

(1) $f(x)$ est-elle une combinaison linéaire de $e^{cx} R_n(x)$ et $e^{ax} (\cos(bx) P_k(x) + \sin(bx) Q_m(x))$, où $R_n(x)$, $P_k(x)$, $Q_m(x)$ sont des polynômes de degrés n, m, k , et $c, a, b \in \mathbb{R}$?

non \rightarrow oui \rightarrow (2) ou (3)

La méthode ne marche pas
 \Rightarrow méthode de variation des constantes

\Rightarrow (2) Si $f(x) = e^{cx} R_n(x)$, le nombre $c \in \mathbb{R}$ est-il une racine de l'équation caractéristique $\lambda^2 + p\lambda + q = 0$?

non

oui

Ansatz: $y_{part} = e^{cx} T_n(x)$

Ansatz: $y_{part} = x^r e^{cx} T_n(x)$

où r est la multiplicité de la racine $\lambda = c$, $r=1$ ou $r=2$ ou $r=3$
 et $T_n(x)$ est un polynôme de degré n à coefficients indéterminés

\Rightarrow (3) Si $f(x) = e^{ax} (\cos(bx) P_k(x) + \sin(bx) Q_m(x))$, le nombre $a + ib$ est-il une racine de $\lambda^2 + p\lambda + q = 0$?

non

oui

Ansatz: $y_{part} = e^{ax} (T_N(x) \cos(bx) + S_N(x) \sin(bx))$

Ansatz: $y_{part} = x^r e^{ax} (T_N(x) \cos(bx) + S_N(x) \sin(bx))$

où $N = \max(k, m)$, $T_N(x)$ et $S_N(x)$ sont des polynômes de degré N

à coefficients indéterminés.