её работу на целочисленных значениях m и n (таблица Л3.1), значениях с плавающей запятой из таблицы Л3.3, а также на целочисленных значениях:

Варианты значений с плавающей запятой

Таблица Л3.3

$(N - 1) \% 3 + 1$	Вариант
1	$a = 0, b = 1, c = 12345678, d = 123456789$
2	$a = 0, b = 1, c = 12233445, d = 122334455$

- 0;
- максимальное целое 32-битное значение без знака;
- минимальное целое 32-битное значение со знаком;
- максимальное целое 32-битное значение со знаком.

Исходное значение и результат выведите в представлениях (a)–(з) функцией `print32()`.

Реализация(инкремент):

```

void exercise_6_increment()
{
    int m = 564;
    int n = -322;

    double a = 0;
    double b = 1;
    double c = 12233445;
    double d = 122334455;

    int zero = 0;
    unsigned int umax = UINT_MAX;
    int max = INT_MAX;
    int min = INT_MIN;

    cout << "Original numbers" << endl;
    print32(&m);
    print32(&n);
    print32(&a);
    print32(&b);
    print32(&c);
    print32(&d);
    print32(&zero);
    print32(&umax);
    print32(&max);
    print32(&min);

    cout << "Increment" << endl;
    print32(&(++m));
    print32(&(++n));
    print32(&(++a));
    print32(&(++b));
    print32(&(++c));
    print32(&(++d));
    print32(&(++zero));
    print32(&(++umax));
    print32(&(++max));
    print32(&(++min));
}

```

Вывод:


```

void exercise_6_decrement()
{
    int m = 564;
    int n = -322;

    double a = 0;
    double b = 1;
    double c = 12233445;
    double d = 122334455;

    int zero = 0;
    unsigned int umax = UINT_MAX;
    int max = INT_MAX;
    int min = INT_MIN;

    cout << "Original numbers" << endl;
    print32(&m);
    print32(&n);
    print32(&a);
    print32(&b);
    print32(&c);
    print32(&d);
    print32(&zero);
    print32(&umax);
    print32(&max);
    print32(&min);

    cout << "Decrement" << endl;
    print32(&(--m));
    print32(&(--n));
    print32(&(--a));
    print32(&(--b));
    print32(&(--c));
    print32(&(--d));
    print32(&(--zero));
    print32(&(--umax));
    print32(&(--max));
    print32(&(--min));
}

```

Вывод:

[illegible]

ЛЗ.3. Вопросы

1. Что такое расширение чисел со знаком и без знака? Для чего нужны операции расширения?
2. Как выполняются логические операции, побитовые операции и сдвиги над строкой битов?
3. Как представляются в памяти компьютера числа с плавающей запятой?

1.

Код со сдвигом [правиль]

При использовании **кода со сдвигом** (англ. *Offset binary*) целочисленный отрезок от нуля до 2^n (n — количество бит) сдвигается влево на 2^{n-1} , а затем получившиеся на этом отрезке числа последовательно кодируются в порядке возрастания кодами от 000...0 до 111...1. Например, число -5 в восьмистороннем типе данных, использующем код со сдвигом, превратится в $-5 + 128 = 123$, то есть будет выглядеть так: 01111011.

По суті, при такому кодированні:

- к кодируемому числу прибавляют 2^{n-1} ;
- переводят получившееся число в двоичную систему исчисления.

Можно получить диапазон значений $[-2^{n-1}; 2^{n-1} - 1]$

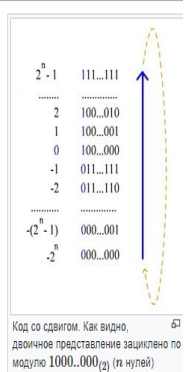
Достоинства представления чисел с помощью кода со сдвигом [\[править\]](#)

1. Не требуется усложнение архитектуры процессора.
2. Нет проблемы двух нулей.

Недостатки представления чисел с помощью кода со сдвигом [\[править\]](#)

1. При арифметических операциях нужно учитывать смещение, то есть проделывать на одно действие больше (например, после «обычного» сложения двух чисел у результата будет двойное смещение, одно из которых необходимо вычесть).

Из-за необходимости усложнять арифметические операции код со сдвигом для представления целых чисел используется не часто, но зато применяется для хранения порядка вещественного числа.



Код со сдвигом. Как видно, двоичное представление зациклено по модулю 1000..000 (n нулей)

2.

Логические побитовые операции [\[править\]](#)

Битовые операторы И (*AND*, $\&$), ИЛИ (*OR*, \mid), НЕ (*NOT*, \sim) и исключающее ИЛИ (*XOR*, \oplus) используют те же таблицы истинности, что и их логические эквиваленты.

Побитовое И [\[править\]](#)

Побитовое И используется для выключения битов. Любой бит, установленный в 0, вызывает установку соответствующего бита результата также в 0.

$\&$	11001010
	11100010
	11000010

Побитовое ИЛИ [\[править\]](#)

Побитовое ИЛИ используется для включения битов. Любой бит, установленный в 1, вызывает установку соответствующего бита результата также в 1.

\mid	11001010
	11100010
	11101010

Побитовое НЕ [\[править\]](#)

Побитовое НЕ инвертирует состояние каждого бита исходной переменной.

\sim	11001010
	00110101

Побитовое исключающее ИЛИ [\[править\]](#)

Исключающее ИЛИ устанавливает значение бита результата в 1, если значения в соответствующих битах исходных переменных различны.

\wedge	11001010
	11100010
	00101000

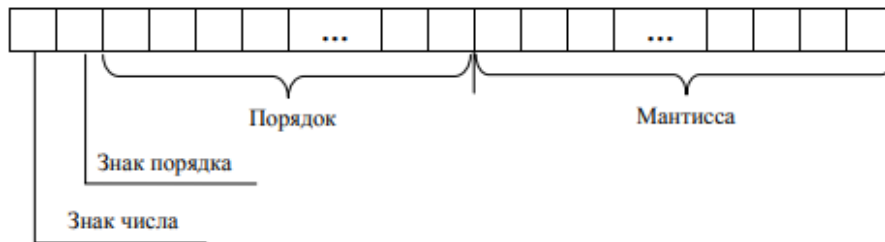
Побитовые сдвиги [\[править\]](#)

Операторы сдвига \ll и \gg сдвигают биты в переменной влево или вправо на указанное число. При этом на освободившиеся позиции устанавливаются нули (кроме сдвига вправо отрицательного числа, в этом случае на свободные позиции устанавливаются единицы, так как числа представляются в двоичном дополнительном коде и необходимо поддерживать знаковый бит).

Сдвиг влево может применяться для умножения числа на два, сдвиг вправо — для деления.

4.2 Представление в виде набора битов

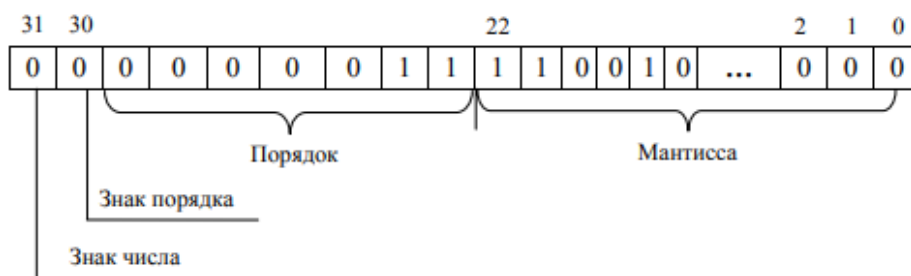
Числа с плавающей точкой представляются в виде битовых наборов, в которых отводятся разряды для мантииссы, порядка, знака числа и знака порядка:



Чем больше разрядов отводится под запись мантииссы, тем выше точность представления числа. Чем больше разрядов занимает порядок, тем шире диапазон от наименьшего отличного от нуля числа до наибольшего числа, представимого в машине при заданном формате.

Покажем на примерах, как записываются некоторые числа в нормализованном виде в четырехбайтовом формате с семью разрядами для записи порядка.

Число $6.25_{10} = 110.01_2 = 0.11001 \cdot 2^{11}$:



Число $-0.125_{10} = -0.001_2 = -0.1 \cdot 2^{-10}$ (отрицательный порядок записан в дополнительном коде):

